

### Série TD N° 05

#### Exercice 01 :

Soit le texte clair (représenté en Héxadécimal) :

$$i = 3243f6a8885a308d313198a2e0370734$$

Et la clé (représentée en Héxadécimal) :

$$k = 2b7e151628aed2a6abf7158809cf4f3c$$

- Selon l'algorithme AES-128 :
  1. Donnez les tables d'états du message (texte clair) « i » et de la clé « k ».
  2. Donnez la table d'état courante obtenue après l'application de chacune de ces étapes :
    - a) L'addition initiale  $i \oplus k$  définie par l'opération AddRoundKey.
    - b) L'opération « SubByte » appliquée sur le résultat de l'addition  $i \oplus k$ .
    - c) L'opération « ShiftRow » appliquée sur le résultat de l'opération « SubByte ».
  3. Donnez le résultat de l'application de l'opération MixColumn sur la colonne suivante :

$$\begin{bmatrix} d4 \\ bf \\ 5d \\ 30 \end{bmatrix}$$

#### Exercice 02 :

1. L'utilisateur A choisit les facteurs premiers  $p = 3$  et  $q = 11$ .
  - Déterminez une clé privée et une clé publique du cryptosystème RSA utilisant  $p$  et  $q$ .
2. Les utilisateurs A et B décident d'un protocole RSA dans lequel les lettres d'un message sont codées par leur position dans l'alphabet (en base 10), et le message est découpé en blocs de 2 chiffres (en base 10). B veut envoyer le message « CALCUL ».
  - Donnez le message chiffré que B envoie à A.
  - Donnez le message déchiffré par A, du message reçu de B, et vérifiez qu'il correspond bien à celui envoyé par B.
3. Si on découpe le message en blocs de 3 chiffres (en base 10).
  - Donnez le message chiffré que B envoie à A.
  - Donnez le message déchiffré par A, du message reçu de B, et vérifiez qu'il correspond bien à celui envoyé par B.

#### Exercice 03 :

Soit l'utilisateur A qui possède la clé privée (3, 55) et la clé publique (27, 55) RSA.

Soit l'utilisateur B qui possède la clé privée (7, 187) et la clé publique (23, 187) RSA.

1. Pour assurer la confidentialité de ses messages, l'utilisateur A chiffre le message  $m = 2$  avec la clé RSA de B. Donnez le message chiffré.
2. Pour assurer l'authenticité de ses messages, l'utilisateur A signe le message  $m$  en utilisant la signature RSA et chiffre le résultat avec la clé RSA de B. Donnez le message signé et chiffré  $c$ .
3. L'utilisateur B reçoit le message  $c$ . Vérifiez la signature.

### S-Box

|   |   | y  |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
|   |   | 0  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | a  | b  | c  | d  | e  | f  |
| x | 0 | 63 | 7c | 77 | 7b | f2 | 6b | 6f | c5 | 30 | 01 | 67 | 2b | fe | d7 | ab | 76 |
|   | 1 | ca | 82 | c9 | 7d | fa | 59 | 47 | f0 | ad | d4 | a2 | af | 9c | a4 | 72 | c0 |
|   | 2 | b7 | fd | 93 | 26 | 36 | 3f | f7 | cc | 34 | a5 | e5 | f1 | 71 | d8 | 31 | 15 |
|   | 3 | 04 | c7 | 23 | c3 | 18 | 96 | 05 | 9a | 07 | 12 | 80 | e2 | eb | 27 | b2 | 75 |
|   | 4 | 09 | 83 | 2c | 1a | 1b | 6e | 5a | a0 | 52 | 3b | d6 | b3 | 29 | e3 | 2f | 84 |
|   | 5 | 53 | d1 | 00 | ed | 20 | fc | b1 | 5b | 6a | cb | be | 39 | 4a | 4c | 58 | cf |
|   | 6 | d0 | ef | aa | fb | 43 | 4d | 33 | 85 | 45 | f9 | 02 | 7f | 50 | 3c | 9f | a8 |
|   | 7 | 51 | a3 | 40 | 8f | 92 | 9d | 38 | f5 | bc | b6 | da | 21 | 10 | ff | f3 | d2 |
|   | 8 | cd | 0c | 13 | ec | 5f | 97 | 44 | 17 | c4 | a7 | 7e | 3d | 64 | 5d | 19 | 73 |
|   | 9 | 60 | 81 | 4f | dc | 22 | 2a | 90 | 88 | 46 | ee | b8 | 14 | de | 5e | 0b | db |
|   | a | e0 | 32 | 3a | 0a | 49 | 06 | 24 | 5c | c2 | d3 | ac | 62 | 91 | 95 | e4 | 79 |
|   | b | e7 | c8 | 37 | 6d | 8d | d5 | 4e | a9 | 6c | 56 | f4 | ea | 65 | 7a | ae | 08 |
|   | c | ba | 78 | 25 | 2e | 1c | a6 | b4 | c6 | e8 | dd | 74 | 1f | 4b | bd | 8b | 8a |
|   | d | 70 | 3e | b5 | 66 | 48 | 03 | f6 | 0e | 61 | 35 | 57 | b9 | 86 | c1 | 1d | 9e |
|   | e | e1 | f8 | 98 | 11 | 69 | d9 | 8e | 94 | 9b | 1e | 87 | e9 | ce | 55 | 28 | df |
|   | f | 8c | a1 | 89 | 0d | bf | e6 | 42 | 68 | 41 | 99 | 2d | 0f | b0 | 54 | bb | 16 |