

إمتحان الرياضيات 1

التمرين الأول : (كل جواب صحيح على 2ن) ، (نفسه التمرين الثاني من السلسلة الأولى مع تبديل عدد الأرقام)

نريد تكوين عدد من أربع أرقام نختارها من بين الأرقام التالية : 1 , 2 , 5 , 6 , 7 , 9

1- بكم طريقة مختلفة يمكن تشكيل هذا العدد

الإجابة: $6^4 = 1296$

2- إذا اشتطنا أن العدد المشكل يجب أن يكون زوجيا ، فبكم طريقة مختلفة يمكن تكوينه

الإجابة: $6^3 \cdot 2 = 432$

3- إذا اشتطنا أن العدد المشكل يجب أن يقبل القسمة على 5 ، فبكم طريقة مختلفة يمكن تكوينه

الإجابة: $6^3 \cdot 1 = 216$

التمرين الثاني (نفسه التمرين الثاني من السلسلة الثانية حرفيا) (العلاقة الرياضية على 3ن التطبيق على 3ن)

$$\begin{cases} V_0 = 0 \\ \forall n \in \mathbb{N}^*, S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n = \frac{n^2-1}{4} \end{cases}$$

أ/ لتكن V_n متتالية معرفة كما يلي

- عين الحد العام لـ V_n ؟

الإجابة: ..

$$V_n = S_n - S_{n-1} \dots\dots\dots$$

$$= \frac{n^2-1}{4} - \frac{(n-1)^2-1}{4} = \frac{1}{2}n - \frac{1}{4} \dots\dots\dots$$

التمرين الثالث (نفسه التمرين الثاني من السلسلة الثالثة و حرفيا) (8ن)

بتطبيق نظرية التزايدات المنتهية على الدالة $Arctg$ برهن أن :

$$\forall x > 0 , \quad Arctgx > \frac{x}{1+x^2}$$

الإجابة:

ليكن $x > 0$ (1ن)

نطبق نظرية التزايدات المنتهية على الدالة $arctg$ في المجال $[0, x]$ (2ن)

$$(2ن) \quad \text{إذن يوجد } c \in]0, x[\text{ حيث } \frac{1}{1+c^2} = \frac{arctgx - arctg0}{x-0} = \frac{arctgx}{x}$$

$$\frac{x}{1+c^2} = arctgx \quad (1ن) \quad \text{إذن :}$$

وبما أن $0 < c < x$ فإن $\frac{1}{1+c^2} > \frac{1}{1+x^2}$ و $\frac{x}{1+c^2} > \frac{x}{1+x^2}$ (2ن)

$$arctgx > \frac{x}{1+x^2} , \quad \forall x > 0 \quad \text{إذن}$$