

**Exercice 3** : Soit E l'ensemble des 5 tâches suivantes :

T1: lire(a);

T2: lire(b);

T3: a:= a+b;

T4: c:= a+b;

T5: afficher c

Le système de tâches S = (E, <) où T1 < T3, T1 < T4, T2 < T3, T2 < T4, et T4 < T5.

- **w** est le comportement « **d1 f1 d2 f2 d3 f3 d4 f4 d5 f5** »

Cases mémoires	d1	f1	d2	f2	d3	f3	d4	f4	d5	f5
C1	0	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$
C2	0	0	0	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$
C3	0	0	0	0	0	0	0	$\alpha + 2\beta$	$\alpha + 2\beta$	$\alpha + 2\beta$

**R1)**  $V(C1, w) = (0, \alpha, \alpha + \beta)$

**R2)**  $V(C2, w) = (0, \beta)$

**R3)**  $V(C3, w) = (0, \alpha + 2\beta)$

**R4)** la suite des états du système pour le comportement  $w'$  sachant que l'état initial  $s_0$  est (a=0, b=0, c=0) :

- **w'** est le comportement « **d1 f1 d2 f2 d4 d3 f4 f3 d5 f5** »

Cases mémoires	d1	f1	d2	f2	d4	d3	f4	f3	d5	f5
C1	0	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$
C2	0	0	0	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$	$\beta$
C3	0	0	0	0	0	0	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$	$\alpha + \beta$

$s_0$ : (a=0, b=0, c=0)

$s_1$ : (a=  $\alpha$ , b=0, c=0)

$s_2$ : (a=  $\alpha$ , b=  $\beta$ , c=0)

$s_3$ : (a=  $\alpha$ , b=  $\beta$ , c=  $\alpha + \beta$ )

$s_4$ : (a=  $\alpha + \beta$ , b=  $\beta$ , c=  $\alpha + \beta$ )

**R5)** le système S est-t-il déterminé ?

$V(C1, w') = (0, \alpha, \alpha + \beta)$

$V(C2, w') = (0, \beta)$

$V(C3, w') = (0, \alpha + \beta)$

$V(C3, w) = (0, \alpha + 2\beta) \neq V(C3, w') = (0, \alpha + \beta)$

Le système S est indéterminé

**R6)** les domaines de lecture et écriture

Instructions	Domaine de lecture R	Domaine d'écriture W
T1: lire(a) ;	$R(T1) = \{\}$	$W(T1) = \{a\}$
T2: lire(b) ;	$R(T2) = \{\}$	$W(T2) = \{b\}$
T3: a:= a+b ;	$R(T3) = \{b\}$	$W(T3) = \{a\}$
T4: c:= a+b ;	$R(T4) = \{a, b\}$	$W(T4) = \{c\}$
T5: afficher c ;	$R(T5) = \{c\}$	$W(T5) = \{\}$

**R7)** La condition de Bernstein : 1)  $R(\text{inst1}) \cap W(\text{inst2}) = \emptyset$

2)  $W(\text{inst1}) \cap R(\text{inst2}) = \emptyset$

3)  $W(\text{inst1}) \cap W(\text{inst2}) = \emptyset$

Les paires de tâches ne vérifiant pas la condition de Bernstein : (T1, T3), (T2, T3), (T1, T4), (T2, T4), (T3, T4), (T4, T5).