

### عائد ومخاطر محفظة مالية

إن حساب العائد المتوقع من حيازة المحفظة المالية يتوقف على مساهمة الاستثمارات الفردية، لكن على العكس من ذلك بالنسبة لمخاطر المحفظة، خطر المحفظة لا يتوقف فقط على المخاطر التي تنطوي عليها الاستثمارات الفردية المكونة للمحفظة، بل يتوقف كذلك على أثر الاقتراح الاستثماري على المخاطر الكلية للمحفظة، بمعنى أن خطر المحفظة يرتبط بمدى وطبيعة الارتباط بين التدفقات النقدية للاستثمارات التي تتكون منها المحفظة المالية.

### أولاً: العائد المتوقع للمحفظة المالية $E(R_p)$

إن قيمة العائد المتوقع للمحفظة هو عبارة عن المجموع المرجح لمعدلات العائد المتوقعة للأصول المشكلة للمحفظة.

$$E(R_p) = W_A E_{(RA)} + W_B E_{(RB)}$$

حيث:  $R_A$  ،  $R_B$  يمثلان معدل العائد على الاستثمار في الأصلين A و B على الترتيب.

### ثانياً: قياس المخاطر الكلية للمحفظة:

يمكن قياس المخاطرة الكلية للمحفظة المتكونة من أصلين A و B عن طريق التباين  $Variance$

$$VAR(Y + Z) = \sigma_P^2 = W_A^2 \delta_A^2 + W_B^2 \delta_B^2 + 2 W_A W_B \delta_A \delta_B r(A, B)$$

بالعلاقة التالية:

لنفترض أن:  $W_A$ : الوزن النسبي للاستثمار في الأصل A

$W_B$ : الوزن النسبي للاستثمار في الأصل B

$\delta_A$  ،  $\delta_B$  التباين المتعلق بمعدل عائد A و B على التوالي:

معامل التغيرات Covariance لعوائد الأصلين  $COV (R_A R_B)$

ويمكن تعويض قيمة معامل الارتباط بقيمة معامل التغيرات كمايلي:

$$Cov(A, B) = r(A, B) \delta_A \delta_B$$

حيث:

$$r(A, B) = \frac{\text{cov}(A, B)}{\delta_A \delta_B}$$

في حالة محفظة مالية تتكون من ثلاث أصول تصبح العلاقة الرياضية كمايلي:

$$\delta P = \sqrt{W_A^2 \delta A^2 + W_B^2 \delta B^2 + W_C^2 \delta C^2 + 2 (W_A W_B \text{COV} (A, B))} +$$

ثالثا: قياس المخاطر النظامية للمحفظة (بيتا المحفظة)

معامل بيتا هو مقياس للمخاطر المنهجية. المخاطر المنهجية هي المخاطر الكامنة في الاستثمار الذي لا يمكن القضاء عليها من خلال التنويع. المتمثلة في المخاطر المرتبطة بالسوق بأكمله أو الاقتصاد ككل. في المقابل، فإن المخاطر غير المنتظمة هي المخاطر المرتبطة بشركة أو صناعة معينة ويمكن القضاء عليها من خلال التنويع.

ويحسب بيتا المحفظة بالعلاقة التالية:

$$B_P = W_A B_A + W_B B_B \dots\dots W_N B_N$$