

TD N° 03

Exercice N° 01 :

Soit une machine asynchrone triphasée ($p = 2$). Son modèle par phase, en régime permanent sinusoïdal, est donné par la figure en dessous. C'est un modèle à fuites totalisées au stator ramené au stator, les pertes fer sont négligeables.

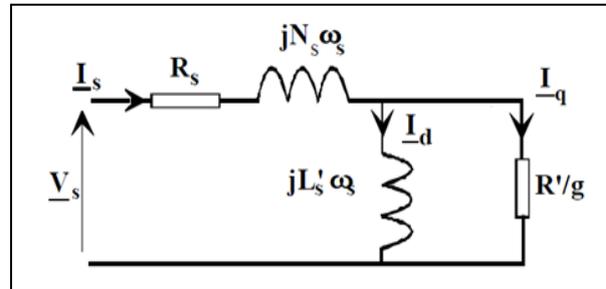
On donne :

ω_s : pulsations des tensions statoriques.

ω_r : pulsation des courants rotoriques.

$g = \omega_r / \omega_s$: le glissement.

$R_s = 16\text{m}\Omega$, $N_s = 200\mu\text{H}$, $L'_s = 8\text{mH}$, $R' = 11\text{m}\Omega$.



Valeurs nominales : $\omega_{sn} = 100\pi \text{ rad/s}$, $\omega_{rn} = 2,5\pi \text{ rad/s}$, $I_{sn} = 883\text{A}$.

- Établir l'expression complexe de V_s en fonction de I_s et des éléments du modèle; en déduire la valeur efficace V_{sn} .
 - Déterminer les expressions de I_d , I_q en fonction de I_s et des éléments du modèle ; en déduire les valeurs efficaces I_{dn} , I_{qn} .
 - Exprimer la puissance transmise P_T du stator au rotor en fonction de I_q puis de I_s ; en déduire l'expression du couple électromagnétique c_e en fonction de I_s et ω_r . Calculer la valeur nominale du couple. Pour quelle valeur ω_{rM} de ω_r , le couple est-il maximal (à I_s constant) ? Quelle est l'expression du couple maximal C_{eM} en fonction de I_s ?
 - On considère la commande scalaire de la machine (mode électromécanique dominant) dans laquelle ω_r est constamment égale à ω_{rM} , de sorte que la seule grandeur influente du couple est le courant I_s .
- * Déterminer la relation entre V_s et I_s , à $\omega_r = \omega_{rM}$.

Exercice N° 02 :

A partir des équations aux tensions et aux flux, au régime permanent de la MAS, dans le référentiel tournant (d,q) :

$$\bar{\Phi}_s = L_s \bar{I}_s + M \bar{I}_r$$

$$\bar{\Phi}_r = L_r \bar{I}_r + M \bar{I}_s$$

$$\bar{V}_s = R_s \bar{I}_s + j\omega_s \bar{\Phi}_s$$

$$0 = R_r \bar{I}_r + j\omega_r \bar{\Phi}_r$$

- Trouver les lois régissant le contrôle du :
 - flux rotorique : $\Phi_r = f_1(I_s, \omega_r)$; ω_r : pulsation des courants rotoriques.
 - flux statorique : $\Phi_s = f_2(I_s, \omega_r)$
 - en déduire le courant $I_s = f_3(\Phi_s, \omega_r)$ et donner son allure.
 - la tension : $V_s = f_4(\Phi_s, \omega_s, \omega_r)$, en déduire la loi de commande lorsque la résistance R_s est négligée.

Solution TD N° 03
Exercice N° 01

- 1
$$\underline{V}_s = \underline{I}_s \left[R_s + jN_s \omega_s + \frac{(R'/g)jL'_s \omega_s}{(R'/g) + jL'_s \omega_s} \right]; \quad g\omega_s = \omega_r$$

$$V_s = I_s \sqrt{\frac{(R_s R' - L'_s N_s \omega_s \omega_r)^2 + L'_s{}^2 (R' \omega_s + R_s \omega_r)^2}{R'^2 + L'_s{}^2 \omega_r^2}} = 0,453 I_s \Rightarrow V_{sn} = 400 \text{ V}$$
- 2 Division de courant :

$$\underline{I}_d = \underline{I}_s \frac{R'}{R' + jL'_s \omega_r}, \quad \underline{I}_q = \underline{I}_s \frac{jL'_s \omega_r}{R' + jL'_s \omega_r} \Rightarrow I_{dn} = 152 \text{ A}, \quad I_{qn} = 870 \text{ A}$$
- 3
$$P_T = 3(R'/g)I_q^2 = 3 \frac{R' \omega_s}{\omega_r} \frac{L'_s{}^2 \omega_r^2}{R'^2 + L'_s{}^2 \omega_r^2} I_s^2 = C_e(\omega_s / p), \quad C_e = 3p \frac{R' L'_s{}^2 \omega_r}{R'^2 + L'_s{}^2 \omega_r^2} I_s^2$$

$$\Rightarrow C_{en} = 6360 \text{ Nm}; \quad \omega_{rM} = R'/L'_s = 1,375 \text{ rad/s}, \quad C_{eM} = 3L'_s I_s^2$$
- 4
$$\underline{V}_s = (R_s + jN_s \omega_s + jL'_s \omega_s / 2) \underline{I}_s \Rightarrow V_s = \sqrt{(R_s)^2 + (N_s + L'_s / 2)^2 \omega_s^2} I_s,$$

Exercice N° 02 :

Voir cours chapitre 3 : commande MAS partie 2.