

سلسلة تمارين رقم 03

التمرين الأول

1- تعطى المصفوفات A, B, C التالية

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -3 & 3 & 4 \\ -2 & 6 & 9 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} -5 & 3 & 2 \\ 0 & 1 & -4 \end{pmatrix}, \quad A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 3 & 5 & -4 \end{pmatrix}$$

- أحسب المصفوفات التالية:

$$C^2, \quad {}^t C {}^t A, \quad {}^t(AC), \quad {}^t C, \quad {}^t A, \quad AC, \quad 2A + B$$

2- أحسب المصفوفتين E و D إذا علمت أنهما تحققان الجملة

$$D - E = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}, \quad D + 2E = \begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$$

التمرين الثاني

تعطى المصفوفتين A, B حيث:

$$B = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}, \quad A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 4 & -3 & 4 \\ 3 & -3 & 4 \end{pmatrix}$$

1- أحسب المصفوفة A^2 ثم إستنتج المصفوفة A^{-1}

2- أحسب المصفوفتين B^2 و $B^2 + B$

3- إستنتج أن المصفوفة B قابلة للقلب و احسب مصفوفتها العكسية B^{-1}

التمرين الثالث

1- لتكن المصفوفات A, B من \mathcal{M}_n حيث AB, B قابلتين للقلب

برهن أن A قابلة للقلب

2- لتكن:

$$M = (m_{i,j})_{1 \leq i,j \leq n} \in \mathcal{M}_3 \text{ avec } m_{i,j} = \begin{cases} 1 & \text{si } i+j \text{ est pair} \\ 0 & \text{si } i+j \text{ est impair} \end{cases}$$

أ- حدد المصفوفة M

ب- أحسب M^2, M^3, M^4

ت- خمن المصفوفة M^n ثم برهن على ذلك بالتراجع