

المركز الجامعي عبد الحفيظ بوالصوف-ميلة  
معهد العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير  
السنة ثانية علوم اقتصادية وتجارية وعلوم التسيير  
السلسلة الرابعة في مادة الإحصاء 4

**التمرين الأول:** أوجد مقدر المعقولية العظمى في التوزيعات التالية:

- 1- إذا كانت عينة عشوائية حجمها  $n$  تتبع توزيع ذي الحدين  $X \sim B(n, p)$
- 2- إذا كانت عينة عشوائية حجمها  $n$  تتبع التوزيع الطبيعي  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$  (واجب منزلي)
- 3- إذا كانت عينة عشوائية حجمها  $n$  تتبع توزيع قاما  $X \sim \Gamma(\alpha, \beta)$  (واجب منزلي)
- 4- إذا كانت عينة عشوائية حجمها  $n$  تتبع التوزيع الهندسي  $X \sim G(p)$

**التمرين الثاني:**

- (1) إذا كان  $X$  متغير عشوائي يتبع توزيع قاما  $X \sim \Gamma(\alpha, \beta)$
- (2) إذا كان  $X$  متغير عشوائي يتبع توزيع ذي الحدين  $X \sim B(n, p)$

أوجد مقدرات معالم التوزيعات السابقة بطريقة العزوم

**التمرين الثالث:**

إذا كانت  $X_i$  متغيرات مستقلة،  $i = 1, 2$  بمتوسط  $\mu$  وتباين  $\sigma^2$ ، فما هو المقدر الأكثر كفاءة لـ  $\mu$  من بين المقدرين الغير متحيزين:

$$\hat{\mu}_1 = \frac{4 \sum X_i}{n(n+1)}$$

$$\hat{\mu}_2 = \bar{x}$$

**التمرين الرابع:**

لتكن عينة عشوائية حجمها  $n$  تتبع توزيع بواسون  $X \sim p(\lambda)$

- (1) أوجد  $\lambda$  مقدر بطريقة العزوم
- (2) أعط خصائص هذا المقدر