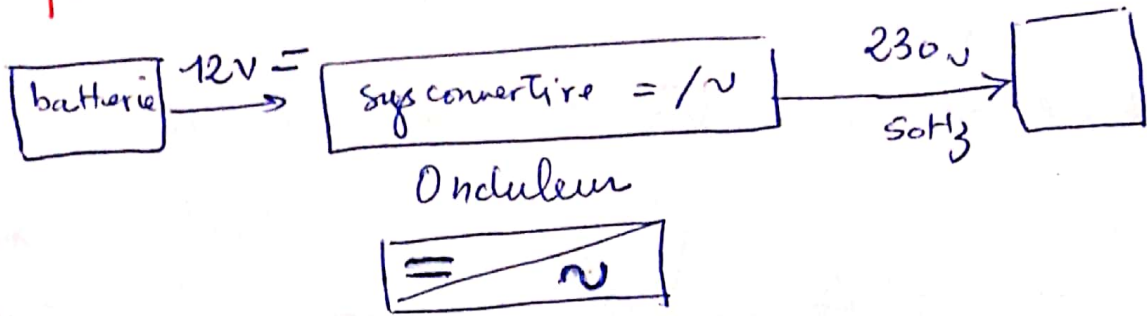


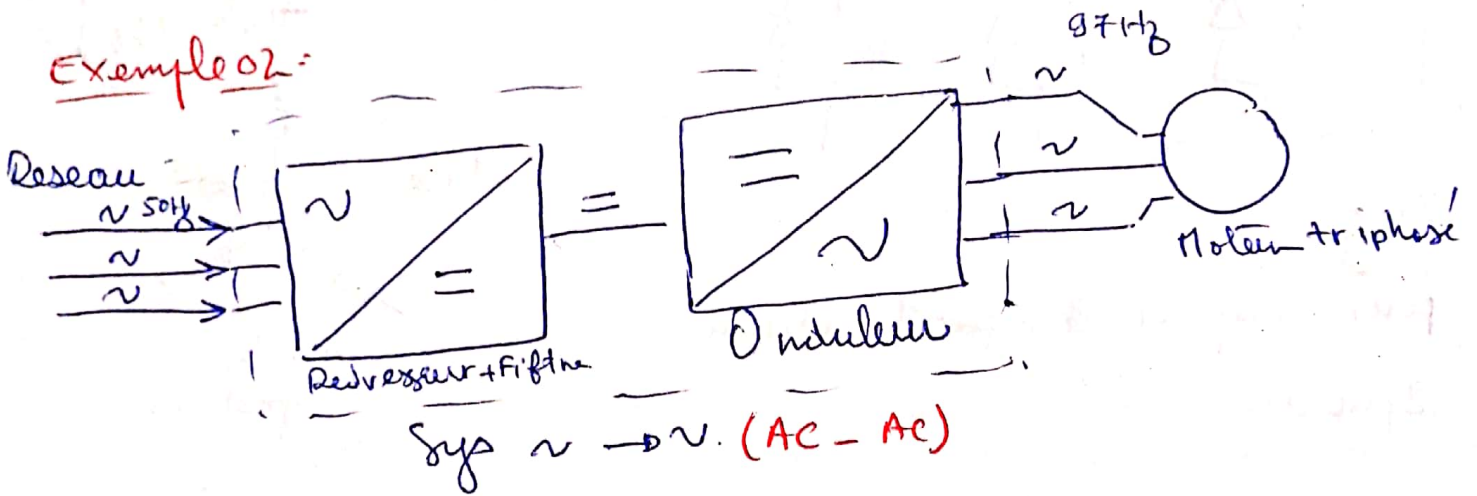
Les onduleurs :

Exemple 01 :

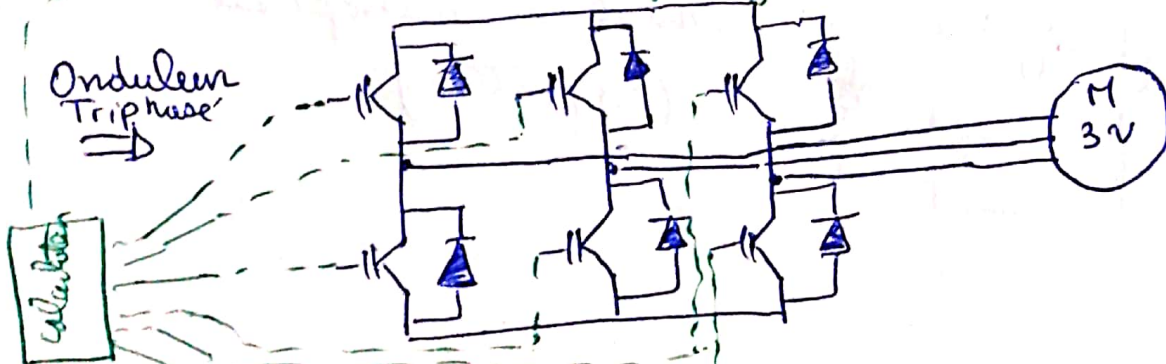
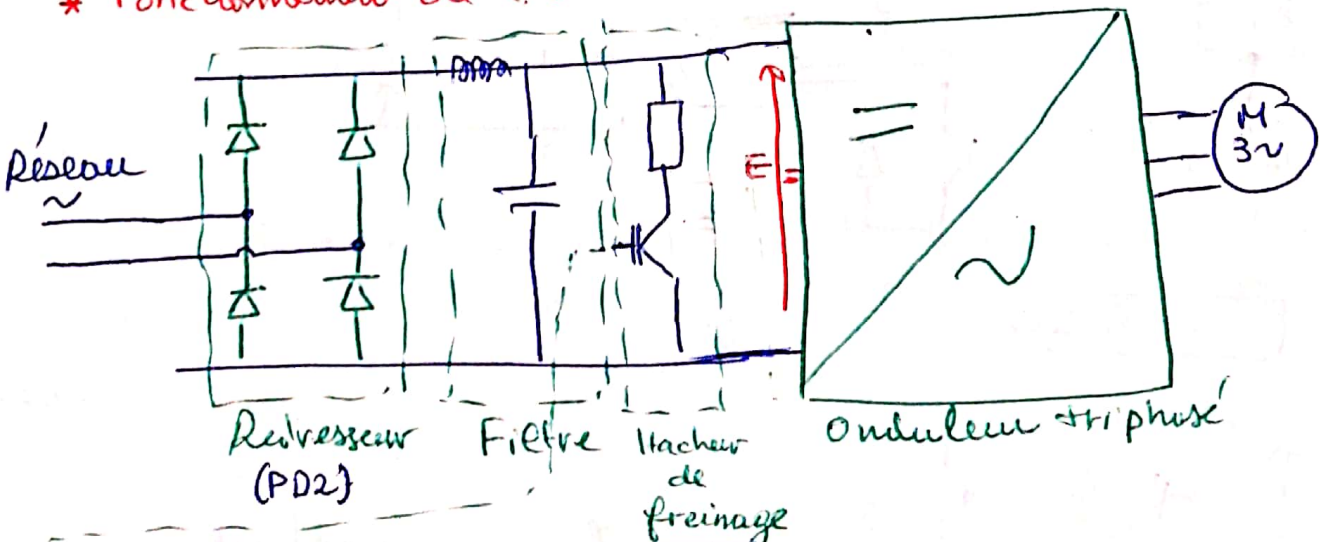


Onduleur est un convertisseur DC \rightarrow AC

Exemple 02 :

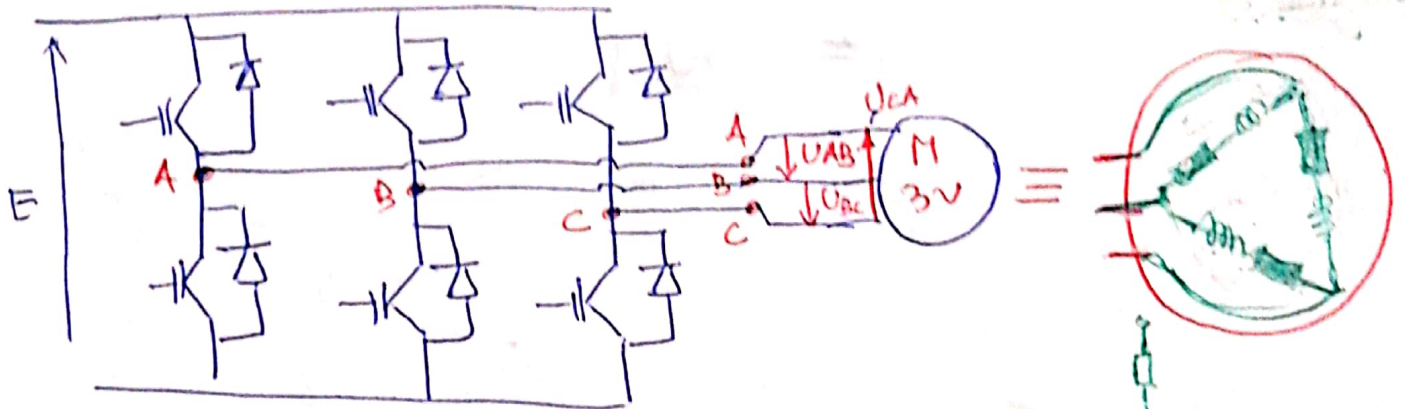


* Fonctionnement de l'onduleur :

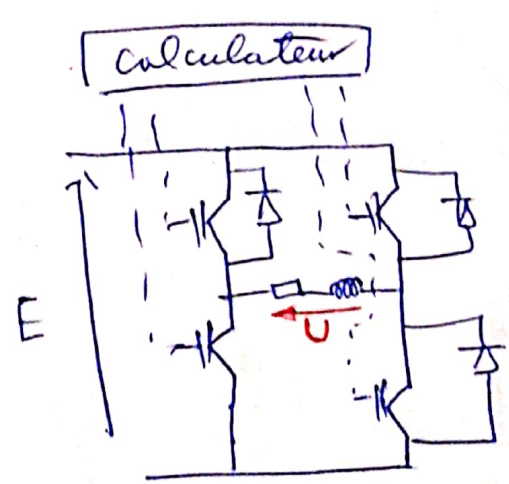
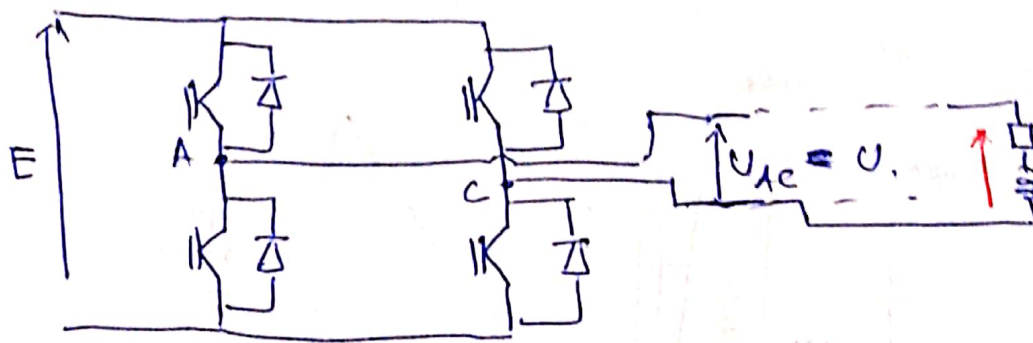


Donc la structure de l'onduleur est composée de ^{de} trois bras, chacun comporte deux interrupteurs commandés par le calculateur.

Etude de fonctionnement:



pour simplifier, on peut étudier
2 par 2:



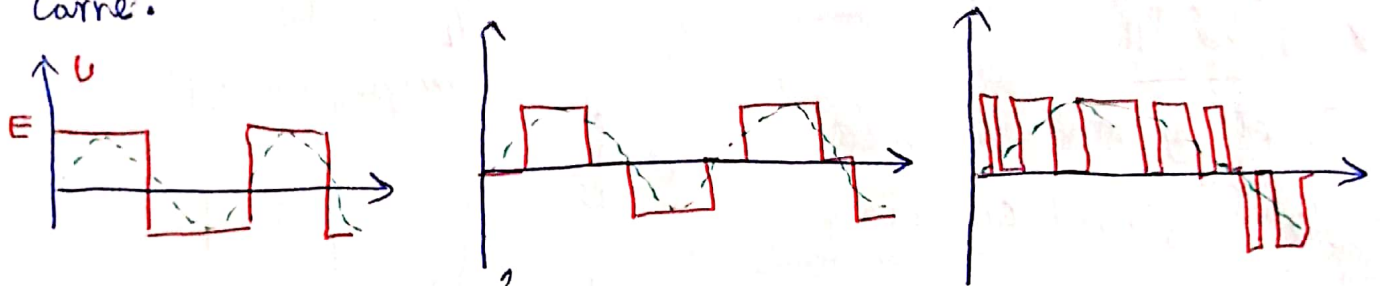
onduleur monophasé
(en part H).

ses 4 interrupteurs sont composés d'un transistor et d'une diode en anti parallèle et ils sont commandés par un calculateur.

il y'a plusieurs manières de commander des interrupteurs

- comme:
- La commande symétrique
 - La commande décalée
 - La commande MLI.

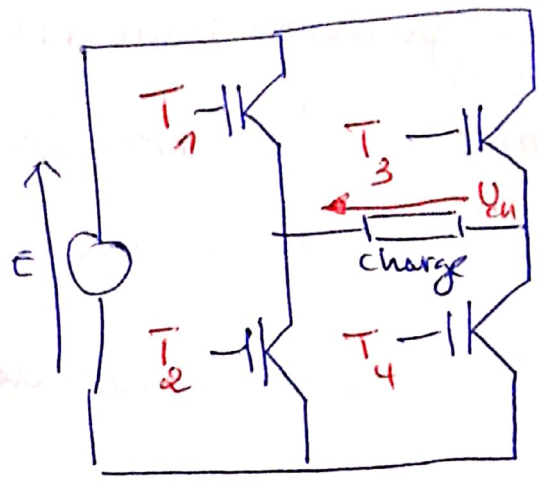
Chacune de ces lois de commande va donner des tensions de sortie différentes mais qui auront tout un signal carré.



Ils sont relativement éloignés de sinus parfait dont nous aurions besoin pour pouvoir alimenter notre machine, elles vont donc tout présenter des harmoniques de plus ou moins grande amplitude et de plus ou moins grande en fréquence.

1. La commande symétrique :

Les interrupteurs sont commandés en même temps deux par deux, c.a.d, T_1 et T_4 en même temps sur une demipériode, puis on commande T_2 et T_3 sur la deuxième demipériode.



→ Quel est la tension de sortie :

U_{ch}

T_1	T_2	T_1	T_2
T_4	T_3	T_4	T_3

$T/2$ T

* $0 < t < T/2$:

T_1 et T_4 sont fermés et T_2 et T_3 sont ouverts.

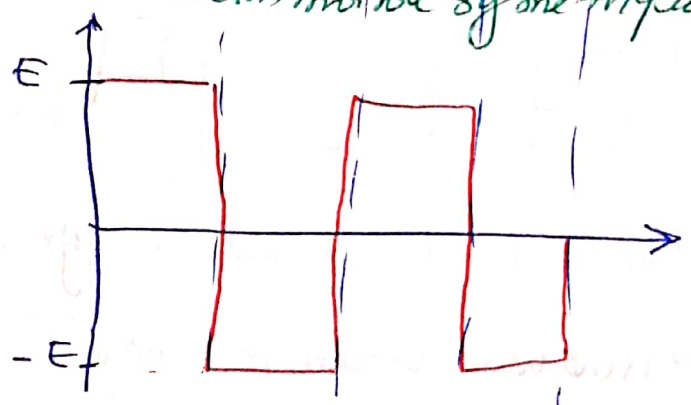
$U = E$

* $0 < t < T/2$:

T_1 et T_4 sont ouverts et T_2 et T_3 sont fermés :

$U = -E$

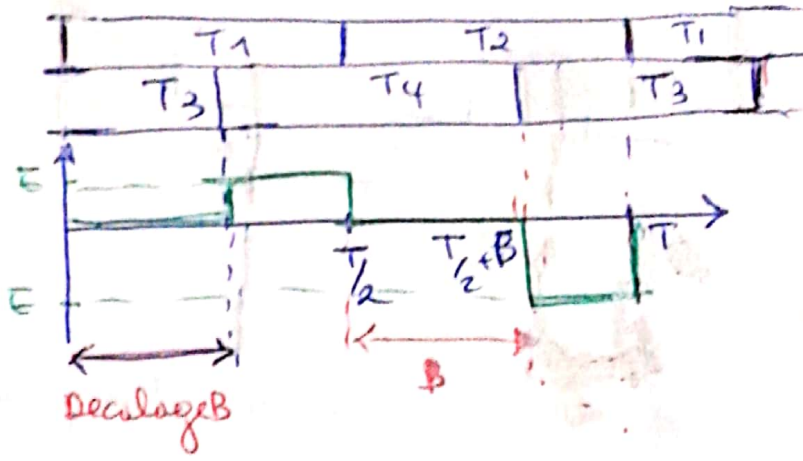
- commande symétrique -



10/11

- La commande décalée:

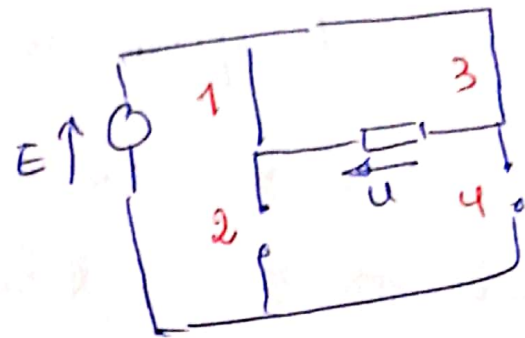
Les interrupteurs T_4 et T_3 sont décalés par rapport à celle de T_1 et T_2 .
 $T_1 = \overline{T_2}$ et $T_3 = \overline{T_4}$



* $0 < t < B$

$T_1 = ON$ $T_3 = ON$
 $T_2 = OFF$ $T_4 = OFF$

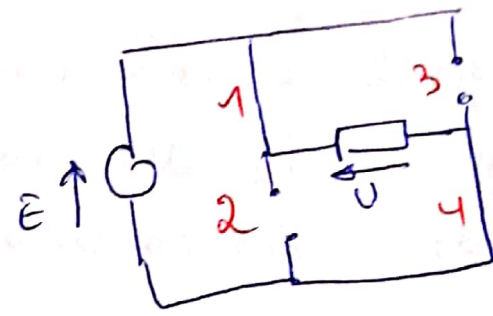
$U = 0$



* $B < t < T/2$

$T_1 = ON$, $T_3 = OFF$
 $T_2 = OFF$, $T_4 = ON$

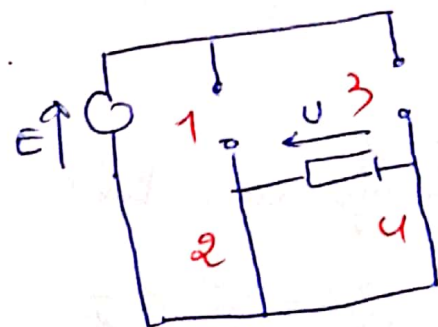
$U = E$



* $T/2 < t < T/2 + B$

$T_1 = OFF$, $T_3 = OFF$
 $T_2 = ON$, $T_4 = ON$

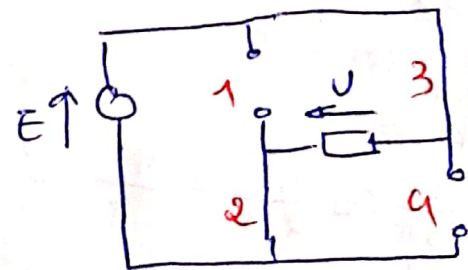
$U = 0$

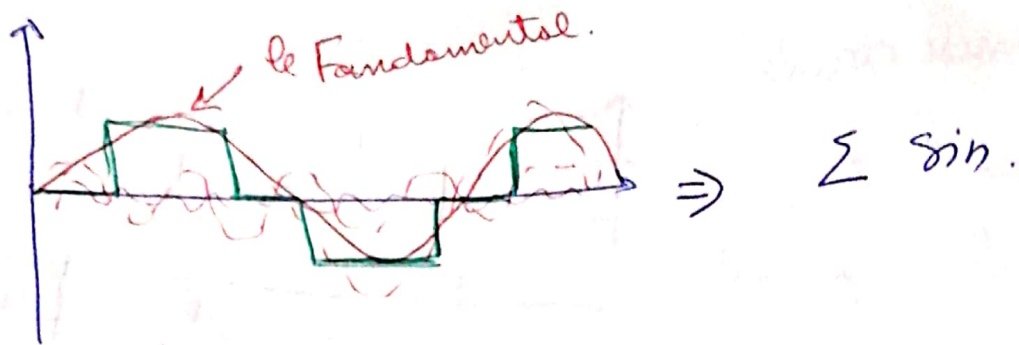


* $T/2 + B < t < T$

$T_1 = OFF$ $T_3 = ON$
 $T_2 = ON$ $T_4 = OFF$

$U = -E$





* Le signal de sortie est égal à la somme de plusieurs sinus, qui sont appelés **les harmoniques**.

pour alimenter une machine triphasée seul le fondamental est utilisé, et les autres harmoniques constituent des pertes potentielles.

donc le signal de sortie peut être décomposé en une série de fourier; cette série de fourier représente la somme de chaque harmonique.

$u(t)$

$$u(t) = \sum_{k > 1} \underbrace{\frac{4 \cdot E}{k\pi} \cos\left(\frac{k \cdot \beta}{2}\right)}_{\text{l'amplitude}} \cdot \underbrace{\sin(kt)}_{\text{ondulation}}$$

"k est impair"

Si $\beta = 60^\circ = \frac{\pi}{3}$.

* pour $k=1$ (le fondamental):

$$\text{Amp} = \frac{4E}{\pi} \cos\left(\frac{\beta}{2}\right) = \frac{4E}{\pi} \cos\frac{60}{2} = \frac{4E}{\pi} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

* pour $k=3$:

$$\text{Amp} = \frac{4E}{3\pi} \cos\frac{3 \cdot \pi}{2 \cdot 3} = 0$$

* pour $k=5$:

$$\text{Amp} = \frac{4E}{5\pi} \cos\frac{5\pi}{2 \cdot 3} = \frac{4E}{\pi} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

* pour $k=7$:

$$\text{Amp} = \frac{4E}{7\pi} \cdot \cos\frac{7\pi}{2 \cdot 3} = \frac{4E}{7\pi} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

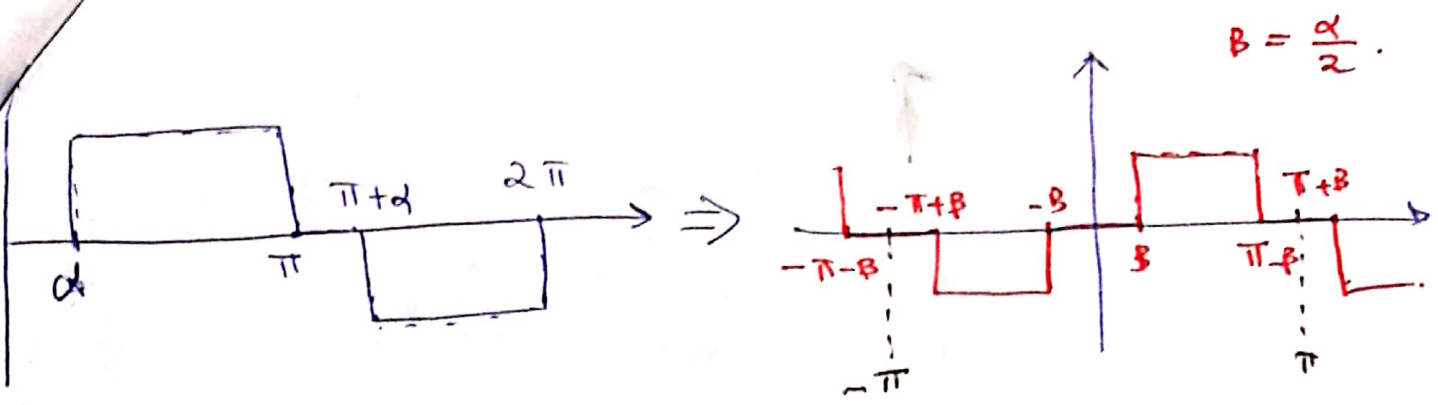
* pour $k=9$:

$$\text{Amp} = \frac{4E}{9\pi} \cdot \cos\left(\frac{9\pi}{2 \cdot 3}\right) = 0$$

* pour $k=11$:

$$\text{Amp} = \frac{4E}{11\pi} \cdot \cos\frac{11 \cdot \pi}{2 \cdot 3} = \frac{4E}{11\pi} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

etc



$$B = \frac{\alpha}{2}$$

$$f(\theta) = \begin{cases} 0 & -\pi < \theta < -\pi + B \\ -E & [-\pi + B, -B] \\ 0 & -B < \theta < B \\ E & [B, \pi - B] \\ 0 & [\pi - B, \pi] \end{cases}$$

$$S_f = \sum_{n \geq 1} b_n(f) \cdot \sin n\theta$$

puisque f est impaire.

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\theta) \cdot \sin(n\theta) \cdot d\theta = \frac{2}{2\pi} \int_{-\pi+B}^{-B} -E \sin(n\theta) d\theta + \int_B^{\pi-B} E \sin(n\theta) d\theta$$

$$= \frac{E}{\pi} \left[\int_{-\pi+B}^{-B} -\sin n\theta \cdot d\theta + \int_B^{\pi-B} \sin n\theta \cdot d\theta \right] = \frac{E}{\pi} \left[\left. \frac{\cos n\theta}{n} \right|_{-\pi+B}^{-B} + \left. \frac{\cos n\theta}{n} \right|_B^{\pi-B} \right]$$

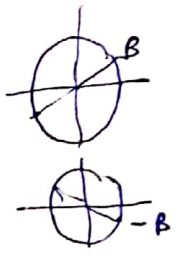
$$= \frac{E}{n\pi} \left[\cos n(-B) - \cos n(-\pi+B) + \cos n B - \cos n(\pi-B) \right]$$

$$= \frac{E}{n\pi} \left[\cos n B - (-\cos n B) + \cos n B - (-\cos n B) \right]$$

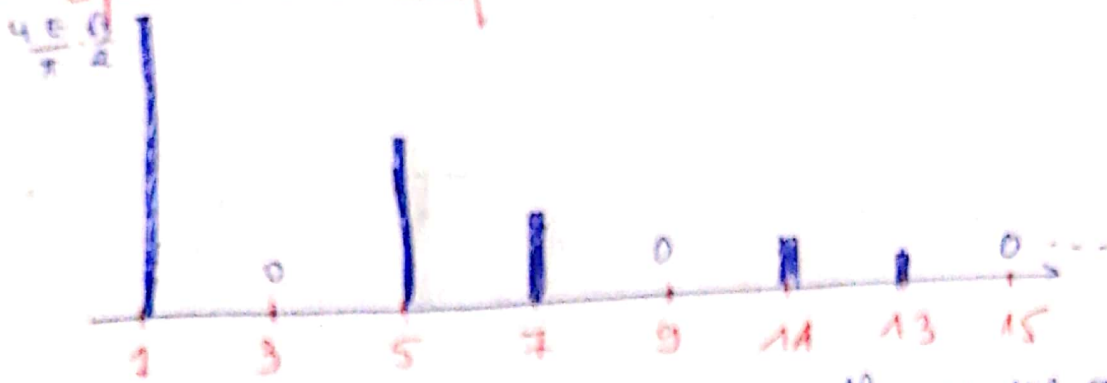
$$\begin{cases} + \text{paire} \\ - \text{impaire} \end{cases} = \frac{E}{(2k+1)\pi} \left[4 \cos(2k+1)B \right]$$

les paires = 0.

$$S_f = \sum_{k \geq 0} \frac{4E}{n\pi} \cdot \cos(2k+1)B \cdot \sin(2k+1)\theta$$



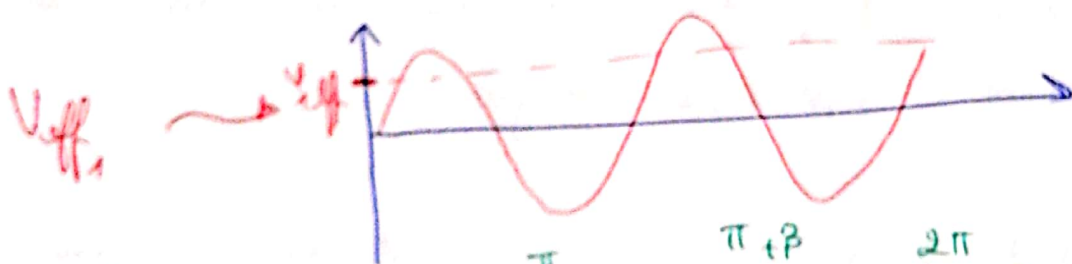
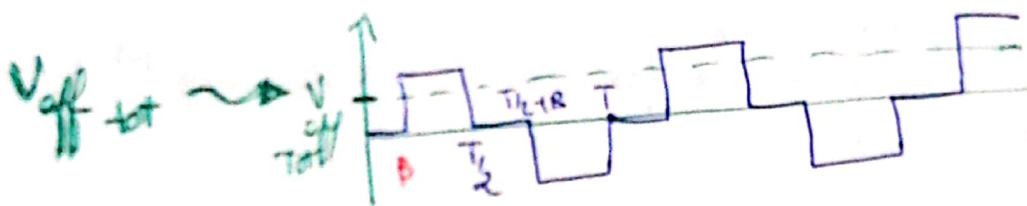
- Spectre des amplitudes de la tension v :



Afin de quantifier les pertes de la valeur efficace due aux harmoniques on utilise un critère appelé le Taux de Distorsion Harmonique "TDH":

$$\text{TDH} = \frac{V_{\text{eff}} \text{ de toutes les harmoniques}}{V_{\text{eff}} \text{ du fondamental}}$$

$$= \frac{\sqrt{V_{2\text{eff}}^2 + V_{3\text{eff}}^2 + V_{4\text{eff}}^2 + \dots}}{\sqrt{V_{1\text{eff}}^2}} = \frac{\sqrt{V_{\text{tot eff}}^2 - V_{1\text{eff}}^2}}{\sqrt{V_{1\text{eff}}^2}}$$



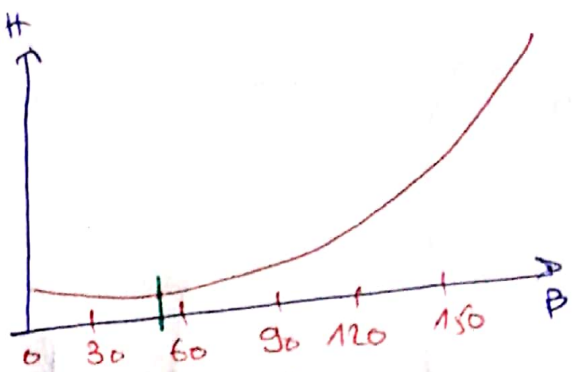
$$V_{\text{eff tot}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^B E^2 d\theta + \int_B^\pi E^2 d\theta + \int_\pi^{\pi+B} 0 d\theta + \int_{\pi+B}^{2\pi} (-E)^2 d\theta$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[E^2 \cdot \theta \right]_0^B + \left[E^2 \cdot \theta \right]_{\pi}^{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \left[E^2 (\pi - B) + E^2 (2\pi - \pi - B) \right]$$

$$= \frac{E^2}{2\pi} (\pi - B + \pi - B) = \frac{E^2 (2\pi - 2B)}{2\pi} = \frac{E^2 (\pi - B)}{\pi}$$

$$V_{1\text{ eff}}^2 = \frac{V_m^2}{2} = \left(\frac{4E}{\pi} \cdot \cos \frac{B}{2} \right)^2 \cdot \frac{1}{2} = \frac{8E^2 \cdot \cos^2 \frac{B}{2}}{\pi}$$

$$DH = \sqrt{\frac{\pi(\pi - \beta) - 8 \cos^2 \frac{\beta}{2}}{8 \cos^2 \frac{\beta}{2}}} \cdot TDH$$



TDH est au minimum si $\beta \approx 60^\circ$

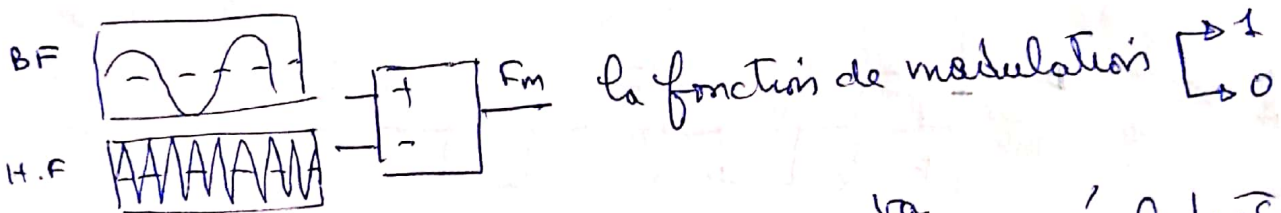
donc $\beta^0 = 60^\circ$ → annuler l'harmonique de rang 3
 → obtenir TDH minimal.

3 - La Commode MLI (Modulation de Largeur d'Impulsion)

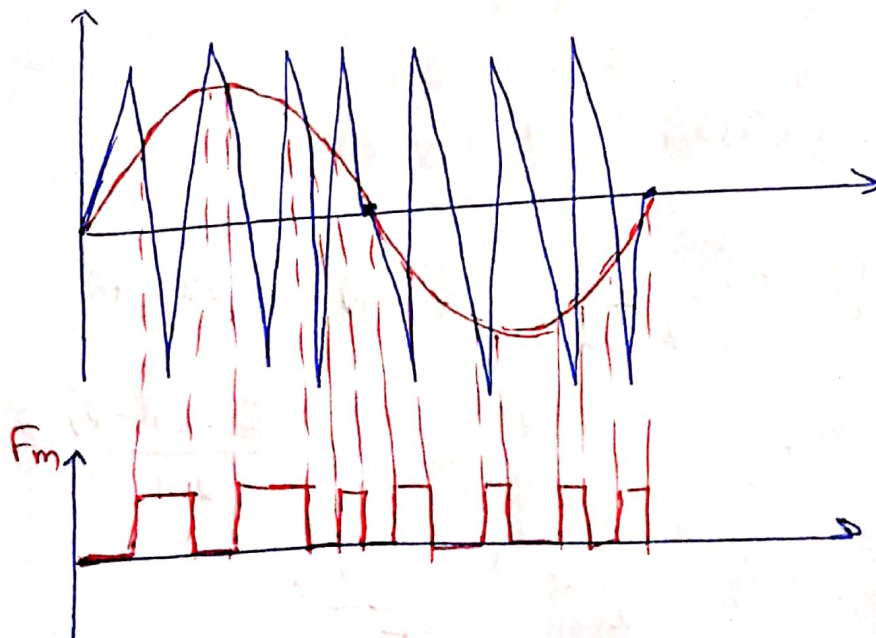
→ La Commode analogique:

On a deux signaux pour générer la commode des interrupteur:

- une tension modulante sinus ~~sinusoïdale~~ à basse fréquence
- " " triangulaire à haute fréquence = la porteuse.



afin de déterminer la forme de F_m , on superpose la tension modulante sinus à la porteuse triangulaire:

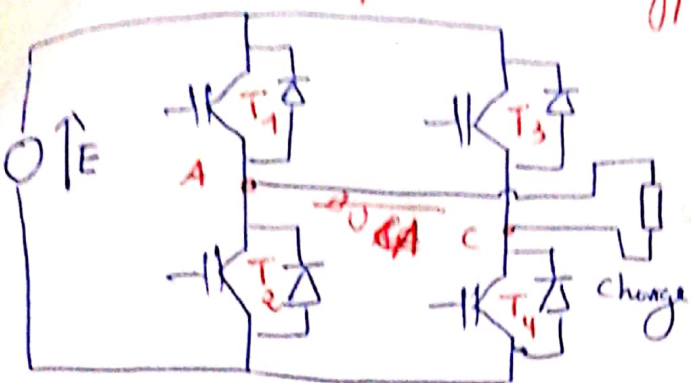


et on a comme commode les transistors:

$$F_m = T_1 \text{ et } T_4$$

$$\bar{F}_m = T_2 \text{ et } T_3$$

modèle complémentaire type 180°



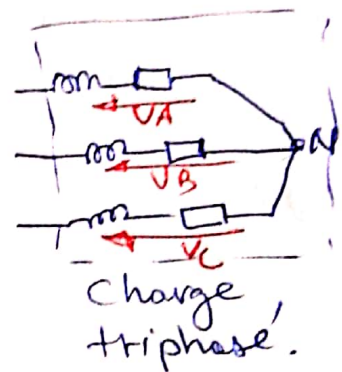
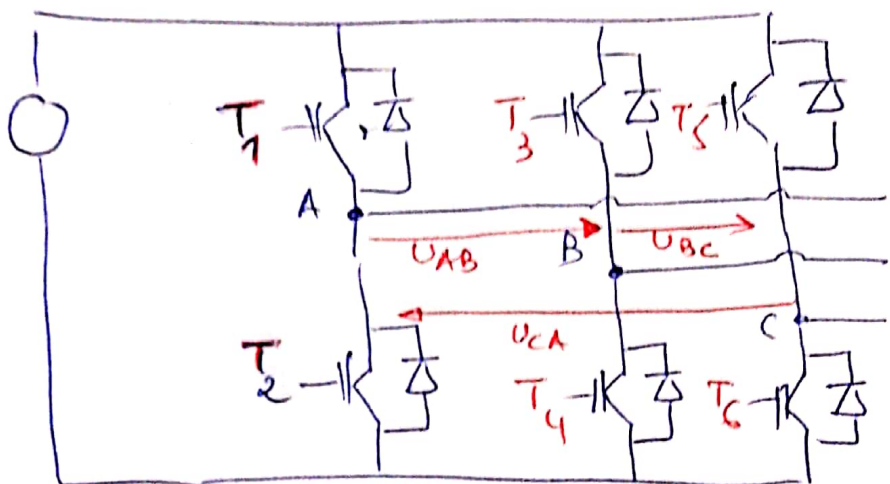
T1	T2
T3	T4

$U_{ch} = U_{CA}$



On reprend l'exemple de la commande décalé :

- pour étudier l'onduleur triphasé il suffit de rajouter la troisième branche :

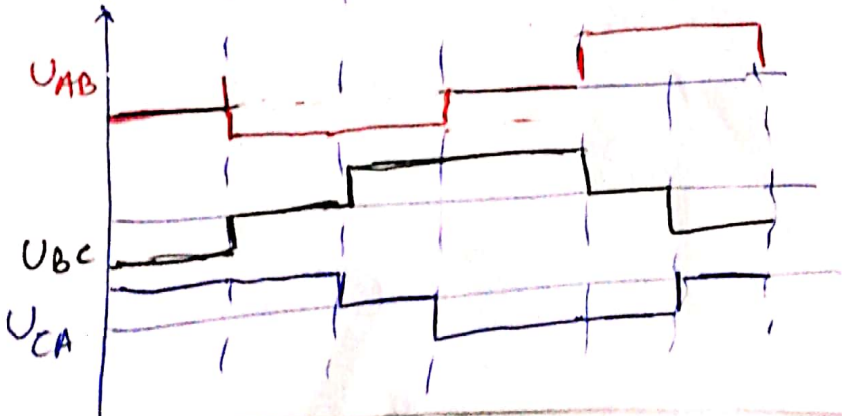


T1	hatched	hatched	hatched
T2	hatched	hatched	hatched
T3	hatched	hatched	hatched
T4	hatched	hatched	hatched
T5	hatched	hatched	hatched
T6	hatched	hatched	hatched

$$U_A = \frac{U_{AB} - U_{CA}}{3}$$

$$U_B = \frac{U_{BC} - U_{AB}}{3}$$

$$U_C = \frac{U_{CA} - U_{BC}}{3}$$



Séries de Fourier

$r: [0, 2\pi]$ (périodique). f est continue / ou continue par morceaux.

1) Coefficient de Fourier exponentielle:

la suite: $(C_n(f))_{n \in \mathbb{Z}}$.

$$C_n(f) = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) e^{-jn\omega t} dt \quad (T = 2\pi).$$

2) Coefficient trigonométriques:

la suite $(a_n(f))_{n \geq 0}$ et la suite $(b_n(f))_{n \geq 1}$

$$a_0(f) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(t) dt$$

$$a_n(f) = \frac{2}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(t) \cos(nt) dt$$

$$b_n(f) = \frac{2}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(t) \sin(nt) dt$$

Rq:
* Si f est paire $b_n(f) = 0$
* Si f est impaire $a_n(f) = 0$
 $a_0(f) = 0$

3) La série de Fourier de f :

$$S(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_n(f) \cdot e^{jn\omega t}$$

ou

$$S(t) = a_0(f) + \sum_{n \geq 1} \left[a_n(f) \cdot \cos(nt) + b_n(f) \cdot \sin(nt) \right]$$

Ondulation du courant :

1) Commutation symétrique (Pleine onde) :

* $Q_1 = Q_3 = ON$, $Q_2 = Q_4 = OFF$. $[0, T/2]$

$U_{ch} = E$

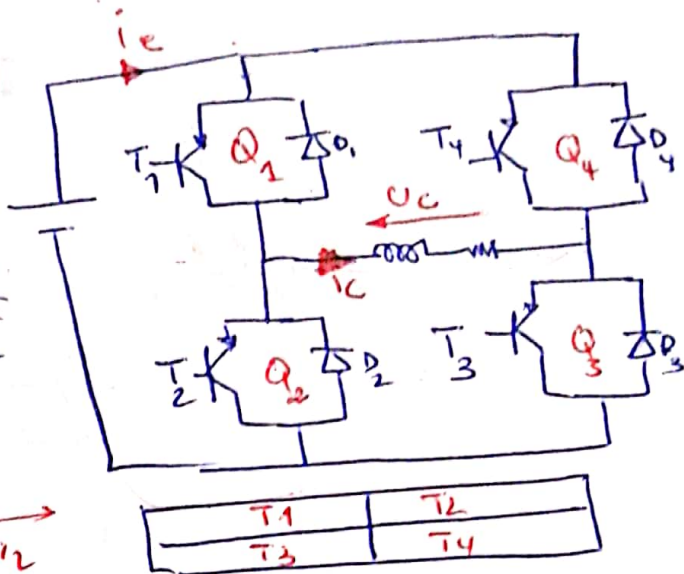
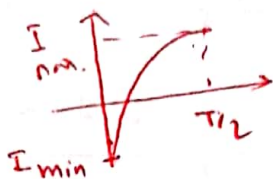
$Ri + L \frac{di}{dt} = E$ $i(t) = (I_{min} - \frac{E}{R}) e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{R}$

→ Si $i > 0$: $i_e = i_c = i_{T1} = i_{T2}$

T_1 et T_3 qui conduisent

→ Si $i < 0$: $i_e = i_c = i_{D1} = i_{D3}$

D_1 et D_3 qui conduisent.



T1	T2
T3	T4

$i_{min} = -i_{max}$

* $Q_1 = Q_3 = OFF$, $Q_2 = Q_4 = ON$. $[T/2, T]$

$U_{ch} = -E$

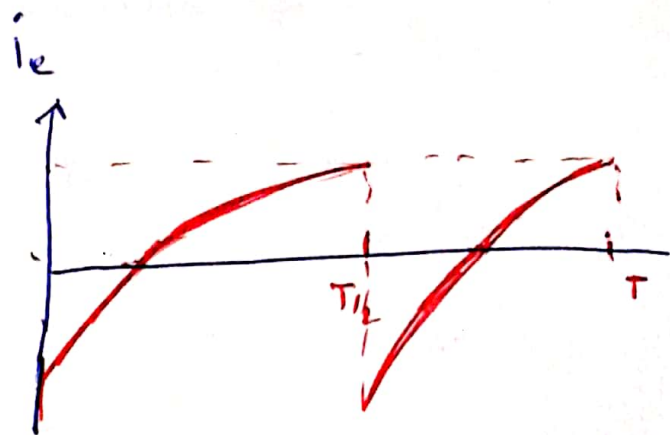
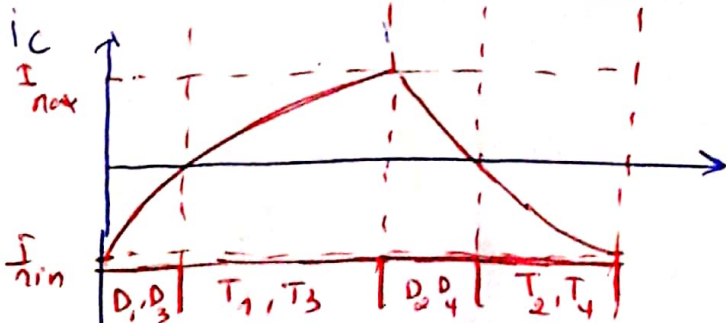
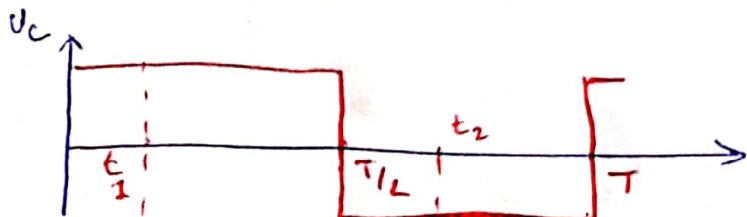
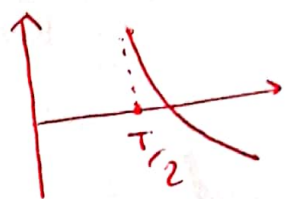
$Ri + L \frac{di}{dt} = -E$ $i(t) = (I_{max} + \frac{E}{R}) e^{-\frac{t-T/2}{\tau}} - \frac{E}{R}$

→ Si $i > 0$: $i_e = -i_c = i_{D2} = i_{D4}$

D_2 et D_4 qui conduisent

→ Si $i < 0$: $i_c = -i_e = i_{T2} = i_{T4}$

T_2 et T_4 qui conduisent



→ Spectre de la tension ondulée: (commande symétrique)

$$f(\theta) = \begin{cases} -E & -\pi < \theta < 0 \\ +E & 0 < \theta < \pi \end{cases}$$

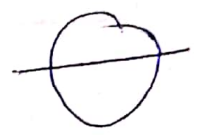
$$f(\theta) = S(\theta) = a_0 + \sum_{n \geq 1} a_n \cos n\theta + b_n \sin n\theta$$

puisque f est impaire donc: $a_0 = 0$, $a_n = 0$.

$$b_n = \frac{2}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\theta) \cdot \sin n\theta \cdot d\theta = \frac{2}{2\pi} \int_{-\pi}^0 -E \cdot \sin n\theta \cdot d\theta + \int_0^{\pi} E \cdot \sin n\theta \cdot d\theta$$

$$= \frac{E}{\pi} \left[\int_{-\pi}^0 -\sin n\theta + \int_0^{\pi} \sin n\theta \right] = \frac{E}{\pi} \left[\frac{\cos n\theta}{n} \Big|_{-\pi}^0 + \frac{-\cos n\theta}{n} \Big|_0^{\pi} \right]$$

$$= \frac{E}{n\pi} \left(\underbrace{\cos 0}_1 - \underbrace{\cos n(-\pi)}_1 - \cos n\pi + \underbrace{\cos 0}_1 \right)$$



$$= \frac{E}{n\pi} (1 - \cos n\pi - \cos n\pi + 1) = \frac{E}{n\pi} (2 - 2\cos n\pi)$$

$$= \frac{2E}{n\pi} (1 - (-1)^n)$$

$$f(\theta) = \sum_{n \geq 1} \frac{2E}{n\pi} (1 - (-1)^n) \cdot \sin n\theta = \frac{2E}{\pi} \sum_{n \geq 1} \frac{1 - (-1)^n}{n} \sin n\theta$$

Simplification:

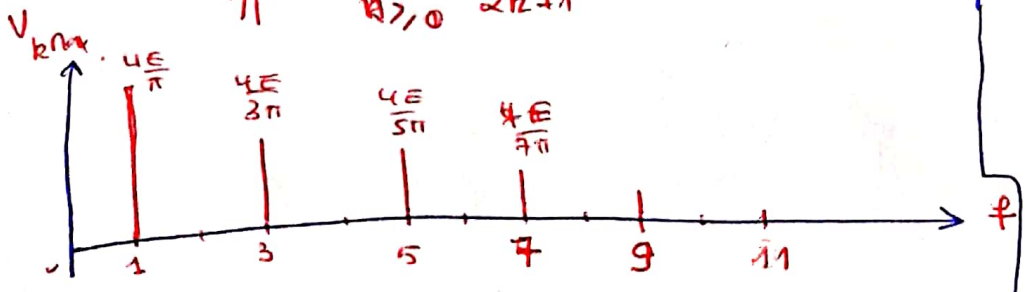
Si: $n = \text{paire} = n = 2k$.

$$f(\theta) = \frac{2E}{\pi} \sum_{n \geq 1} \frac{1 - (-1)^{2k}}{2k} \sin 2k\theta = 0$$

Si: $n = \text{impaire} = 2k + 1$.

$$f(\theta) = \frac{2E}{\pi} \sum_{k \geq 0} \frac{(1 + 1)}{2k + 1} \sin (2k + 1)\theta$$

$$= \frac{4E}{\pi} \sum_{k \geq 0} \frac{1}{2k + 1} \sin (2k + 1)\theta$$



$$k=0: f(\theta) = \frac{4E}{\pi} \cdot \sin \theta$$

$$k=1: f(\theta) = \frac{4E}{3\pi} \sin 3\theta$$

$$k=2: f(\theta) = \frac{4E}{5\pi} \sin 5\theta$$

$$V_{\text{eff TOT}} = ?$$

$$V_{\text{eff}} = ?$$

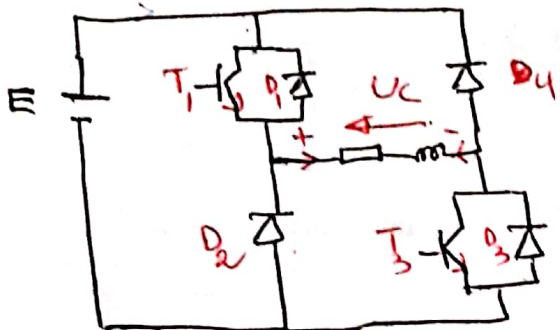
$$\text{THD} = \frac{\sqrt{V_{\text{eff TOT}}^2 - V_{\text{eff}}^2}}{V_{\text{eff}}}$$

Commande d'écoulee:

$$\alpha = \frac{\beta}{2}$$

$$\beta < \theta < \frac{T}{2}$$

$T_1 = ON, T_3 = ON, T_2 = T_4 = OFF.$



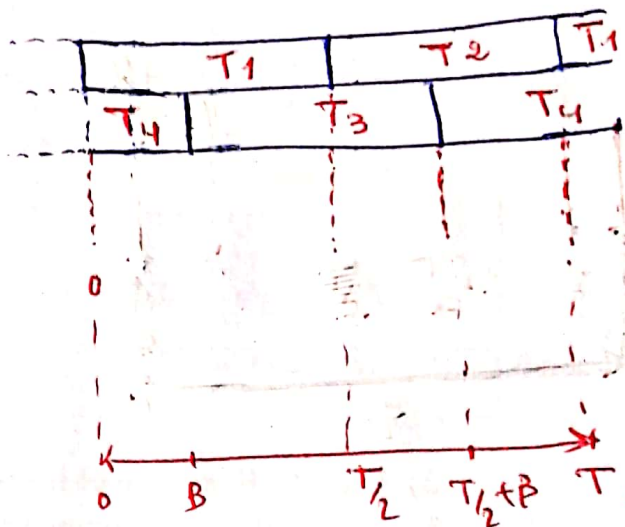
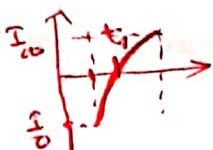
D_2 et $D_3 =$ toujours OFF.

$$U_c = E \Rightarrow L \frac{di}{dt} + Ri = E.$$

$$i(t) = \left(I_0 - \frac{E}{R} \right) e^{-t/\tau} + \frac{E}{R} \quad i_e = i_c.$$

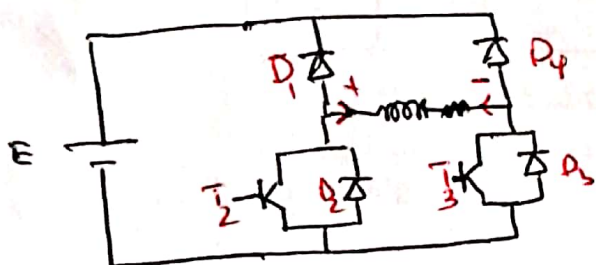
→ Si $i < 0$: D_1 et $D_3 = ON.$

→ Si $i > 0$: T_1 et $T_3 = ON.$



$$\frac{T}{2} < \theta < \frac{T}{2} + \beta.$$

T_2 et $T_3 = ON: T_1 = T_4 = OFF.$



$$i_e = 0.$$

$$U_c = 0 \Rightarrow Ri + L \frac{di}{dt} = 0.$$

$$i(t) = I_0 e^{-t/\tau}$$



→ $i > 0$: D_2 et $T_3 = ON$

le courant est positif suivant le courant de la phase précédente.

$\frac{T}{2} + \beta < 0 < T:$

$T_2 = T_4 = ON.$

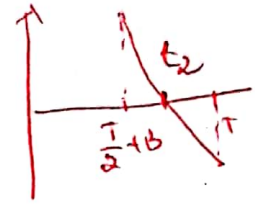
$T_3 = T_1 = OFF$

$U_c = -E \Rightarrow L \frac{di}{dt} + Ri = -E$

$i(t) = (\frac{E}{R} + I_0) e^{-\frac{t}{\tau}} + (\frac{T}{2} + \beta) \frac{E}{R}$

→ si $i > 0$: $i_e = -i_c$

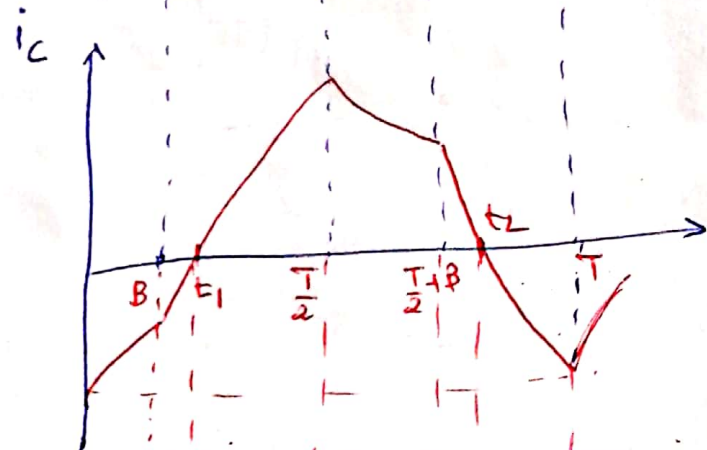
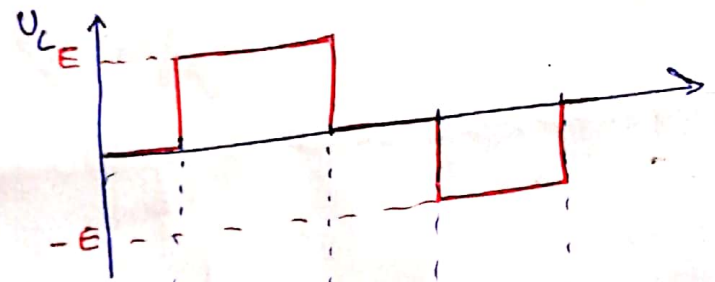
T_2 et $T_4 = ON.$



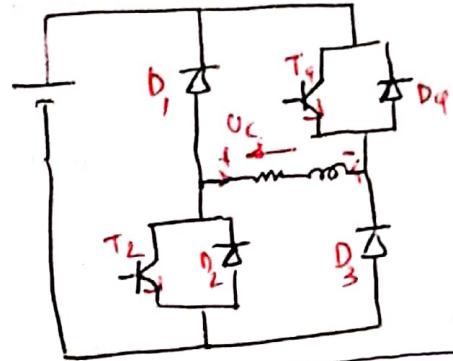
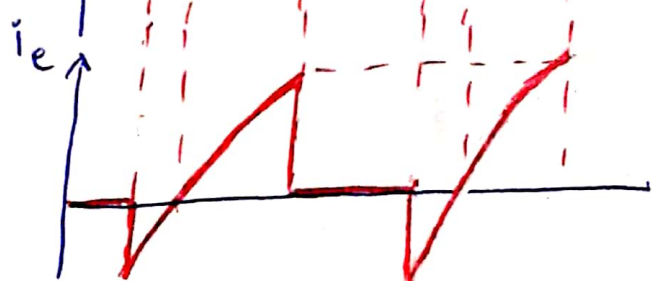
→ si $i < 0$:

D_2 et $D_4 = ON.$

Courbe du courant:

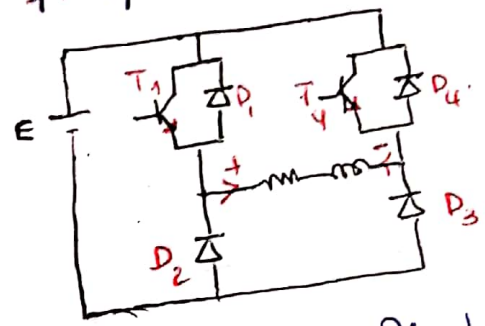


D_1	D_2	T_1	D_2	T_2	D_3	D_1
T_4	D_3	T_3	T_3	T_4	D_4	T_4



* $0 < \theta < \beta$

$T_1, T_4 = ON$

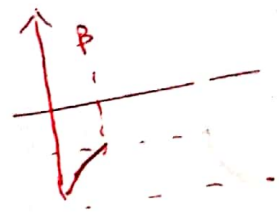


$U_c = 0 \Rightarrow Ri + L \frac{di}{dt} = 0$

$i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ $i_e = 0$

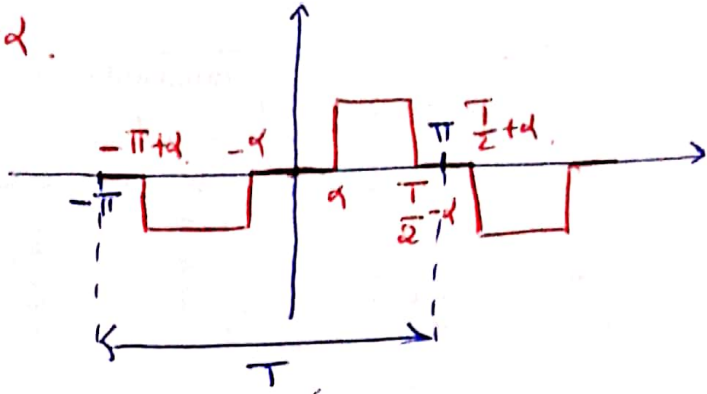
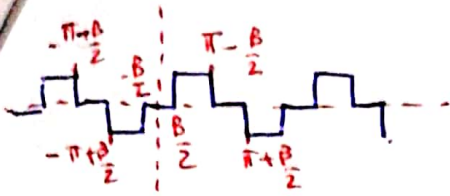
→ $i > 0$, D_1 et $T_4 = ON$

le courant est négatif
suivant le courant de la
phase précédente.



Spectre de la tension ondulée (commande décalée).

$$\frac{B}{2} = \alpha$$

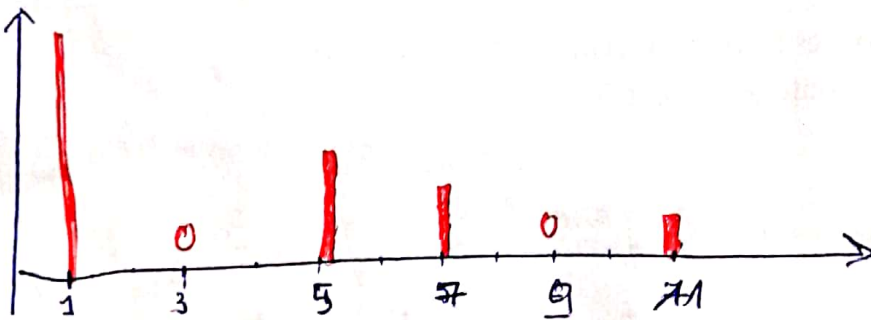


$$f(\theta) = \begin{cases} 0 & -\pi < \theta < -\pi + \alpha \\ -E & -\pi + \alpha < \theta < -\alpha \\ 0 & -\alpha < \theta < +\alpha \\ +E & \alpha < \theta < \pi - \alpha \\ 0 & \pi - \alpha < \theta < \pi \end{cases}$$

→ Voir page (7).

$$\alpha = \frac{B}{2}$$

$$S_f = \sum_{n > 1} \frac{4E}{(2k+1)\pi} \cos(2k+1)\frac{B}{2} \sin(2k+1)\theta$$



$$THD = \frac{\sqrt{\sum_{n=2}^{\infty} U_{n,eff}^2}}{U_{1,eff}} = \frac{\sqrt{U_{off, tot}^2 - U_{1,eff}^2}}{U_{1,eff}}$$

$$U_{off, tot} = ?$$

$$U_{1,eff} = E$$