

سلسلة تمارين رقم 03

التمرين الأول: أدرس خطية التطبيقات التالية:

1. $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ حيث : $f(x, y) = (x + 2y, 2x + y)$

2. $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ حيث : $f(x, y, z) = (x + 1, y + z)$

3. $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ حيث : $f(x, y) = xy$

:

التمرين الثاني: ليكن التطبيق المعرف كما يلي :

$$f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$(x, y, z) \mapsto f(x, y, z) = (2x + 3y, x - 2y + z)$$

1. بين أن هذا التطبيق خطي
2. أوجد أساس وبعـد $\text{Ker } f$
3. أوجد أساس وبعـد $\text{Im } f$
4. هل التطبيق تقابلي ولماذا؟