

# République Algérienne Démocratique et Populaire Ministère de l'enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique Centre Universitaire Abdelhafid Boussouf Mila



Matière: Topographie 1

Présenté par : Taleb Hosni

Abderrahmane

2 ème année 'LMD' Génie Civil Hydraulique

#### Introduction

Les processus de calcul des superficies, à partir de cartes ou de la nature, sont considérés comme des opérations de base dans la topographie. La précision du calcul de la surface dépend de la précision de la mesure. Bien que la méthode la plus précise de calculer les surfaces soit la mesure directement des longueurs et des angles dans la nature pour la forme de sa surface trouvée. Sauf que la mesure provient de la carte c'est la plus courante dans les calculs des surfaces. Cela est dû à la facilité de mesure à partir de la carte, malgré les erreurs possibles lors de son dessin.

Le calcul de la surface varie en fonction des données et de la forme des surfaces que nous voulons calculer, elle peut prendre la forme de géométrique régulière ou irrégulière. Dans ce chapitre, nous allons montrer les méthodes de calcul

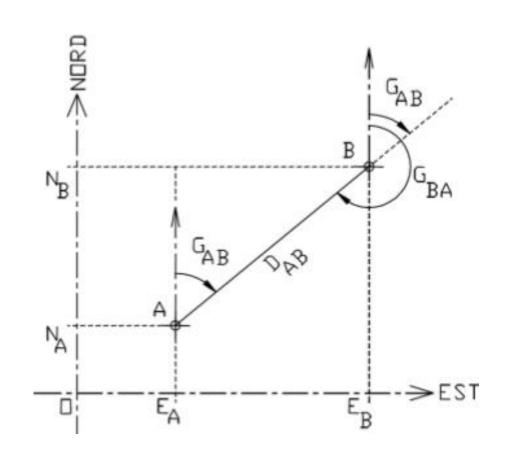
pour détermine la surface d'un polygone fermé il faut connaître les coordonnées (cartésiennes, polaires) ou les distances et les gisements de ce polygone. Donc nous allons commencer pour calculer les angles « **Gisement** ».

#### **Définition:**

Le Gisement d'une direction AB est l'angle horizontal mesuré positivement dans le sens horaire entre l'axe des ordonnées du système de projection utilisé et cette direction AB. On le note  $G_{AB}$ .

**Mathématiquement,** c'est l'angle positif en sens horaire entre l'axe des ordonnées du repère et la droite (AB). Un gisement est toujours compris entre 0 et 400 grades.

 $G_{AB}$  est l'angle entre le Nord (ordonnées) et la direction AB.  $G_{BA}$  est l'angle entre le Nord (ordonnées) et la direction BA.



La relation qui lie  $G_{AB}$  et  $G_{BA}$  est :

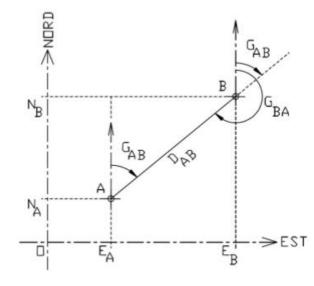
$$G_{BA} = G_{AB} + 200$$

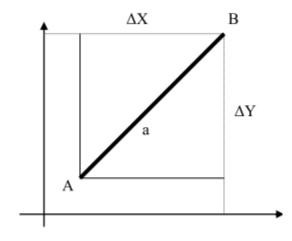
## 1. Calcul d'un gisement à partir de coordonnées cartésiennes

Considérons les coordonnées de deux points  $A(X_A, Y_A)$  et  $B(X_B, Y_B)$  (figures suivantes).

La distance  $D_{AB}$  se calcul comme suit:

$$D_{AB} = \sqrt{(\Delta X^2 + \Delta Y^2)} = \sqrt{(X_B - X_A)^2 + (Y_B - Y_A)^2}$$





# **Application**

Calculez le gisement de la direction AB suivante:

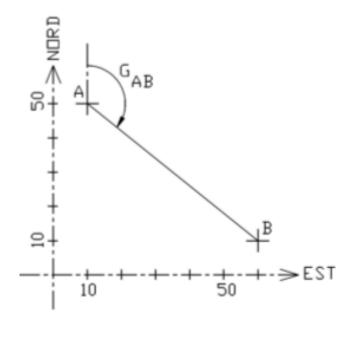
#### Solution

Les coordonnées A(10; 50) et B (60; 10)

$$\Delta X = X_B - X_A = 60 - 10 = +50$$

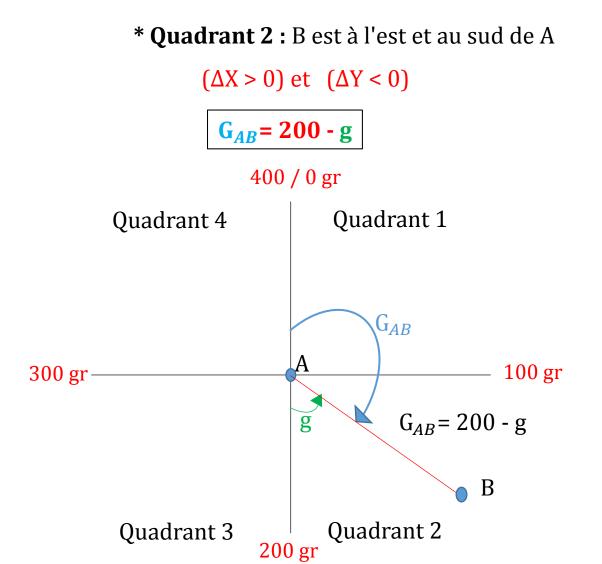
$$\Delta Y = Y_R - Y_A = 10 - 50 = -40$$

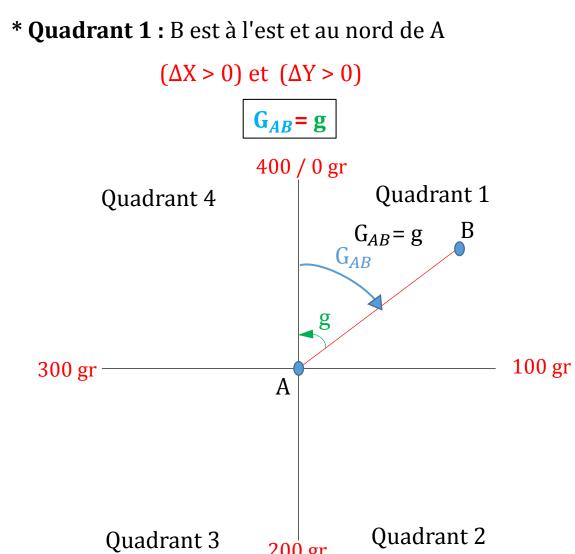
$$G_{AB} = tg^{-1} \left( \frac{50}{-40} \right) = -57.045 \ gr$$



En observant le schéma des points A et B dans la figure 2, on s'aperçoit de l'incohérence de ce résultat. L'angle donné n'est visiblement pas égal à -57,045 gr.

En fait, la calculatrice donne la valeur de l'angle auxiliaire g (figures). Pour obtenir  $G_{AB}$ , il faut donc tenir compte de la position du point B par rapport au point A; on parle de quadrants:





\* Quadrant 4 : B est à l'Ouest et au Nord de A  $(\Delta X < 0)$  et  $(\Delta Y > 0)$ 

Quadrant 4

Quadrant 4

$$G_{AB} = 400 - g$$

Quadrant 1

 $G_{AB} = 400 - g$ 

Quadrant 3

Quadrant 2

Quadrant 2

\* Quadrant 3 : B est à l'Ouest et au Sud de A  $(\Delta X < 0)$  et  $(\Delta Y < 0)$  $G_{AB} = 200 + g$ 400 / 0 gr Quadrant 4 Quadrant 1 100 gr  $300 \, \text{gr} G_{AB}$ 

200 gr

Quadrant 2

 $G_{AB} = 200 + g$ 

Quadrant 3

La relation suivante permet de calculer l'angle auxiliaire g

$$tg \mathbf{g} = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{X_B - X_A}{Y_B - Y_A} \right|$$

qui est un angle inférieur à 100 grades que forme la direction AB avec l'axe de Y

# **Résumé:** les quatre cas comme suit

- la direction AB est située dans le 1<sup>er</sup> quadrant,

$$G_{AB} = g$$

- la direction AB est située dans le 2<sup>eme</sup> quadrant,

$$G_{AB} = 200 - g$$

- la direction AB est située dans le 3<sup>eme</sup> quadrant,

$$G_{AB} = 200 + g$$

- la direction AB est située dans le 4<sup>eme</sup> quadrant,

$$G_{AB} = 400 - g$$

## 2. Calcul de coordonnées cartésiennes à partir d'un gisement

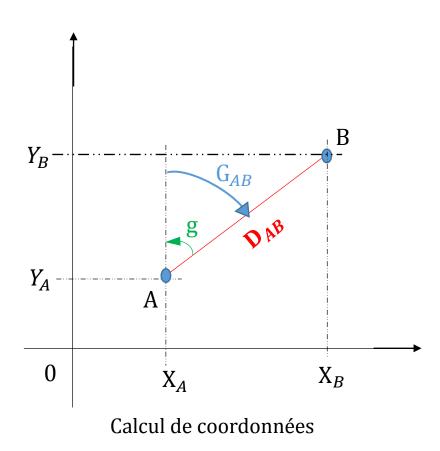
Connaissant le point de station A (XA, YA), et cherchant les coordonnées d'un point B visible depuis A.

On dit que le point B est rayonné depuis A si l'on peut mesurer la distance horizontale DAB et le gisement GAB.

Quel que soit le quadrant, on peut alors calculer les coordonnées du point B par les formules suivantes :

$$X_B = X_A + D_{AB} \cdot \sin G_{AB}$$

$$Y_B = Y_A + D_{AB} \cdot \cos G_{AB}$$

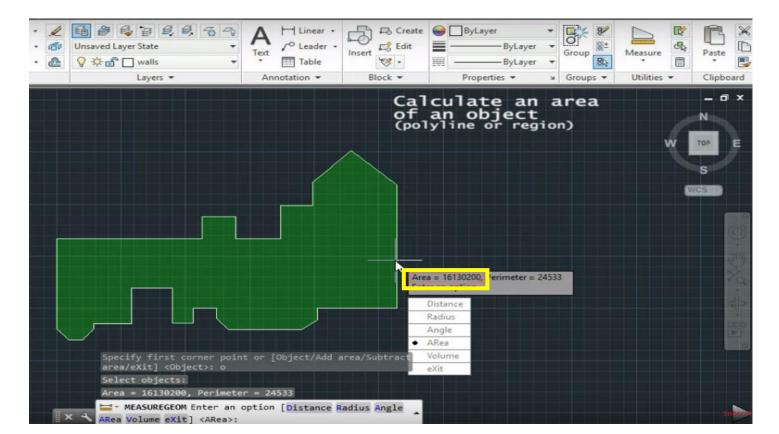


# **Superficies**

Il existe plusieurs méthodes de calcul de l'aire de différentes manières Parmi ces méthodes

## 1. Calcul de la surface à l'aide des appareils et des programmes informatiques

1.1 Utilisation d'Autocad: En entrant les coordonnées des points d'angle du surface que nous voulons calculer



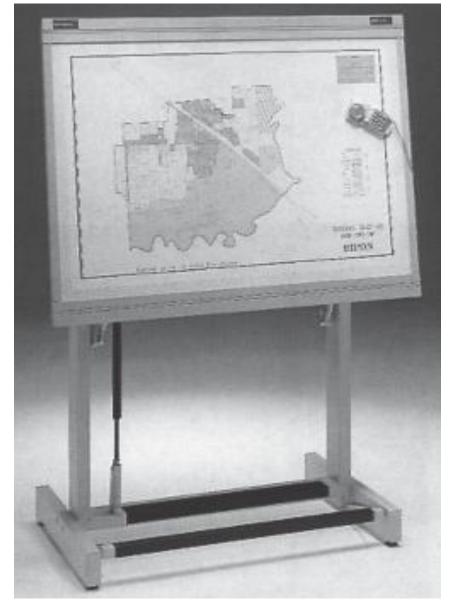
# Chapitre: 04 Détermination des surfaces

# Détermination des surfaces

## 1.2 Surfaces digitalisées

La transformation d'une représentation graphique en données numériques est faite à l'aide d'un système informatique, appelé couramment digitaliseur, qui repère la position d'un point sur un plan et saisit ses coordonnées rectangulaires dans un repère d'axes orthonormé.



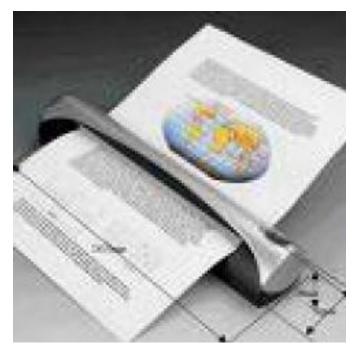


Digitaliseur

## 1.3 Le scanner

Avec le scanner, la carte papier peut être convertie en une image électronique Ensuite, il est traité par un programme qui calcule la surface







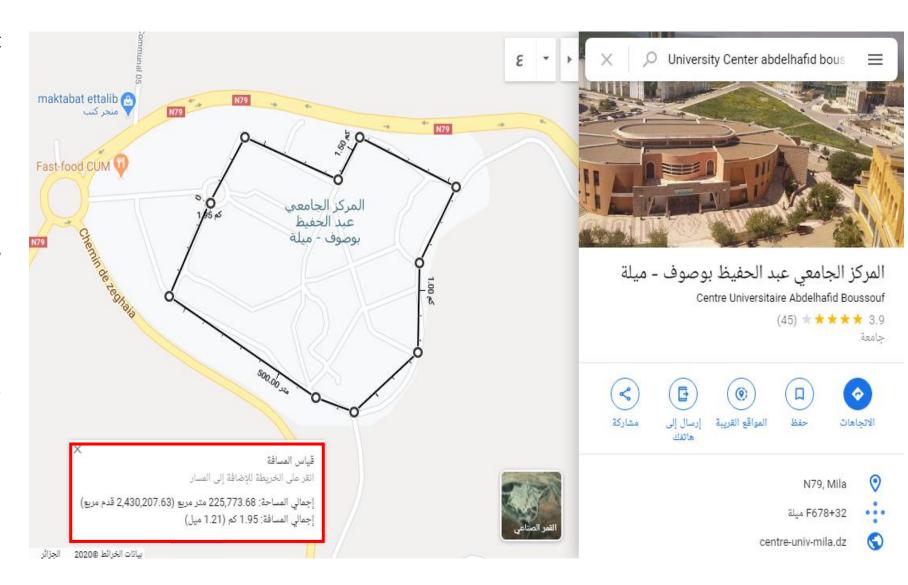
# 1.4 Utiliser les logiciels sur internet

Ces programmes fonctionnent sous le programme Google Earth.

Par ce programme, nous pouvons marquer les limites de l'espace, qui le calcule directement.

- \* Sa précision est limitée, Par conséquent il n'est valable que pour les grandes surfaces.
- \* Un exemple de calcul de la superficie du centre Mila d'une université, avec le logciel

https://www.google.com/maps



# 2. Calcul les surfaces par des méthodes mécaniques

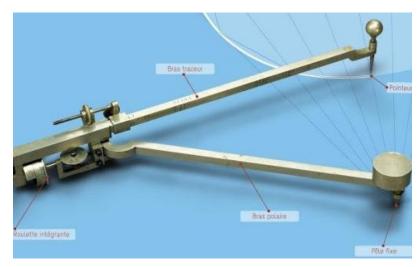
La surface peut être calculée mécaniquement par Planimètres

Le planimètre est un appareil mesureur intégrateur qui fournit mécaniquement la superficie d'un contour fermé dessiné à une échelle déterminée. Nous avons deux type :

- Planimètre polaire à pôle fixe
- Planimètre polaire à chariot



Planimètre polaire à chariot



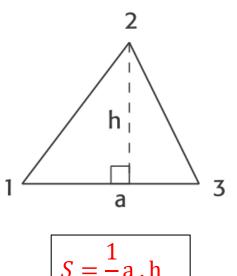


Planimètre polaire à pôle fixe

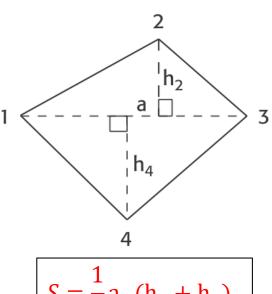
# 3. Superficies graphiques

# 3.1 Décomposition d'un polygone en **triangles** et en **trapèzes**

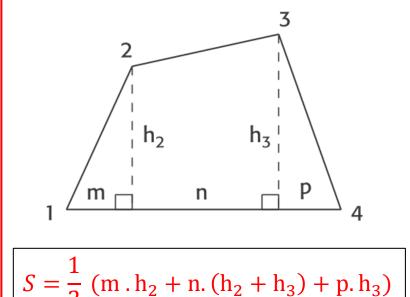
Le polygone reporté à l'échelle est décomposé graphiquement en triangles et trapèzes les plus proches possible du triangle équilatéral et du rectangle. À partir des mesures graphiques des bases et des hauteurs (figures suivantes), les superficies sont calculées par les formules élémentaires :



$$S = \frac{1}{2} a \cdot h$$



$$S = \frac{1}{2} a \cdot (h_2 + h_4)$$



Mesures des bases et des hauteurs

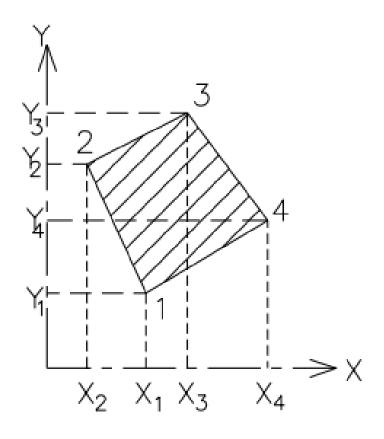
## 3.2 Surface d'un polygone quelconque

## Les sommets sont connus en coordonnées cartésiennes X,Y

Soit un polygone de  $\mathbf{n}$  sommets dont chacun est connu par ses coordonnées rectangulaires (Xi ; Yi). La figure suivante. présente un exemple avec  $\mathbf{n} = 4$ . La surface de ce polygone s'exprime de deux manières équivalentes :

$$S = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{i=n} X_i (Y_{i-1} - Y_{i+1})$$

$$S = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{t-n} Y_i (X_{i-1} - X_{i+1})$$



Surface en cartésien

## Application

Le polygone suivant est défini par les coordonnées locales de ses sommets exprimées en mètre dans le tableau suivant. Calculez sa superficie au centimètre carré près.

Point	A	В	С	D	E
<i>X</i> i (m)	120,41	341,16	718,59	821,74	297,61
Yi (m)	667,46	819,74	665,49	401,60	384,13

#### Résultats

Point	<b>X</b> <sub>i-1</sub> - <b>X</b> <sub>i+1</sub>	<b>Y</b> <sub>i-1</sub> - <b>Y</b> <sub>i+1</sub>	$X_i(Y_{i-1}-Y_{i+1})$	$Y_i(X_{i-1}-X_{i+1})$
A	-43,55	-435,61	<i>–52451,8001</i>	<i>–29067,8830</i>
В	<i>–598,18</i>	1,97	672,0852	-490352,0732
С	-480,58	418,14	300471,2226	-319821,1842
D	420,98	281,36	231204,7664	169065,5680
E	701,33	-265,86	<i>–7</i> 9122,5946	269401,8929
Totaux			400773,6795	-400773,6795

Surface totale : 200386,8398  $m^2$ 

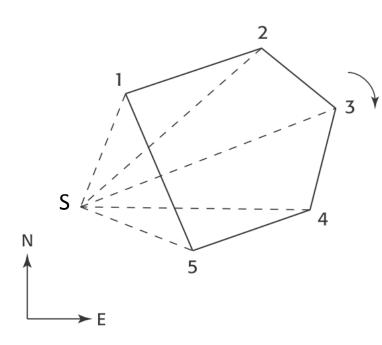
Le double calcul de S par deux méthodes est une excellente vérification des calculs.

## 3.2 Surface d'un polygone quelconque

# Les sommets sont connus en coordonnées **polaires**

Un appareil du type théodolite stationné au point S permet d'effectuer les lectures des angles  $\alpha$ i sur les sommets du polygone. Si on mesure ensuite (par exemple au ruban) la distance horizontale du point S à chacun des sommets, on connaît ces sommets en coordonnées polaires topographiques (Dh ,  $\alpha$ ) dans le repère (S, X, Y), l'axe des ordonnées Y étant la position du zéro du cercle horizontal du théodolite

Soit un polygone levé par rayonnement depuis un point S (figure), dont les sommets sont numérotés à partir de l'unité en respectant la suite naturelle des nombres sans solution de continuité et parcouru dans le sens des aiguilles d'une montre.

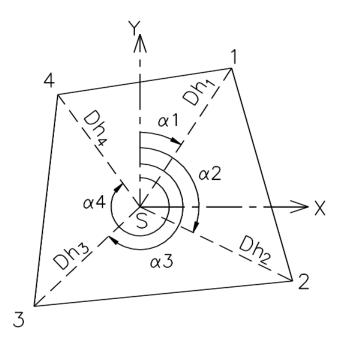


Soit un polygone de  $\mathbf{n}$  sommets dont chacun est connu par ses coordonnées rectangulaires (Xi ; Yi). La figure suivante, présente un exemple avec  $\mathbf{n} = 4$ . La surface de ce polygone s'exprime de deux manières équivalentes :

$$S = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{i=n} Dh_i \cdot Dh_{i+1} \cdot \sin(\alpha_{i+1} - \alpha_i)$$

$$\alpha = (\alpha_{i+1} - \alpha_i)$$

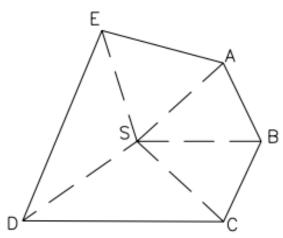
$$S = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{i=n} Dh_i \cdot Dh_{i+1} \cdot \sin \alpha$$



Surface en polaire

## Application

Calculez la surface du polygone (A-B-C-D-E) levé en coordonnées polaires topographiques à partir de la station S (figure suivante). Ces coordonnées sont données dans le tableau suivant :



Points	Dh (m)	Angles (gon)
A	48,12	53,12
В	51,33	100,03
С	48,71	147,41
D	57,48	261,53
E	47,93	380,37

gon= gr

### Résultats

Le tableau suivant donne le détail des calculs.

La surface totale est  $5409,1575 m^2$ 

Triangles	Angle ( $\alpha_{i+1}$ – $\alpha_i$ )	Surface (m²)	
ASB	46,91	829,8781	
BSC	47,38	846,8655	
CSD	114,12	1365,6326	
DSE	118,84	1317,6265	
ESA	72,75	1049,1548	

# 4. Surface d'un forme quelconque

#### La méthode des carrés nodulés

La surface est donnée en carrés ayant 5 à 10 mm de côté ( à une échelle donnée). Connaissant la surface d'un carré, on peut calculer la surface du polygone en utilisant la formule suivante :

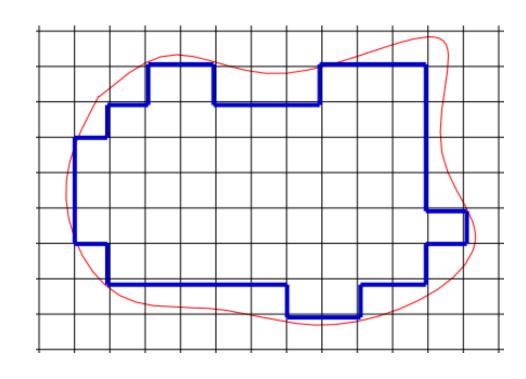
$$S = (a.N_1) + a_2$$

Avec

a: surface d'un carré

N<sub>1</sub>: nombre des carrés complets

a<sub>2</sub>: la somme des carrés incomplets



Merci de votre attention