السنة الدراسية: 2023-2024

(1)

## حل المتراجحات من الدرجة الثانية في مجموعة الأعداد الحقيقية

### التمرين (01): (07 نقاط)

1- تحديد مدى استقرار المباراة:

$$\begin{pmatrix} 7 & 8 & 0 \\ 5 & 6 & 6 \\ 3 & 5 & -1 \\ 7 & 8 & 6 \end{pmatrix} \begin{matrix} 0 \\ 5 \\ -1 \\ \uparrow \\ \text{Min-MAX} \end{matrix} \Rightarrow \text{MAX-Min}$$

(0.75)

MAX-Min ≠ Min-MAX ⇒ المباراة غير مستقرة

2- باستخدام الطريقة الكرى تخفيض المباراة من (3×3) الى المباراة من النوع (2×2):

$$\begin{pmatrix} 7 & 8 & 0 \\ 5 & 6 & 6 \\ 3 & 5 & -1 \end{pmatrix}$$

(0.5)

نلاحظ أنه في السطر الثالث أقل قيمة هي 6 في العمود الأول وبالتالي يلغى هذه القيمة:

$$\begin{pmatrix} 7 & 8 & 0 \\ 5 & 6 & 6 \end{pmatrix}$$

(0.5)

نلاحظ أنه في العمود الثالث أكبر قيمة هي 6 في العمود الأول وبالتالي يلغى هذه القيمة:

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

(0.5)

### مساعد الطريقة البيانية:

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

الخطوة ①:

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} \begin{matrix} 7-0=7 \\ 6-5=1 \end{matrix}$$

$7-5=2 \quad 6-0=6$

(0.5)

(2)

الكلوة ② : التمثيل القيم

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 & 1 \\ 3 & 6 & 7 \\ 6 & 2 & 8 \end{pmatrix}$$

B

(0.5)

الكلوة ③ : إيجاد التسبب

$$A \begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 3 & 6 \end{pmatrix} \begin{matrix} \frac{1}{8} \\ \frac{7}{8} \end{matrix}$$

$\frac{3}{4} = \frac{6}{8}$ $\quad \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$

(0.5)

A و B : التسبب الاستراتيجيات لشبكة ما قبل الأخير

الاستراتيجية الأولى لسبب A هي $\frac{1}{8}$ لسبب زمن الباراة والاستراتيجية الثانية لسبب A سوف تطبق $\frac{7}{8}$ لسبب زمن الباراة.

(0.5)

الاستراتيجية الأولى لسبب B سوف تطبق $\frac{3}{4}$ لسبب زمن الباراة والاستراتيجية الثانية لسبب B سوف تطبق $\frac{1}{4}$ لسبب زمن الباراة.

(0.5)

- استنتاج قيمة الباراة :

$$V_A = 7 \times \frac{1}{8} + 3 \times \frac{7}{8} = \frac{7+21}{8} = \frac{42}{8}$$

$$= 0 \times \frac{1}{8} + 6 \times \frac{7}{8} = \frac{42}{8}$$

(0.5)

$$V_B = 7 \times \frac{3}{4} + 0 \times \frac{1}{4} = \frac{21}{4}$$

$$= 3 \times \frac{3}{4} + 6 \times \frac{1}{4} = \frac{15+6}{4} = \frac{21}{4}$$

(0.5)

A لسبب الباراة هي ربحية وهي لصالح

(3) (06 نقاط) التمرين 02:

$$\begin{pmatrix} 16 & 18 \\ -5 & 12 \end{pmatrix} \times$$

مصفوفة مربعة من الرتبة 2 ذات عناصر مختلفة مثنى مثنى

1- التحقق أن العبارة هي مصفوفة ألعاب ذات المجموع الصفري

$$\begin{pmatrix} 16 & 18 \\ -5 & 12 \end{pmatrix} \begin{matrix} \boxed{16} \\ -5 \end{matrix} \Rightarrow \text{MAX-Min}$$

$$\boxed{16} \quad 18$$

$$\uparrow$$

Min-MAX

(02)

MAX-Min = Min-MAX ⇒ العبارة تمثل مصفوفة ألعاب ذات المجموع الصفري

(01,5) ذات النقطة السرجية

2- مصفوفة ألعاب العبارة تمثل مصفوفة ألعاب ذات المجموع الصفري

3- إيجاد قيمة العبارة:

MAX-Min = Min-MAX = V = 16 ; ومنه العبارة مستقرة

(01,5) مع طريقة العبارة المستقرة

(01) ومنه قيمة العبارة: 16

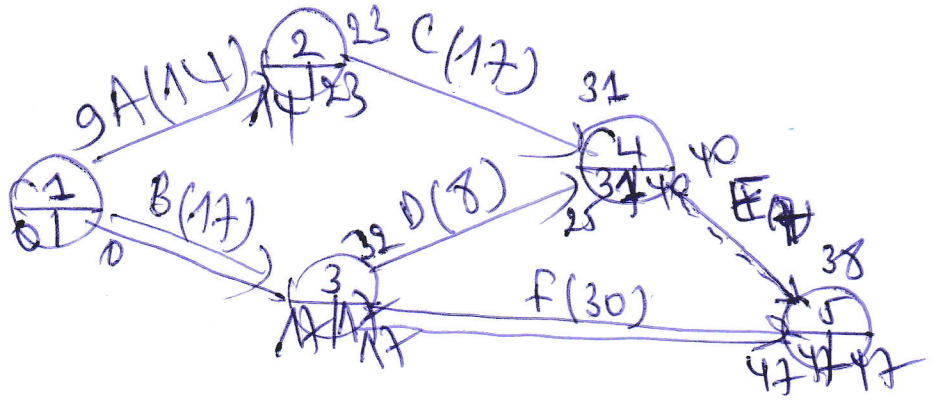
4- تفسير كل من مصفوفة عوائد العبارة:

(4)

(ط ت و) : التمرين

: الإجابة

1- رسم




03

2- إكمال الجدول :

| المهمة | الوقت الأقل | الوقت المبكر | | الوقت المتأخر | | النشاط |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | | بداية | نهاية | بداية | نهاية | |
| 2 ع | 9 | 23 | 9 | 14 | 5 | A |
| 2 | 0 | 17 | 0 | 17 | 0 | B |
| 3 ع | 9 | 40 | 23 | 31 | 14 | C |
| 3 ع | 15 | 40 | 32 | 25 | 17 | D |
| 3 ع | 9 | 47 | 40 | 38 | 31 | E |
| 2 | 0 | 47 | 17 | 47 | 17 | F |

02

B - f

: المسار الحرج هو

02 $\boxed{\text{م ح} = 30 + 17 = 47}$

3- مدة تنفيذ المشروع