

السلسلة الثانية في مادة الإحصاء 3: التوزيعات الإحتمالية المنفصلة (توزيع الهندسي، التوزيع فوق الهندسي)

التمرين 01:

وجدت شركة ما أن 30% من المتقدمين للعمل بها يحملون شهادة ليسانس في الإعلام الآلي، وأن المتقدمين يتم اختيارهم بطريقة عشوائية وبشكل متتالي.

- ما هو احتمال أن أول شخص تتم مقابله ويحمل شهادة ليسانس في الإعلام الآلي هو الشخص الخامس
- اوجد التوقع الرياضي، التباين، الانحراف المعياري

التمرين 02:

في تجربة القاء حجر النرد، نرمي حجر النرد حتى يتم ظهور الرقم 1

-أكتب دالة الاحتمال للمتغير العشوائي X

-ما هو احتمال ظهور الرقم 1 في المحاولة الثالثة

- اوجد التوقع الرياضي، التباين، الانحراف المعياري

التمرين 03:

في تجربة إلقاء قطعة نقدية إلى أن تحصل على الصورة

- ما هو احتمال الحصول على الصورة في الرمية الرابعة

- ما هو معدل عدد المحاولات حتى الحصول على الصورة؟

التمرين 04:

يصوب صياد نحو هدف ويستمر بالتصويب حتى يصيب الهدف للمرة الأولى، فإذا كان احتمال اصابة الهدف في كل مرة هو 0.8

المطلوب:

- ما هو احتمال أن يرمي على هدف معين 5 مرات حتى يصيب الهدف لأول مرة
- ما هو احتمال أن يصيب الهدف لأول مرة بعد ثلاث رميات على الأكثر
- ما هو احتمال أن يصيب الهدف لأول مرة قبل الرمية العاشرة
- احسب التوقع الرياضي والتباين

التمرين 05:

إذا كان احتمال ولادة ذكر في أي ولادة تمر بها سيدة هو $\frac{1}{3}$ ، أوجد:

- (1) أوجد دالة التوزيع الاحتمالي لعدد مرات الوضع إلى حين ترزق هذه السيدة بذكر
- (2) أوجد متوسط عدد مرات الوضع إلى حين ترزق بأول ذكر
- (3) ما احتمال أن تضع ذكرا لأول مرة في الولادة الثانية
- (4) ما احتمال أن تضع ذكرا لأول مرة عند الولادة الثالثة على الأكثر

التمرين 06:

يتوفر في أحد معارض بيع الأجهزة الكهربائية 15 مكواة بخارية، من بينها ثلاثة أجهزة فيها عطل (معيبة)، قام أحد الوكلاء بشراء ستة مكواة دون فحصها.

المطلوب:

-أكتب دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X الذي يمثل عدد الأجهزة العاطلة (المعيبة)

-ما هو احتمال أن يكون من ضمن ما اشتراه الوكيل 2 مكواة فيها عطل؟

التمرين 07:

يحتوي صندوق على ثلاثة أجهزة كهربائية عاطلة وسبعة صالحة، فإذا تم إختيار ثلاثة أجهزة وبدون إعادة وكان المتغير العشوائي X يمثل عدد الأجهزة العاطلة بالعينة المختارة.

المطلوب:

-أكتب القيم التي من الممكن أن يأخذها هذا المتغير العشوائي واحتمال كل منها

-أوجد قيمة الاحتمالات التالية:

$$(1) P(1 < X \leq 3)$$

$$(2) p(2 \leq X < 3)$$

$$(3) p(0 \leq X \leq 2)$$

$$(4) p(X = 4)$$

-أوجد التوقع الرياضي والتباين

تمرين 08:

يتكون فوج سياحي من ثمانية أشخاص: خمسة رجال وثلاث نساء، سحبنا عشوائيا خمسة أشخاص

ليكن X متغيرا عشوائيا يمثل عدد الرجال ضمن العينة المسحوبة

المطلوب:

(1) حدد جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير X

(2) أحسب التوقع الرياضي والتباين لهذا التوزيع

(3) أحسب تابع التوزيع ومثلها بيانيا

التمرين 09:

توجد في صندوق سبع زجاجات ماء معدني منها أربع زجاجات من النوع A والباقي من النوع B، فإذا تم سحب زجاجتين وعرف المتغير العشوائي بأنه عدد الزجاجات المسحوبة من النوع A المطلوب:
- إدراج فضاء امكانات التجربة
- تحديد القيم الممكنة لـ X
- حساب احتمال أن يكون ضمن الزجاجات المسحوبة زجاجة واحدة من النوع A على الأقل
- إدراج جدول قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X ومثله بيانيا

التمرين 10:

صندوق به 10 كرات منها 6 بيضاء و4 سوداء، نقوم بسحب 5 كرات دفعة واحدة، لنفترض X متغير عشوائي يمثل عدد الكرات البيضاء المسحوبة
- أوجد القانون الاحتمالي للمتغير العشوائي X
- ماهو احتمال الحصول على 3 كرات بيضاء
- لنفترض أننا سحبنا 8 كرات دفعة واحدة، أوجد القانون الاحتمالي للمتغير العشوائي X