

TD: Alimentation en Eau Potable

Exercice N°1

Une conduite d'AEP alimentant une population de 350hab. Supposant que le taux de fuite sur la conduite est 30%

1. Déterminer le débit moyen à transiter par la conduite (débit de la distribution normale : heure normale) ?
2. Calculer le coefficient de pointe ?
3. Estimer le débit maximum à véhiculer par la conduite (le débit pendant l'heure de pointe) ?
4. Si la conduite doit assurer aussi à son extrémité le débit d'incendie, calculer ;
 - Le débit à transiter pendant l'heure normale ?
 - Le débit à transiter pendant l'heure de pointe ?

On donne une dotation de 150l/j/hab. Calculer le diamètre de la conduite pour chaque cas ?

Solution :

1- Le débit à consommer est $Q_{cons.} = Dot.N^{bre} \text{ habit.} = 150.350 = 52500 \text{ l/j} = 0,6.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$.

Le débit à distribuer = $Q_{cons.} + \text{Taux de fuites.} Q_{cons.} = Q_{cons.}(1+0,3) = 0,78.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$.

$Q_{normal} = Q_n = 0,78.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$.

Pour le diamètre correspondant : On a $Q = V.\pi.D^2/4$.

A raison d'une vitesse de 1m/s : $D = \sqrt{\frac{4.Q}{\pi}} = 0,031 \text{ m} = 31 \text{ mm}$.

2- le coefficient de pointe :

$$K = 1,5 + \frac{1}{\sqrt{Q_{moy}(l/s)}} = 1,5 + \frac{1}{\sqrt{0,78}} = 2,63$$

3- le débit maximum : $Q_{max} = K.Q_n$

$$\Rightarrow Q_{max} = 2,63.0,78.10^{-3} = 2,05.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$$

Le diamètre pour ce cas, sera : $D = \sqrt{\frac{4.Q}{\pi}} = 0,051 \text{ m} = 51 \text{ mm}$.

4- si on considère le débit d'incendie :

a- $Q_{tr.n} = 0,78.10^{-3} + 0,017 = 17,78.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$.

$$\Rightarrow D = \sqrt{\frac{4.Q}{\pi}} = 0,15 \text{ m} = 150 \text{ mm}$$

b- $Q_{tr.max} = K.Q_{moy} + Q_{incd} = 2,63.0,78.10^{-3} + 17.10^{-3} = 19,05.10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$.

$$\Rightarrow D = \sqrt{\frac{4.Q}{\pi}} = 0,156 \text{ m} = 156 \text{ mm}$$

Exercice N°2

Une conduite d'AEP desservant une petite Cité comptant 600hab. pendant l'année 2014. Sile taux d'accroissement annuel de la population est $T=2,2\%$.

1. Calculer le débit moyen que doit véhiculer cette conduite à l'année 2029 (à l'horizonde 25ans) ? Tout en admettant une dotation de 150l/j/hab.
2. Calculer le diamètre qu'il faut donner à la conduite ?

Solution :

Le débit de la consommation actuelle :

$$Q_{\text{cons.}} = \text{Dot.} \cdot N^{\text{bre}} \text{ habit.} = 150 \cdot 600 = 9000 \text{ l/j} = 1,04 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s}.$$

Le nombre d'habitant en l'an 2009 : $N = N_0 \cdot (1+T)^n$.

Avec N_0 : nombre d'habitants pendant l'année de référence.

T : taux d'accroissement de la population.

n : nombre d'années à partir de l'année de référence.

$$N = 600 \cdot (1+0,022)^{25} = 600 \cdot 1,022^{25} = 1034 \text{ hab.}$$

$$\Rightarrow Q_{2029} = \text{Dot.} \cdot N^{\text{bre}} \text{ habit.} = 150 \cdot 1034 = 155100 \text{ l/j} = 1,79 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}.$$

Le diamètre convenant à raison d'une vitesse de 1m/s est :

$$D = \sqrt{\frac{4 \cdot Q}{\pi}} = 0,047 \text{ m} = 47 \text{ mm}$$

Le diamètre normalisé est Ø50 donnant une vitesse de :

$$V = \frac{Q}{S} = \frac{Q}{\pi \cdot \frac{D^2}{4}} = 0,91 \text{ m/s} : \text{c'est acceptable } (0,5 \text{ m/s} < V = 0,91 \text{ m/s} < 1,5 \text{ m/s}) : \text{ donc le choix du}$$

diamètre normalise est judicieux.

Exercice N°3

Une zone urbaine comptant une population de 400hab ; est alimentée par une conduite pour des fins d'AEP. Si on donne :

- La dotation est 180l/j/hab.
 - Le taux de fuite sur la conduite est de 25%
 - Le taux d'accroissement de la population est de 1,9%
1. Calculer le débit à transiter par cette conduite pendant l'heure de pointe et d'incendie à l'horizon de 25 ans ?
 2. Calculer le diamètre à donner à cette conduite pour que la vitesse d'écoulement soit $0,5 < V < 1,5 \text{ m/s}$?

Solution :

Le nombre de la population à l'horizon de 25 ans :

$$N = N_0 \cdot (1+T)^n \Rightarrow N = 400 \cdot (1+0.019)^{25} = 640 \text{ hab.}$$

Le débit de la consommation à l'horizon de 25ans :

$$Q_{\text{cons.}} = \text{Dot.} \cdot N^{\text{bre}} \text{ habit.} = 180 \cdot 640 = 115200 \text{ l/j} = 1,33 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s.}$$

Le débit à transiter à cet horizon :

$$Q = Q_{\text{cons.}} + \text{Taux de fuites} \cdot Q_{\text{cons.}} = 1,33 \cdot 10^{-3} \cdot (1+0,25) = 1,66 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s.}$$

$$Q_{\text{moy}} = 1,66 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s.}$$

$$\text{Le coefficient de pointe : } K = 1,5 + \frac{1}{\sqrt{Q_{\text{moy}}(\text{l/s})}} = 1,5 + \frac{1}{\sqrt{1,66}} = 2,28$$

$$\text{Le débit de pointe sera : } Q_{\text{max}} = K \cdot Q_{\text{moy}} = 2,28 \cdot 1,66 \cdot 10^{-3} = 3,78 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s.}$$

Pendant l'heure d'incendie, ce débit sera:

$$Q_{\text{max}} = K \cdot Q_{\text{moy}} + Q_{\text{incd}} = 3,78 \cdot 10^{-3} + 17 \cdot 10^{-3} = 20,78 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s.}$$

Le diamètre qui convient pour ce cas, à raison d'une vitesse de 1m/s:

$$D = \sqrt{\frac{4 \cdot Q}{\pi}} = 0,163 \text{ m} = 163 \text{ mm.}$$

Le diamètre normalisé peut être : Ø160

$$V = \frac{Q}{S} = \frac{Q}{\pi \cdot \frac{D^2}{4}} = 1,03 \text{ m/s}$$

$0,5 \text{ m/s} < 1,03 \text{ m/s} < 1,60 \text{ m/s}$: Donc le choix du diamètre normalisé est judicieux.

Exercice N°4

De l'eau coule à 20°C d'un réservoir A vers un réservoir B avec un débit de 0.05m³/s à travers trois tuyaux en ciment connectés en série, ayant les caractéristiques suivantes respectivement : L1=2600m, D1=400mm ; L2=1850m, D2=300mm ; L3=970m, D3=200mm. Trouver la différence de niveau Δh entre les deux réservoirs ? Par les deux procédés :

- Par Colbrook en donnant $\epsilon = 24.10^{-7}$ m.
- Par Hazen-Williams en donnant C=120

En négligeant toutes les pertes de charges mineures.

Solution :

a- par l'application de l'équation de Bernoulli :

$$Z_A + \frac{P_A}{\varpi} + \frac{V_A^2}{2g} = Z_B + \frac{P_B}{\varpi} + \frac{V_B^2}{2g} + \Delta h_{A-B}.$$

Avec :

$P_A = 0$ (pression atmosphérique)

$V_A = 0$ (section importante)

$P_B = 0$ (pression atmosphérique)

$V_B = 0$ (section importante)

$$\Rightarrow \Delta h = Z_A - Z_B = \Delta h_{A-B}.$$

$$\Delta h_{A-B} = \Delta h_1 + \Delta h_2 + \Delta h_3 = \frac{f_1 \cdot Q^2 \cdot L_1}{\pi^2 \cdot g \cdot D_1^5} + \frac{f_2 \cdot Q^2 \cdot L_2}{\pi^2 \cdot g \cdot D_2^5} + \frac{f_3 \cdot Q^2 \cdot L_3}{\pi^2 \cdot g \cdot D_3^5}$$

Nous avons d'après Colbrook :

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = -2 \cdot \log \left[\frac{\epsilon}{3,7 \cdot d} + \frac{2,51}{\text{Re} \cdot \sqrt{f}} \right]$$

Avec Re : nombre de Reynolds

$$\text{Re} = \frac{V \cdot d}{\nu}$$

Où ν : la viscosité cinématique de l'eau.

D'après la formule de Poiseuille :

$$\nu = \frac{0,0178}{1 + 0,0337 \cdot T + 0,000221 T^2} \cdot 10^{-4}.$$

Où T : le température en °C.

A 20° C, $\nu = 1,01 \cdot 10^{-6}$ m²/s.

Par un processus itératif, on détermine f pour les trois conduites :

$f_1 = 0,0164.$

$f_2 = 0,0156.$

$f_3 = 0,0145.$

$$\Delta h = \frac{Q^2}{\pi^2 \cdot g} \cdot \left(\frac{f_1 \cdot L_1}{D_1^5} + \frac{f_2 \cdot L_2}{D_2^5} + \frac{f_3 \cdot L_3}{D_3^5} \right) = 1,547 \text{ m.}$$

b- par la formule de Hazen-Williams :

$$Q = V \cdot S = 0,8494 \cdot C \cdot (D/4)^{0,63} \cdot i^{0,54} \cdot \pi \cdot D^2 / 4 = 10,67 \cdot C \cdot (D/4)^{2,63} \cdot i^{0,54}.$$

$$\Rightarrow \Delta h = i \cdot L = \left[\frac{Q}{10,67 \cdot C \cdot \left(\frac{D}{4} \right)^{2,63}} \right]^{1/0,54} \cdot L.$$

$$\Rightarrow \Delta h = \Delta h_1 + \Delta h_2 + \Delta h_3 = i \cdot L_1 + i \cdot L_2 + i \cdot L_3 =$$

$$= \left[\frac{Q}{10,67 \cdot C \cdot \left(\frac{D_1}{4} \right)^{2,63}} \right]^{1/0,54} \cdot L_1 + \left[\frac{Q}{10,67 \cdot C \cdot \left(\frac{D_2}{4} \right)^{2,63}} \right]^{1/0,54} \cdot L_2 + \left[\frac{Q}{10,67 \cdot C \cdot \left(\frac{D_3}{4} \right)^{2,63}} \right]^{1/0,54} \cdot L_3.$$

$$= \left[\frac{4^{2,63} \cdot Q}{10,67 \cdot C} \right]^{1/0,54} \cdot \left[\frac{L_1}{D_1^{2,63/0,54}} + \frac{L_2}{D_2^{2,63/0,54}} + \frac{L_3}{D_3^{2,63/0,54}} \right]$$

$$= 19,58 \text{ m.}$$

