

**Chapitre III :**  
**Calcul des éléments secondaires**

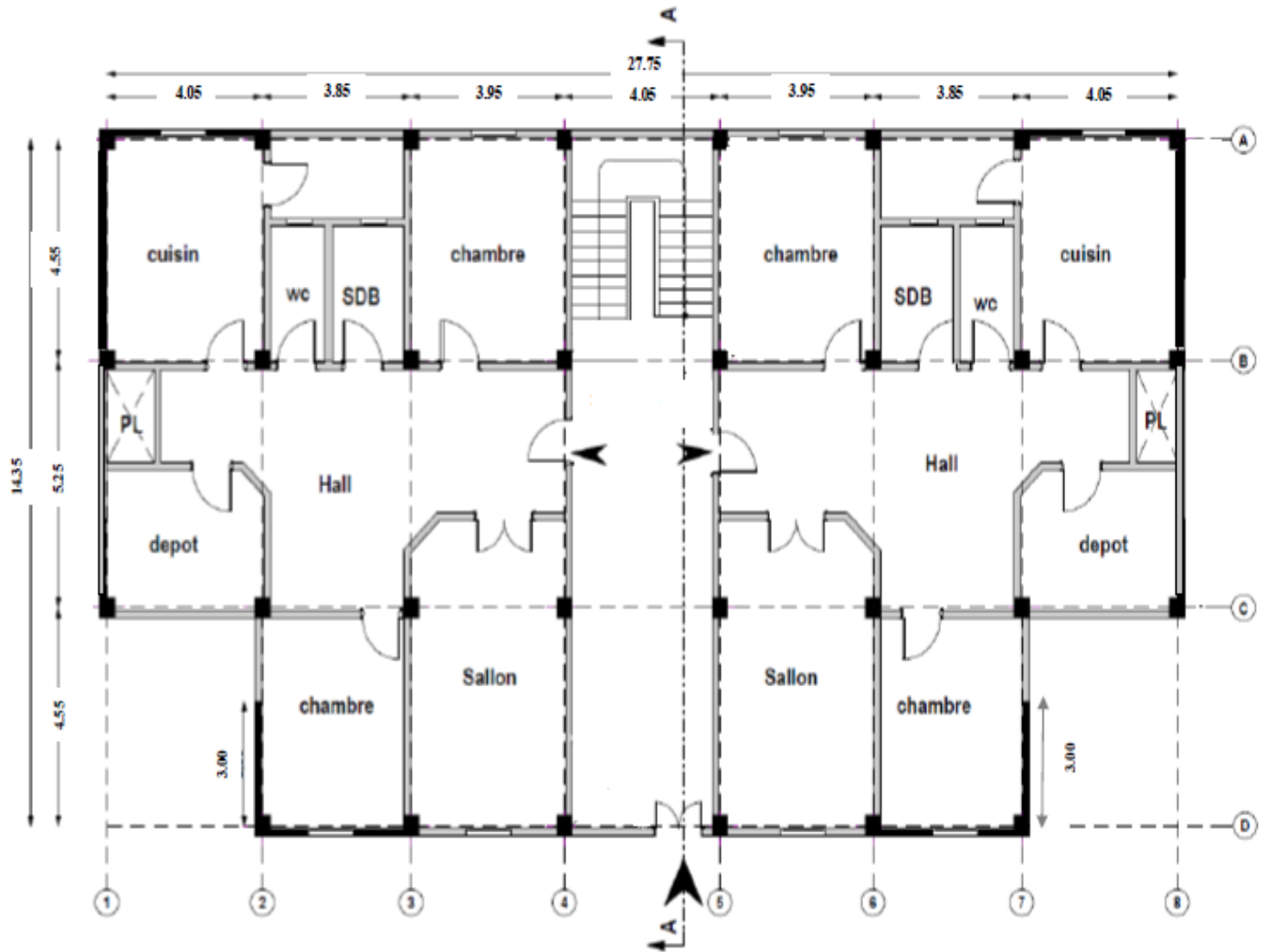
**Exemple de calcul :**

Figure : Vue en plan de RDC et étage courant du bâtiment.

**Acrotère**

$$G = 1.72 \text{ KN/ml}$$

$$Q = 1.00 \text{ KN/ml}$$

**Balcons**

$$G = 5.75 \text{ KN/m}^2$$

$$Q = 3.5 \text{ KN/m}^2$$

**Palliasse**

$$G = 10.186 \text{ KN/ml}$$

$$Q = 2.5 \text{ KN/ml}$$

**Palier**

$$G = 6.02 \text{ KN/ml}$$

$$Q = 2.5 \text{ KN/ml}$$

**Plancher terrasse :**

$$Q = 1 \text{ KN/m}^2$$

$$G = 6.72 \text{ KN/m}^2$$

**Plancher étage :**

$$Q = 1.5 \text{ KN/m}^2$$

$$G = 5.14 \text{ KN/m}^2$$

**III Calcul des éléments secondaires****III.1 Introduction**

Dans toute structure, on distingue deux types d'éléments :

- Les éléments porteurs principaux qui contribuent aux contreventements directement.
- Les éléments secondaires qui ne participent pas au contreventement de la structure.

Ainsi l'escalier et l'acrotère sont considérés comme des éléments secondaires dont l'étude est indépendante de l'action sismique (puisque'ils ne contribuent pas directement à la reprise de ces efforts), mais ils sont considérés comme dépendant de la géométrie interne de la structure.

**III.2 Calcul de l'acrotère****a) Introduction**

L'acrotère est un élément structural contournant le sommet du bâtiment conçu pour la protection de la ligne conjonctive entre lui-même et la forme de pente contre l'infiltration des eaux pluviales.

Il est réalisé en béton armé. Soumis à son poids propre et à une surcharge horizontale due à la main courante. Il est assimilé à une console encastrée au plancher terrasse. La section la plus dangereuse se trouve au niveau de l'encastrement. Le calcul se fera en flexion composée dans la section d'encastrement pour une bande de 1 m linéaire. L'acrotère est exposé aux intempéries, donc la fissuration est préjudiciable, dans ce cas le calcul se fera à l'ELU, et à l'ELS. Les dimensions de l'acrotère sont données dans la figure (figure. III.1)

**b) Evaluation des Charges :**

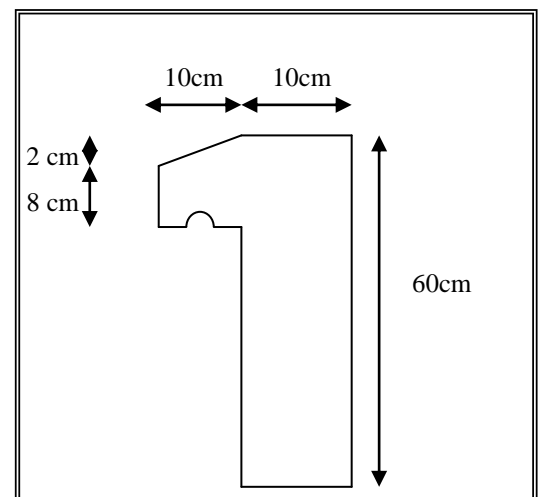
Poids propre de l'acrotère :  $G = 1.72 \text{ KN/ml}$

Surcharge (la main courante) :  $Q = 1.00 \text{ KN/ml}$

**c) Forces horizontales  $F_P$  sont calculée par la formule suivante :**

$F_P = 4A \times C_P \times W_P \dots\dots RPA 99 \text{ version } 2003 \text{ (Art } 6.2.3)$

$A = 0,15$  Coefficient d'accélération de zone (groupe d'usage 2, zone IIa),



**Figure III.1:** Type d'acrotère

$C_P = 0,8$  Facteur de force horizontale (*tableau 6.1, RPA99/V2003*).

$W_P = G_{ac} = 1.72$  KN/ml (Poids propre de l'acrotère).

$$F_P = 4 \times 0,15 \times 0,8 \times 1.72 = 0.82 \text{ KN/ml}$$

$$F_P \leq 1,5Q ; 0.82 \leq 1,5 \text{ (condition vérifiée)}$$

Donc on fait le calcul avec  $Q$ .

### III.2.1. Sollicitations :

#### a) Etat limite ultime :

$$N_u = 1.35N_G = 1.35 \times 1.72 = 2.322 \text{ KN/ml}$$

$$M_u = 1.5N_Q \cdot h = 1.5 \times 1 \times 0.6 = 0.9 \text{ KN.m/ml}$$

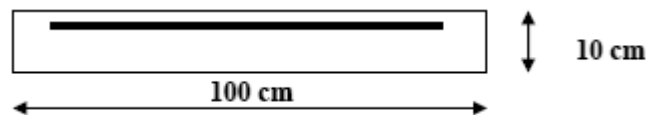
#### b) Etat limite de service :

$$N_{ser} = N_G = 1.72 \text{ KN/ml}$$

$$M_{ser} = N_Q = 1 \times 0.6 = 0.6 \text{ KN.m/ml}$$

### III.2.2 Ferrailage :

Le calcul se fait sur une section rectangulaire (Fig.III.2).



**Figure III.2:** Section théorique pour le ferrailage de l'acrotère

Les dimensions de la section :

$$h = 10 \text{ cm}$$

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$d = 0.9 h = 0.9 \times 10 = 9 \text{ cm}$$

La fissuration est considérée comme préjudiciable parce que ce sont des éléments qui sont exposés aux intempéries, (variation de température, eau, neige, etc. ...). Le calcul se fera alors à l'ELU et à l'ELS.

- **Calcul à l'E.L.U :**

Selon l'article A.4-4 du B.A.E.L91, en adoptant une excentricité totale de calcul :

$$e = e_1 + e_2 \text{ tel que } e_1 = e_0 + e_a$$

$e_0$  : Excentricité de la résultante des contraintes normales.

$e_2$  : Excentricité dus aux effets de second ordre.

$e_a$  : Excentricité additionnelle.

$$e_0 = \frac{Mu}{Nu} = \frac{0.9}{2.322} = 0.39 \text{ m}$$

$$e_2 = \frac{3l_f^2}{10^4 \cdot h} (2 + \alpha\phi)$$

Calcul de l'élancement :

$$l_f = 2l_0 = 2 \times 0,6 = 1.2 \text{ m}$$

$$i = \sqrt{\frac{I}{B}} \quad \text{avec: } I = \frac{b \cdot h^3}{12}; B = b \times h \quad ; i = 0.029 \text{ m}$$

$$\lambda = \frac{l_f}{i} = \frac{1.2}{0.029} = 41.38$$

$$\lambda_{\max} \leq \max(50, \min[67 \times e_0/h, 100])$$

$$\lambda_{\max} \leq 100$$

$$\lambda = 41.38 < 100$$

Donc il n'est pas nécessaire de faire un calcul au flambement.

$$\alpha = 10 (1 - (\mu / 1.5 \cdot M_{ser})) = 0$$

$$e_2 = \frac{3 \times 1.2^2}{10^4 \cdot 0.1} \times 2 = 0.0086 \text{ m}$$

$$e_a > \max(2\text{cm}, l_0/250) = \max(2\text{cm}, 60/250) \Rightarrow e_a = 0.02 \text{ m}$$

$$e_1 = 0.39 + 0.02 = 0.41 \text{ m}$$

$$e = e_1 + e_2 = 0.41 + 0.0086 = 0.419 \text{ m}$$

$$\text{On a : } \frac{l_f}{h} = 12$$

$$\frac{l_f}{h} \leq \max\left(15, \frac{20 \cdot e_1}{h}\right) = 82 \Rightarrow \text{On tiendra compte des effets du second ordre.}$$

On majore  $N_u$ ,  $M_u$  ; tel que la méthode forfaitaire consiste à tenir compte des effets du second ordre en introduisant l'excentricité totale :

La sollicitation corrigée.

$$N'_u = 2.322 \text{ KN}$$

$$M'_u = N'_u \times (e_1 + e_2) = 2.322 \times 0.419 = 0.97 \text{ KN.m}$$

$$M_{ua} = M'_u + N'_u \times \left(d - \frac{h}{2}\right)$$

$$M_{ua} = 0.97 + 2.322 \times \left(0.09 - \frac{0.1}{2}\right)$$

$$M_{ua} = 1.06 \text{ KN.m}$$

Le calcul se fera par assimilation à la flexion simple.

**a/ 1<sup>ère</sup> étape : étape fictive :**

$$\mu = \frac{M_{ua}}{b d^2 f_{bu}} = \frac{1.06}{0.09^2 \times 14.17} \times 10^{-3} = 0.0092 \Rightarrow \mu = 0.0109 < 0.186 \text{ domaine 1.}$$

$\mu < 0.186 \Rightarrow$  pas d'acier comprimé (SSAC)

$$\alpha = 1.25 (1 - \sqrt{1 - 2\mu})$$

$$\alpha = 0.013$$

$$Z = d \times (1 - 0.4\alpha) = 0.089 \text{ m}$$

$$\varepsilon = 10 \text{ ‰}$$

$$\sigma_s = 348 \text{ MPa}$$

$$A_1 = \frac{M_u}{Z \times \sigma_s} = \left( \frac{0.106}{0.089 \times 348} \right) \times 10^{-2}$$

$$A_s = 0.34 \text{ cm}^2$$

### b/ 2<sup>ème</sup> étape : Retour à la section réelle :

La section des armatures tendues dont la section réelle est ( $A_u$ ).

$$A_u = A_{u1} - \frac{N_u}{\sigma_{st}}$$

$$\text{Avec : } \sigma_{st} = \sigma_{s10}$$

$$A_u = (0.34 \times 10^2) - \frac{2.322 \times 10^3}{348} = 0.27 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

#### • Calcul à l'ELS

$$M_{ser} = 0.6 \text{ KN.m/ml}$$

$$N_{ser} = 1.72 \text{ KN/ml.}$$

#### ➤ Calcul de l'excentricité

$$e_0 = \frac{M_{ser}}{N_{ser}} = \frac{0.6}{1.72} = 0.35 \text{ m} \Rightarrow e_0 = 35 \text{ cm}$$

$$e_1 = \frac{h_t}{6} = \frac{0.10}{6} = 0.0167 \text{ m} \Rightarrow e_1 = 1.67 \text{ cm}$$

$$e_0 > e_1 \Rightarrow \text{La section est partiellement comprimée (SPC)}$$

On calculera la section en flexion simple sous l'effet d'un moment fléchissant par rapport au c.d.g des armatures tendues.

$$M_{ser/A} = M_{ser} + N_{ser} \times \left( d - \frac{h}{2} \right) = 0.6 + 1.72 \times \left( 0.09 - \frac{0.1}{2} \right) = 0.67 \text{ KN.m/ml}$$

$$\text{La contrainte du béton est donnée / ELS: } \sigma_{bc} = 0.6 f_{c28} = 15 \text{ MPa}$$

La contrainte de l'acier :

Selon la rectification 99 du BAEL91

Arti.A.4.5.33 (cas de fissuration préjudiciable).

$$\bar{\sigma}_{st} = \min \left\{ 2/3 f_e ; \max \left( 0.5 f_e ; 110 \sqrt{\eta f_{ij}} \right) \right\} = 201.63 \text{ MPa}$$

$$X = \frac{15 \times \bar{\sigma}_{bc}}{15 \times \bar{\sigma}_{bc} + \bar{\sigma}_{st}} \times d = \frac{15 \times 15}{15 \times 15 + 201.63} \times 0.09 = 0.047 \text{ m}$$

$$Z = d - \frac{X}{3} = 0.09 - \frac{0.047}{3} = 0.074 \text{ m}$$

$$M_1 = \frac{1}{2} b X \bar{\sigma}_{bc} Z = 1/2 (1 \times 0.047 \times 15 \times 0.074) = 0.026 \text{ MN.m/ml}$$

$$M_{ser/A} = 0.067 \times 10^{-2} \text{ MN.m/ml} < M_1 = 0.026 \text{ MN.m/ml}$$

$$M_{ser/A} < M_1 \Rightarrow \text{Section sans armatures comprimées (SSAC)}$$

$$A_{ser1} = \frac{M_{ser}}{z \bar{\sigma}_{st}} = \frac{0.067 \times 10^{-2}}{0.074 \times 201.63} = 0.45 \text{ cm}^2$$

$$A_{ser} = A_{ser1} - \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_{st}} = 0.45 \times 10^{-4} - \frac{0.172 \times 10^{-2}}{201.63} = 0.36 \text{ cm}^2$$

$$A_{ser} = 0.36 \text{ cm}^2$$

- Condition de non fragilité

$$A_{min} > \frac{0.23 b_o d f_{t28}}{f_e} = 1.09 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

Donc  $A_s > \max(A_u; A_{ser}; A_{min})$

Qui nous donne **4HA8 = 2,01 cm<sup>2</sup>/ml espacée de 25cm**

- Armature de répartition :

$$A_r = A_s / 4 = 0,5025 \text{ cm}^2$$

On adopte **4HA6 avec un espacement de 15 cm**

- Vérification au cisaillement:

$$\bar{\tau}_u = \min\left(0.15 \frac{f_{c28}}{\gamma_b}, 4 \text{ MPa}\right) = 2.5 \text{ MPa}$$

$$V_u = 1.5 \times Q = 1.5 \text{ KN/ml}$$

$$\tau_u = \frac{V_u}{b_o \times d} = \frac{1.5}{1 \times 0.09} = 0.017 \text{ MPa}$$

$$\tau_u < \bar{\tau}_u \Rightarrow \text{Condition vérifiée.}$$

Il n'est pas nécessaire de concevoir des armatures transversales, les armatures de répartition sont suffisantes.

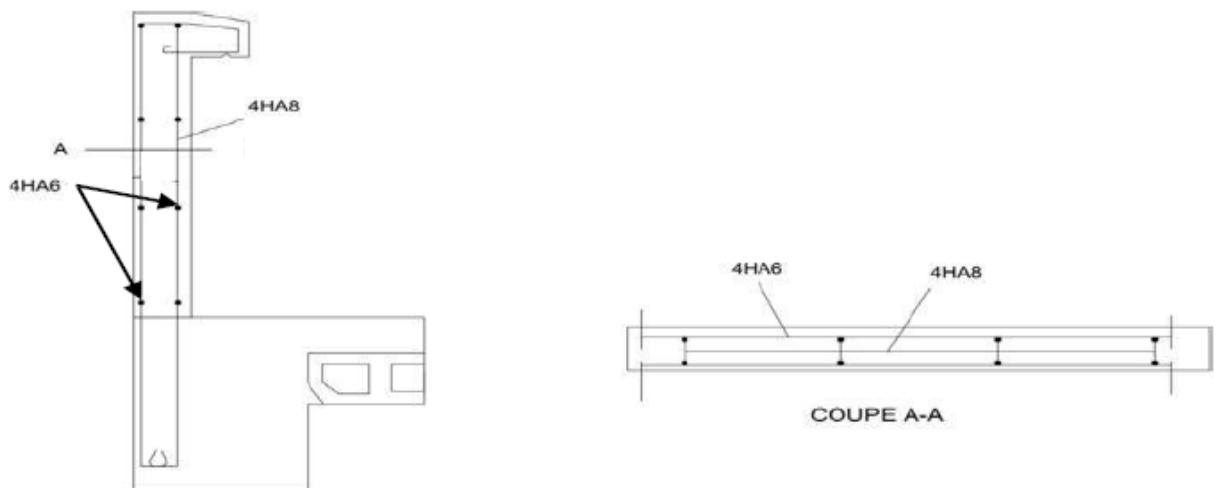


Figure III.3: Disposition constructive des armatures de l'acrotère.

### III.3 Calcul des balcons

#### III.3.1 Introduction

Le balcon est constitué d'une dalle pleine encastree dans les poutres, l'épaisseur est conditionnée par :  $L/35 < e < L/30 \Rightarrow$  avec  $L = 1.20$  m

$3.42 \leq e \leq 4$  on prend :  $e = 15$  cm.

Avec des considérations pratiques (expérience) ; on a vu que l'épaisseur ainsi obtenue n'est pas plus pratique alors on doit majorer à :  **$e = 15$  cm.**

Les balcons sont des éléments décoration dans les bâtiments, ils sont calculés comme des consoles encastrees.

$$L_x = 1,2m$$

$$L_y = 3,85$$

$$\rho = \frac{L_x}{L_y} = \frac{120}{385} = 0,311$$

$\rho = 0,311 < 0,4$  La dalle travaille dans un seul sens (comme une console)

- **Evaluation des charges**

$$G = 5.75 \text{ KN/m}^2$$

$$Q = 3.5 \text{ KN/m}^2$$

Pour 1 ml :

$$G = 5.75 \text{ KN/m}$$

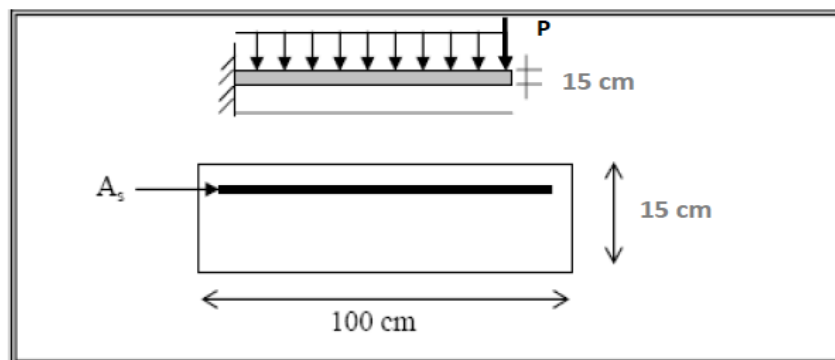
$$Q = 3.50 \text{ KN/m}$$

$$P = 1 \text{ KN}$$

Le calcul peut se fait pour une bande de 1m.

#### III.3.1 Sollicitations

Puisque le balcon est exposé aux intempéries, donc le calcul se fera à L'E.L.S.



**Figure III.4:** Section théorique pour le ferrailage du balcon.



- **Combinaisons**

**a/ E.L.U**

$$q_u = (1,35G + 1,5Q) * 1$$

$$q_u = (1,35 \times 5,75 + 1,5 \times 3,5) * 1 = 13,012 \text{ KN/m}$$

$$P_u = 1,35 \times P$$

$$P_u = 1,35 \times 1 = 1,35 \text{ KN}$$

**b/ E.L.S**

$$q_s = (G + Q) * 1 = (5,75 + 3,5) * 1 = 9,25 \text{ KN}$$

$$P_s = P = 1 \text{ KN}$$

- **Calcul des sollicitations**

**a/ E.L.U**

$$M_u = \frac{q_u \times L^2}{2} + P_u \times L$$

$$M_u = \frac{13,012 \times 1,2^2}{2} + 1,35 \times 1,2 = 10,988 \text{ KN.m}$$

$$V_u = q_u \times L + P_u$$

$$V_u = 13,012 \times 1,2 + 1,35 = 16,96 \text{ KN}$$

**b/ ELS**

$$M_s = \frac{q_s \times L^2}{2} + P_s \times L$$

$$M_s = \frac{9,25 \times 1,2^2}{2} + 1 \times 1,2 = 7,86 \text{ KN.m}$$

$$V_s = q_s \times L + P_s$$

$$V_s = 9,25 \times 1,2 + 1 = 12,10 \text{ KN}$$

Le calcul des armatures se fait à la flexion simple :

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$h = 15 \text{ cm}$$

$$d = 0,9 h = 13,5 \text{ cm}$$

$$M_u = 10,988 \text{ KN.m}$$

$$\mu_{bu} = \frac{M_u}{f_{bu} \times d^2 \times b} = \frac{10,988 \times 10^{-3}}{14,17 \times 0,135^2} = 0,042 < \mu_l = 0,392 \text{ (les armature comprimée ne sont pas}$$

nécessaires)

$$\alpha = 1,25(1 - \sqrt{1 - 2\mu_{bu}})$$

$$\alpha = 0,053$$

$$Z = d \times (1 - 0,4\alpha)$$

$$Z = 0,132\text{m}$$

$$A_s = \frac{M_t}{\sigma_s \times Z} = \frac{10,988 \times 10^{-3}}{348 \times 0,132} = 2,39\text{cm}^2$$

Condition non fragilité :

$$A_{min} \geq 0,23 \times b \times d \times \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_{min} \geq 0,23 \times 100 \times 13,5 \times \frac{2,1}{400} = 1,630\text{cm}^2$$

Soit : **3HA12 ( $A_u = 3.39 \text{ cm}^2$ )**

**c/ Espacement :**

$$\delta_t \leq \min(3 \times h; 33\text{cm})$$

$$\delta_t = 33\text{cm}$$

**d/ Armature de répartition :**

$$A_r = \frac{A_s}{4}$$

$$A_r = \frac{3,39}{4} = 0,848\text{cm}^2$$

Soit : **3HA8 ( $A_s = 1.50 \text{ cm}^2$ )**

**e/ Espacement :**

$$\delta_t \leq \min(3 \times h; 33\text{cm})$$

$$\delta_t = 33\text{cm}$$

- **Vérification à L'ELU :**
- **Vérification des contraintes de cisaillement**

$$\tau_u \leq \bar{\tau}_u$$

$$\tau_u = \frac{v_u}{bd} = \frac{16,96 \times 10^3}{1000 \times 135}$$

$$\tau_u = 0,125\text{MPa}$$

Fissuration préjudiciable :

$$\bar{\tau}_u = \min\left(0,15 \frac{f_{c28}}{\gamma_B}; 5\text{MPa}\right)$$

$$\bar{\tau}_u = \min(2,5; 5\text{MPa})$$

$$\bar{\tau}_u = 2,5\text{MPa}$$

Donc :

$$\tau_u \leq \bar{\tau}_u \dots \dots \dots \text{C.V}$$

Pas de risque de rupture par cisaillement.

- **Vérification des contraintes**

$$\sigma_{bc} \leq \bar{\sigma}_{bc}$$

$$\bar{\sigma}_{bc} = 0,6 \times f_{c28} = 15 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{bc} = \frac{M_{ser} \times y}{I}$$

Position de l'axe neutre :

$$\frac{1}{2}by^2 + \eta(d - y)A'_s + \eta(d - y)A_s = 0$$

$$50 \times y^2 + 15(13,5 - y) \times 0 + 15(13,5 - y) \times 3,39 = 0$$

$$y = 3,23 \text{ cm}$$

Moment d'inertie :

$$I = \frac{1}{3} \times by^3 + \eta(d - y)A'_s + \eta(d - y)A_s = 0$$

$$I = \frac{1}{3} \times 100 \times 3,23^3 + 15(13,5 - y)3,39 = 0$$

$$I = 6486,57 \text{ cm}^4$$

$$\sigma_{bc} = \frac{M_{ser} \times y}{I} = \frac{7,86 \times 3,23}{6486,57} = 3,91 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{bc} \leq \bar{\sigma}_{bc} \dots\dots\dots \text{C.V}$$

La contrainte dans l'acier :

$$\sigma_{st} \leq \bar{\sigma}_{st}$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \min\left(\frac{2}{3} \times f_e; 110\sqrt{\eta \times f_{t28}}\right)$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \min\left(\frac{2}{3} \times 400; 110\sqrt{1,6 \times 2,1}\right)$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \min(266,67; 201,63)$$

$$\bar{\sigma}_{st} = 266,67 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{bc} = \frac{15M_{ser} \times (d - y)}{I}$$

$$\sigma_{bc} = \frac{15M_{ser} \times (d - y)}{I} = \frac{15 \times 7,86 \times 10^6 \times (135 - 32,5)}{6486,57 \times 10^4}$$

$$\sigma_{bc} = 186,30 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{st} \leq \bar{\sigma}_{st} \dots\dots\dots \text{C.V}$$

• **Vérification de la flèche**

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{h}{l} \geq \frac{1}{16} \\ \frac{h}{l} \geq \frac{M_t}{10 \times M_0} \\ \frac{A_s}{bd} \leq \frac{4,2}{f_e} \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} \frac{0,15}{1,2} = 0,125 \geq \frac{1}{16} = 0,0625 \quad \text{CV} \\ \frac{0,15}{1,2} = 0,125 \geq \frac{10,988}{10 \times 10,988} = 0,1 \quad \text{CV} \\ \frac{3,39}{100 \times 13,5} = 0,0025 \leq \frac{4,2}{400} = 0,015 \quad \text{CV} \end{array} \right.$$

Les trois conditions de la flèche sont vérifiées donc le calcul de la flèche ne s'impose pas.

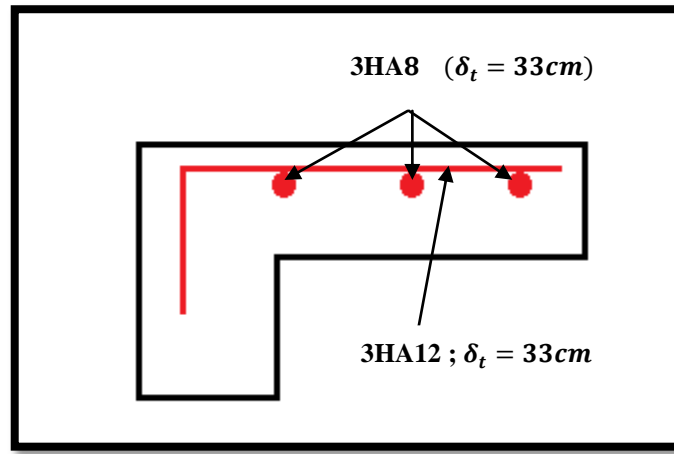


Figure III.5: Schéma de ferrailage du balcon.

### III.4 Calcul des escaliers

#### III.4.1 Définition

Les escaliers constituent la famille la plus employée des circulations verticales. En effet, quel que soit le type de bâtiment, ils sont indispensables soit à titre de circulation principale, comme dans une maison individuelle, soit à titre de circulation de service ou de secours dans un immeuble collectif ou dans un établissement recevant du public.

Plusieurs dispositifs permettent de passer d'un niveau à un autre, en fonction de la dénivellation et de la longueur disponible, c'est-à-dire de l'inclinaison de la pente la plus faible à la plus inclinée.

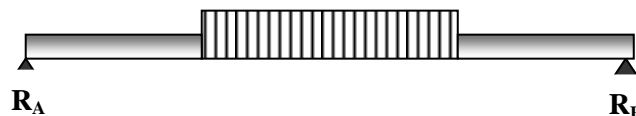
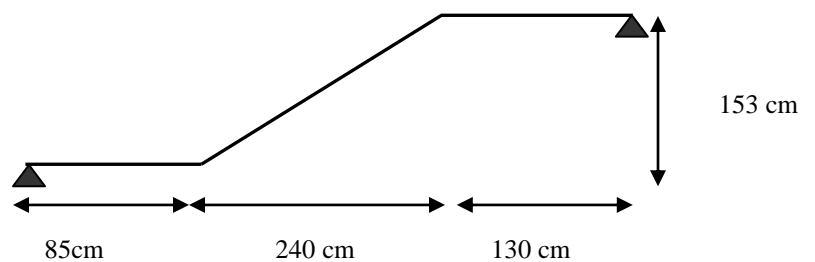
#### ➤ Schéma statique

Palliasse :  $G_1=10.186\text{KN/ml}$

$Q_1=2.5\text{ KN/ml}$

Palier :  $G_2=6.02\text{ KN/ml}$

$Q_2=2.5\text{ KN/ml}$



#### III.4.2 Charges et surcharges

Palliasse :  $G_1=10.186\text{ KN/m}^2$

$:Q_1=2.5\text{ KN/m}^2$

Palier :  $G_2=6.02\text{ KN/m}^2$

$:Q_2=2.5\text{KN/m}^2$

### III.4.3 Combinaisons des charges

#### a) Calcul des charges a l'ELU et l'ELS

Le calcul se fait pour une bande de 1ml.

##### a) Palliasse

##### L'ELU

$$qu_1 = 1.35 G_1 + 1.5 Q_1 \Rightarrow qu_1 = 1.35 \cdot 10.186 + 1.5 \cdot 2.5$$

$$qu_1 = 17.50 \text{ KN/ml}$$

##### L'ELS

$$qser_1 = G_1 + Q_1 \Rightarrow qser_1 = 10.186 + 2.5$$

$$qser_1 = 12.686 \text{ KN/ml}$$

##### b) Palier

##### L'ELU

$$qu_2 = 1.35 G_2 + 1.5 Q_2 \Rightarrow qu_2 = 1.35 \cdot 6.02 + 1.5 \cdot 2.5$$

$$qu_2 = 11.877 \text{ KN/ml}$$

##### L'ELS

$$qser_2 = G_2 + Q_2 \Rightarrow qser_2 = 6.02 + 2.5$$

$$qser_2 = 8.52 \text{ KN/ml}$$

**Tableau III.1:** Combinaisons des charges l'escalier.

Combinaisons	Paillasse (KN/ml)	Palier (KN/ml)
ELU	17.50	11.877
ELS	12.686	8.52

L'escalier travaille à la flexion simple en considérant la dalle comme une poutre uniformément chargée et en tenant des types d'appuis sur lesquels elle repose.

Pour déterminer les sollicitations, on a deux méthodes de calcul qui sont les suivantes :

- La méthode des charges équivalentes.
- La méthode R.D.M.

b) Diagrammes des moments fléchissant et efforts tranchants

Type N°1 :

ELU :

Figure III.6: Diagrammes de moment fléchissant et de l'effort tranchant à l'ELU.

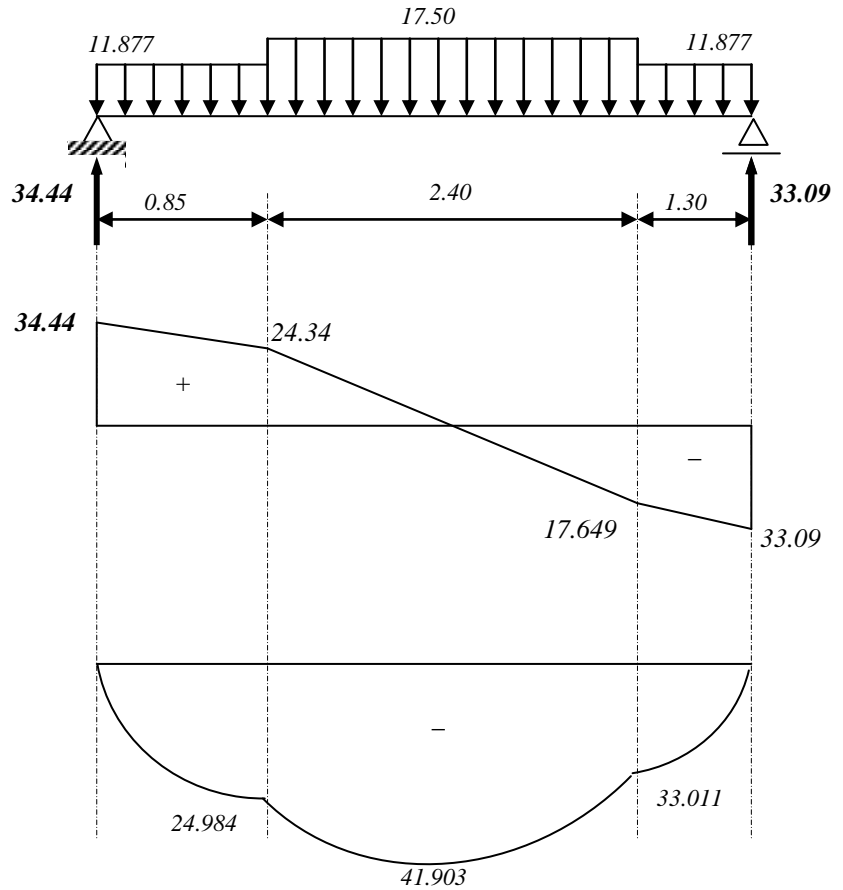


Tableau III.2: Tableau récapitulatif des sollicitations.

	$M_{max}$ (KN.m)	$M_a$ (KN.m)	$M_t$ (KN.m)	$T_{max}$ (KN)
<b>E.L.U</b>	41.903	12.570	35.617	34.44
<b>E.L.S</b>	26.945	8.083	22.903	24.87

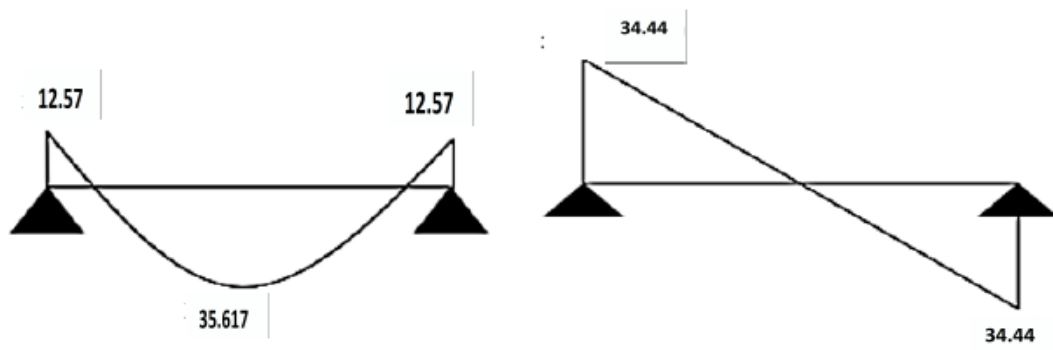


Figure III.7: Moments et efforts tranchants à E.L.U.

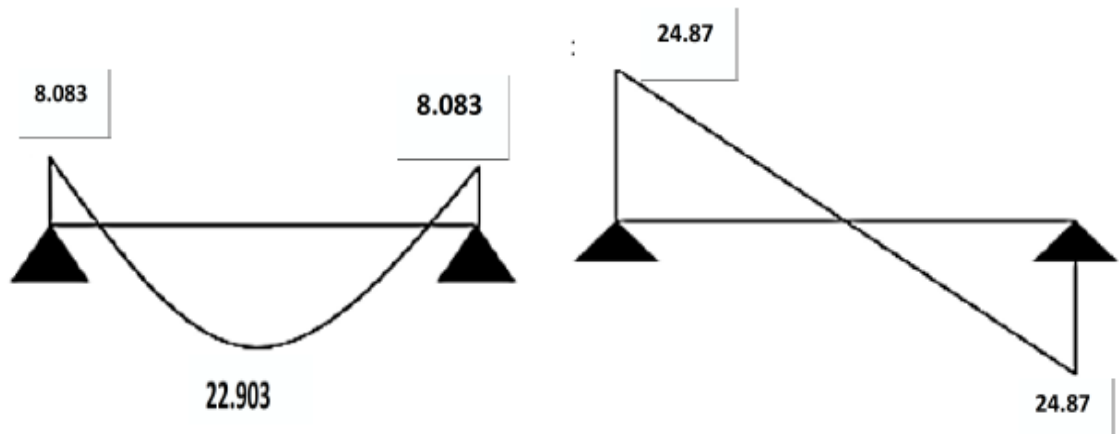


Figure III.8: Moments fléchissant et efforts tranchants á E.L.S.

### III.4.4. Calcul de ferrailage

#### Type N°1 :

#### ❖ Armatures longitudinales

#### ❖ Travée

$$f_{bu} = \frac{0.85 * f_{c28}}{\gamma_b} = \frac{0.85 * 25}{1.5} = 14.2 \text{ MPA}$$

$$f_s = \frac{f_e}{\gamma_b} = \frac{400}{1.5} = 348 \text{ MPA}$$

$$\mu = \frac{M_u}{b * d^2 * \sigma_b} = \frac{35.617 \times 10^3}{14.2 \times (16.2^2 \times 100)} = 0.095 < 0.392$$

Section simplement armé.

$$\alpha = 1.25(1 - \sqrt{1 - 2\mu}) = 0.125$$

$$\beta = (1 - 0.4\alpha) = 0.95$$

$$A_s = \frac{M_u}{\beta \times d \times \sigma_s} = \frac{35.617 \times 10^3}{348 \times 0.95 \times 16.2} = 6.65 \text{ cm}^2$$

#### ❖ Conditions non fragilité

$$A_{\min} = \max \left\{ \frac{b \times h}{1000}, 0.23 \times b d \times \frac{f_{t28}}{f_e} \right\} = \max \left\{ \frac{100 \times 18}{1000}, 0.23 \times 100 \times 162 \times \frac{2.1}{400} \right\} = \max \{1.8, 1.95\} \text{ cm}^2$$

$$A_{\min} = 1.95 \text{ cm}^2 < 6.65 \text{ cm}^2$$

On pond **5HA14 ; 7.69 cm<sup>2</sup>**

#### ❖ Espacement :

$$S_t \leq \min \{3ep, 33 \text{ cm}\} = 33 \text{ cm}$$

$$S_t = \frac{100}{4} = 25 \text{ cm}$$

## ❖ Armature de répartition

$$A_r = \frac{A_s}{4} = \frac{7.69}{4} = 1.922 \text{ cm}^2$$

On prend **4HA8 ; 2.00 cm<sup>2</sup>**

## ❖ Espacement entre les armatures

$$S_t \leq \min \{4h, 45 \text{ cm}\} = \min \{72, 45\}$$

$$S_t \leq 45 \text{ cm}$$

$$S_t = 33 \text{ cm}$$

## ❖ Ferrailage aux appuis

$$M_u = 12.57 \text{ KN.m}$$

$$\mu = \frac{12.57 \times 10^3}{14.2 \times 100 \times 16.2^2} = 0.033 < 0.392$$

$$A' = 0$$

$$\alpha = 1.25 \left(1 - \sqrt{1 - 2\mu}\right) = 0.041$$

$$\beta = (1 - 0.4\alpha) = 0.98$$

$$A_u = \frac{12.57 \times 10^3}{0.98 \times 384 \times 16.2} = 2.27 \text{ cm}^2$$

## Condition de fragilité

$$A_{\min} = \max \left\{ \frac{b \times h}{1000}; 0.23 * b * d * \frac{f_{t28}}{f_e} \right\} = \max \{1.8; 1.95\}$$

$$A_{\min} = 1.95 \text{ cm}^2 < 2.27 \text{ cm}^2$$

On prend: **4HA10 S=3.15 cm<sup>2</sup>**

## Espacement

$$S_t \leq \min \{3ep, 33 \text{ cm}\} = 33 \text{ cm}$$

$$S_t = \frac{100}{4} = 25 \text{ cm}$$

## Armature de répartition

$$A_r = \frac{A_s}{4} = \frac{3.15}{4} = 0.80 \text{ cm}^2$$

On prend: **3HA8 S=1.51 cm<sup>2</sup>**

## Vérification à E.L.S

$$\text{On vérifie que : } \sigma_b = \frac{M_{ser}}{I} y \leq \bar{\sigma}_{bc}$$



$$\frac{b}{2} \times y^2 + h \times A'_s (y - c') - n \times A_s (d - y) = 0$$

$$\text{Avec } \rightarrow n = 15$$

$$h \times A'_s (y - c') = 0$$

Travée :

$$\frac{100}{2} y^2 - 15 \times 7.69(16.2 - y) = 0$$

$$50y^2 + 115.35y - 1868.67 = 0$$

$$y^2 + 2.307y - 37.37 = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 154.80$$

$$y = \frac{-2.772 + 13.6861}{2} = 5.06$$

$$I = \frac{b \times y^3}{3} + n \times A_s (d - y)^2$$

$$I = \frac{100 \times 5.06^3}{3} + 15 \times 7.69 \times (16.2 - 5.06)^2 = 18633.35 \text{ cm}^4$$

$$\sigma_b = \frac{22.903 \times 10^5 \times 5.06}{18633.35 \times 10^2} = 6.21 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_b = 15 \text{ MPa} \quad \Rightarrow \text{OK}$$

**Tableau III.3:** Vérification des contraintes à l'ELS.

	$M_{ser}$ (KN.m)	$A_s$ (cm <sup>2</sup> )	Y (cm)	I (cm <sup>4</sup> )	$\sigma_{bc}$ (MPa)	$\sigma_b \leq \bar{\sigma}_b$
<b>Travée</b>	22.903	7.69	5.06	18633.35	6.21	CV
<b>Appuis</b>	8.083	3.15	3.47	9049.72	8.78	

#### ❖ Vérification de la contrainte de cisaillement

$$T_{\max} = 34.44 \text{ KN}$$

$$\tau_u \leq \bar{\tau}_u$$

$$\tau_u = \frac{v_u}{b \times d} = \frac{34.44 \times 10^3}{162 \times 1000} = 0.212 \text{ MPa}$$

#### ❖ La fissuration est considérée comme peu préjudiciable

$$\bar{\tau}_u = \min \left\{ 0.2 \times \frac{f_{c28}}{\gamma_b}; 5 \text{ MPa} \right\} = \min \{ 3.33 \text{ MPa}; 5 \text{ MPa} \}$$

$$\tau_u = 0.212 < 3.33 \rightarrow \text{CV}$$

#### ❖ Vérification de la flèche

La vérification de la flèche n'est pas nécessaire si les conditions suivantes sont vérifiées (B.A.E.L.91 modifié 99) : Note :  $M_t$  : c'est le moment en travées à l'ELS.

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{h}{l} \geq \frac{1}{16} \Rightarrow \frac{18}{455} = 0.039 \leq 0.0625 \rightarrow \text{CNV} \\ \frac{h}{l} \geq \frac{M_T}{10M_0} \Rightarrow 0.039 > \frac{22.903}{10 \times 41.903} \Leftrightarrow 0.039 > 0.054 \rightarrow \text{CNV} \\ \frac{A}{b.d} \leq \frac{4.2}{f_e} \Leftrightarrow \frac{A}{b.d} = \frac{7.69}{100 \times 16.2} = 0.0047 \leq \frac{4.2}{f_e} = 0.0105 \rightarrow \text{CV} \end{array} \right.$$

Comme les conditions (1) et (2) ne sont pas vérifiées, donc on doit vérifier la condition :

❖ **Evaluation des flèches (BAEL91 B.6.5, 2) :**

La part de la flèche totale  $f_t$  qui doit être comparée aux limites admissibles a pour valeur :

$$\Delta f_t = f_{gv} - f_{ji} + f_{pi} - f_{gi} \leq \bar{f} = \frac{l}{500}$$

Avec :

- Les flèches  $f_{gi}$  et  $f_{gv}$  dues à l'ensemble des charges permanentes.
- La flèche  $f_{ji}$  due aux charges permanentes appliquées au moment de la mise en œuvre des cloisons.
- La flèche  $f_{pi}$  due à l'ensemble des charges permanentes et d'exploitation supportée par l'élément considéré.

**Position de l'axe neutre :**

$$b \times y_1^2 - 30(A + A')y_1 - 30(d \times A - d' \times A') = 0 \longrightarrow y_1 = 5.06\text{cm} > 0 \dots \text{CV}$$

Le moment d'inertie de la section homogène par rapport l'axe neutre s'écrit :

$$I = \frac{b \times y_1^3}{3} + 15 \times [A \times (d - y_1)^2 + A' \times (y_1 - d')^2]$$

$$I = 18633.35\text{cm}^4; d = 16.2\text{cm}; h = 18\text{cm}; A_s = 7.69\text{cm}^2; b = 100\text{cm}; f_{t28} = 2.1\text{MPa}.$$

❖ **Calcule le moment d'inertie de la section homogène  $I_0$  :**

$$I_0 = \frac{bh^3}{12} + bh \left[ \frac{h}{2} - V \right]^2 + 15A_s(d - V)^2$$

$$V = \frac{\left[ \frac{bh^2}{2} + 15A_s d \right]}{bd + 15A_s}$$

$$V = \frac{\left[ \frac{100 \times 18^2}{2} + 15 \times 7.69 \times 16.2 \right]}{100 \times 16.2 + 15 \times 7.69}$$

$$V = 10.41\text{cm}$$

$$I_0 = \frac{100 \times 16.2^3}{12} + 100 \times 18 \left[ \frac{18}{2} - 10.41 \right]^2 + 15 \times 7.69(16.2 - 10.41)^2$$

$$I_0 = 42874.98\text{cm}^4$$

Déformation instantanée :

$$\lambda = \lambda_i = \frac{0,05 f_{t28}}{\left( 2 + 3 \frac{b_0}{b} \right) \rho}$$

$$\rho = \frac{A_s}{b_0 \times d} = \frac{7.69}{100 \times 16.2} = 0,0047$$

$$\lambda_i = \frac{0,05 \times 2,1}{(2 + 3)0,0047} = 4.468$$

$$\lambda_v = \frac{2}{5} \lambda_i = 1.787$$

$$E_i = 11000 \sqrt[3]{f_{c28}} = 32164,2 \text{ MPa}$$

$$E_v = \frac{1}{3} E_i = 10721,4 \text{ MPa}$$

❖ **Calcul les moments fléchissant à ELS :**

**Calcul ( $f_{gi}$  ;  $f_{gv}$ ) :**

$$q \text{ de palier} = 6.02 \text{ KN/m}$$

$$\text{Paillasse : } 10.186 \text{ KN/m}$$

$$q_{eq} = 8.217 \text{ KN/m}$$

$$M_s = 0.85 * M_0$$

$$M_0 = (q * l^2) / 8 = 21.264 \text{ KN.m}$$

$$M_s = 18.074 \text{ KN.m}$$

$$\sigma_s = \frac{15 * M_s (d - y)}{I}$$

$$\sigma_s = \frac{15 * 18.074 * (16.2 - 5.06)}{18633.35}$$

$$\sigma_s = 16.20$$

$$\mu = 1 - \left( \frac{1.75 f_{t28}}{4 \rho \sigma_s + f_{t28}} \right)$$

$$\mu = 0.296$$

$$I_f = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda \mu}$$

$$I_{f_{gi}} = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda_i \mu} = \frac{1.1 * 42874.98}{1 + (0.296 * 4.468)}$$

$$I_{f_{gi}} = 20311.14 \text{ cm}^4$$

$$I_{f_{gv}} = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda_v \mu} = \frac{1.1 * 42874.98}{1 + (0.296 * 1.787)}$$

$$I_{f_{gv}} = 30865.49 \text{ cm}^4$$

$$f_i = \frac{M * L^2}{10 * E_i * I_{fi}} = \frac{18.074 * 10^6 * (4.55 * 10^3)^2}{10 * 32164.2 * 20311.14 * 10^4}$$

$$f_{gi} = 5.72$$

$$f_i = \frac{M * L^2}{10 * E_v * I_{fv}} = \frac{18.074 * 10^6 * (4.55 * 10^3)^2}{10 * 10721.4 * 30865.49}$$

$$f_{gv} = 11.30$$

❖ **Calcul flèche instantanée ( $f_{ji}$ ) :**

**Palier :  $q = 4.5$**

**Paillasse:  $q = 7.19$**

$$q_{eq} = \frac{4.5 * (0.85 + 1.3) + (5.33) * 2.4}{4.55} = 4.93 \text{ KN/m}$$

$$M_s = 0.85 * M_0$$

$$M_0 = (q \cdot l^2) / 8$$

$$M_s = 10.84 \text{ KN.m}$$

$$\sigma_s = \frac{15 \cdot M_s (d - y)}{I}$$

$$\sigma_s = \frac{15 \cdot 10.84 \cdot (16.2 - 5.06)}{18633.35}$$

$$\sigma_s = 97.21 \text{ MPa}$$

$$\mu = 1 - \left( \frac{1.75 f_{t28}}{4 \rho \sigma_s + f_{t28}} \right)$$

$$\mu = 0.26$$

$$I_f = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda \mu}$$

$$I_{fji} = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda_i \mu} = \frac{1.1 \cdot 42874.98}{1 + (0.26 \cdot 4.468)}$$

$$I_{fji} = 21817.51 \text{ cm}^4$$

$$f_i = \frac{M \cdot L^2}{10 \cdot E_i \cdot I_{f_i}} = \frac{10.84 \cdot 10^6 \cdot (4.55 \cdot 10^3)^2}{10 \cdot 32164.2 \cdot 21817.51}$$

$$f_{ji} = 3.19$$

❖ *La flèche due la combinaison de :*

$$Q+G = f_{pi}$$

$$\text{Palier : } q_p = 6.02 + 2.5 = 8.52$$

$$\text{Paillasse : } q_p = 10.186 + 2.5 = 12.686$$

$$q_{eq} = \frac{2.15 \cdot (8.52) + (12.686) \cdot 2.4}{4.55} = 10.717 \text{ KN/m}$$

$$M_s = 23.57 \text{ KN.m}$$

$$\sigma_s = 182.429 \text{ MPa}$$

$$\mu = 0.42$$

$$f_{pi} = 6.164$$

$$\Delta f = f_{gv} - f_{ij} + f_{pi} - f_{gi}$$

$$\Delta f = 11.30 - 3.19 + 6.164 - 5.72$$

$$\Delta f = 8.55$$

D'après BAEL 91 Article (B.6.5.3) :

$$\Delta f_t = f_{gv} - f_{ji} + f_{pi} - f_{gi} \leq \bar{f} = \frac{l}{500}$$

$$8.55 \leq 9.1 \dots \dots \dots \text{CV}$$

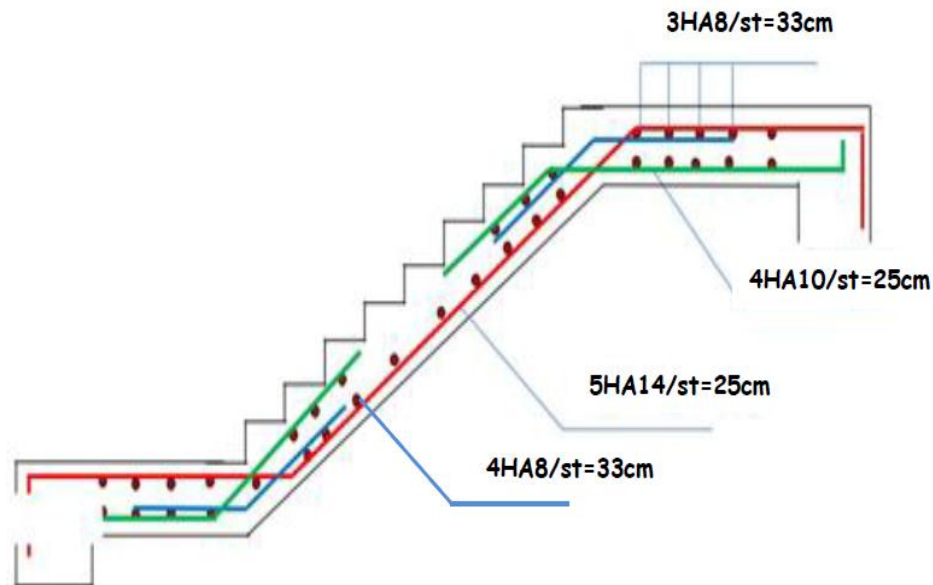


Figure III.9: Schéma de ferrailage d'escalier.

### III.5 Etude de la poutre palière

#### III.5.1 Définition

Le calcul se fait en flexion simple pour une poutre simplement appuyée et uniformément chargée, les charges sont :

- Son poids propre.
- Poids de la maçonnerie.
- Réaction provenant du palier.

#### III.5.2 Pré dimensionnement

- D'après le BAEL

$$\frac{L}{15} \leq h \leq \frac{L}{10} \quad \frac{405}{15} \leq h \leq \frac{405}{10}$$

$$27 \leq h \leq 40.5 \Rightarrow h = 40cm$$

$$0.3h \leq b \leq 0.7h \Rightarrow b = 40cm$$

Les dimensions des poutres doivent respecter l'article 7.5.1 du RPA99/version 2003 suivant :

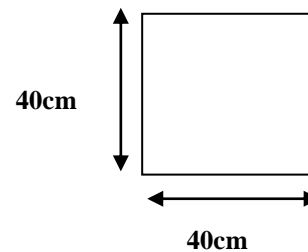
- D'après le RPA

$$b \geq 20cm \Rightarrow b = 40cm \Rightarrow cv$$

$$h \geq 30cm \Rightarrow h = 40cm \Rightarrow cv$$

$$1 \leq \frac{h}{b} \leq 4 \Rightarrow \frac{h}{b} = 1 \Rightarrow cv$$

On adopte une section de  $(40*40) \text{ cm}^2$



#### III.5.3 Evaluation des charges

Poids propre de la poutre :

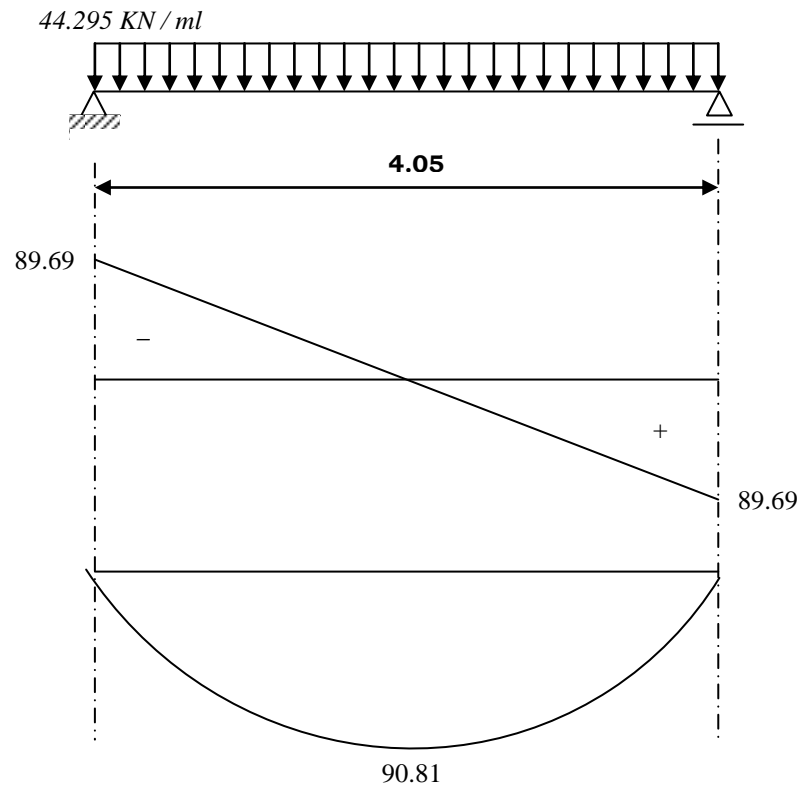
$$G_{poutre} = (0.40) \times 0.40 \times 25 = 4 \text{ kN/ml}$$

$$G_{MUR} \times H_{mur} = 1.53 \times 2.81 = 4.3 \text{ kN/ml}$$

**Charge linéaire du palier :**

$$R = 33.09 \text{ kN/ml}$$

**Figure III.10:** Diagrammes des Moments fléchissant et de L'effort tranchant de la palière.



**- Réaction d'escalier ou niveau du palier**

*E.L.U :*

$$R_A = 33.09 \text{ KN}$$

*E.L.S :*

$$R_A = 23.884 \text{ KN}$$

$$P_u = 1.35(G_{maçonnerie} + G_{poutrepalère}) + R$$

« **R** » déjà majoré (1.35) dans le calcul d'escalier.

$$P_u = 1.35(4 + 4.3) + 33.09$$

$$P_u = 1.35(4 + 4.3) + 33.09$$

$$P_u = 44.295 \text{ KN/ml}$$

$$M_u^{\max} = \left( \frac{P_u \cdot L^2}{8} \right) = 90.81 \text{ KN.m}$$

$$P_{ser} = (G_{maçonnerie} + G_{poutrepalère}) + R$$

« **R** » en cas ELS dans le calcul d'escalier.

$$P_u = (4 + 4.3) + 23.884$$

$$P_u = 32.184 \text{ KN/ml}$$

$$M_{ser}^{\max} = \left( \frac{P_{ser} \cdot L^2}{8} \right) = 65.98 \text{ KN.m}$$

$$T_u^{\max} = 89.69 \text{ kN}$$

$$T_{ser}^{\max} = 65.17 \text{ kN}$$

$$\text{Donc :} \quad \begin{array}{l} \text{ELU :} \\ \text{ELS :} \end{array} \quad \left\{ \begin{array}{l} M_t = 0,85M_u^{\max} = 77.18 \text{ kN.m} \\ M_a = 0,50M_u^{\max} = 45.405 \text{ kN.m} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} M_t = 0,85M_{ser}^{\max} = 56.083 \text{ kN.m} \\ M_a = 0,50M_{ser}^{\max} = 32.99 \text{ kN.m} \end{array} \right.$$

### III.5.4 Ferrailage :

#### a. Armatures longitudinales

$$h = 40 \text{ cm}; d = 0,9h = 36 \text{ cm}; c = 0,1h = 4 \text{ cm}; \sigma_b = 14,20 \text{ MPa}$$

##### a.1 En travée

$$M_t = 77.18 \text{ kN.m}$$

$$\mu = \frac{M_t}{b * d^2 * \sigma_{bc}} = \frac{77.18 \times 10^3}{40 \times 36^2 \times 14.2} = 0.104 < 0.392$$

$$\mu = 0,104 < \mu_R = 0,392 \Rightarrow A'_s = 0$$

$$\alpha = 1.25.(1 - \sqrt{1 - 2 * 0.104}) = 0.137$$

$$\beta = (1 - 0.4 * 0.137) = 0.945$$

$$A_s = \frac{M_u}{\beta * d * \sigma_s} = \frac{77.18 \times 10^3}{0.945 \times 36 \times 348} = 6.51 \text{ cm}^2$$

On prend : **6T14 = 9.24 cm<sup>2</sup>**

##### a.2 Sur appuis

$$M_a = 45.405 \text{ kN.m}$$

$$\mu = \frac{M_a}{b * d^2 * \sigma_{bc}} = \frac{45.405 \times 10^3}{40 \times 36^2 \times 14.2} = 0.061 < 0.392$$

$$\mu = 0,061 < \mu_R = 0,392 \Rightarrow A'_s = 0$$

$$\alpha = 1.25.(1 - \sqrt{1 - 2 * 0.061}) = 0.152$$

$$\beta = (1 - 0.4 * 0.152) = 0.94$$

$$A_s = \frac{M_a}{\beta * d * \sigma_s} = \frac{45.405 \times 10^3}{0.94 \times 36 \times 348} = 3.85 \text{ cm}^2$$

On prend : **4T14 = 6.15 cm<sup>2</sup>**

#### b. Armatures transversales

$$\phi_t \leq \min \begin{cases} h/35 = 8.57 \text{ mm} \\ \phi = 12 \text{ mm} \\ b/10 = 30 \text{ mm} \end{cases} \Rightarrow \phi_t = 8 \text{ mm}$$

➤ Calcul des espacements :

Généralement, si la fissuration n'est pas très préjudiciable et il n'y a pas de reprise de bétonnage on utilise la formule suivante :

$$\frac{A_t}{S_t} \geq \frac{b(\tau_u - 0,3f_{t28})}{0,8f_e}$$

$$A_t = 0,003.S.b = 0,003 \times \frac{40}{2} \times 40 = 2.4 \text{ cm}^2 \text{ (Minimum de RPA)}$$

$$\text{Donc on prend } \phi = 6 \text{ mm} \Rightarrow A_t = 3,01 \text{ cm}^2$$

Par condition :

$$S < \min \left( \frac{h}{4}; 12\phi_t; 30 \text{ cm} \right) = 10 \text{ cm} \text{ (Zone nodale)}$$

$$S' < \frac{h}{2} = 20 \text{ cm} \text{ (Zone courante)}$$

$$S' = 15 \text{ cm}$$

$$\text{On prend } \begin{cases} S = 10 \text{ cm} & (L_{ZN} = 2 \times h = 80 \text{ cm}) \\ S' = 15 \text{ cm} & (L_{ZC} = 1,35 \text{ m}) \end{cases}$$

### ➤ Vérifications nécessaires

#### a. Vérification de la contrainte

Considérons le cas préjudiciable.

##### a.1 En travée

$$A_s = 9.24 \text{ cm}^2; M_{ser} = 56.083 \text{ kN.m}; b = 40 \text{ cm};$$

La position de l'axe neutre :

$$(b/2)y^2 - 15A_s(d-y) = 0 \Rightarrow y = 12.705 \text{ cm}$$

Le moment d'inertie I :

$$I = (b/3)y^3 + 15A_s(d-y)^2 = 102556.307 \text{ cm}^4$$

$$\text{On vérifie que : } \sigma_b = \frac{M_{ser}}{I} y \leq \bar{\sigma}_{bc} \text{ et } \sigma_a = n \frac{M_{ser}}{I} (d-y) \leq \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma_b = \frac{56.083 \times 10^5 \times 12.705}{102556.3077 \times 10^2} = 6.94 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_b = 15 \text{ MPa} \Rightarrow OK$$

$$\sigma_a = 15 \frac{56.083 \times 10^5}{102556.3077 \times 10^2} (36 - 12.705) = 207.48 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_a = 240 \text{ MPa} \Rightarrow OK$$



**a.2 Sur appuis**

$$A_s = 6.15 \text{ cm}^2; M_{ser} = 32.99 \text{ kN.m}; b = 40 \text{ cm};$$

La position de l'axe neutre :

$$(b/2)y^2 - 15A_s(d-y) = 0 \quad \Rightarrow y = 10.78 \text{ cm}$$

Le moment d'inertie I :

$$I = (b/3)y^3 + 15A_s(d-y)^2 = 75379.0849 \text{ cm}^4$$

On vérifie que :

$$\sigma_b = \frac{M_{ser}}{I} y \leq \bar{\sigma}_{bc} \text{ et } \sigma_a = n \frac{M_{ser}}{I} (d-y) \leq \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma_b = 4.71 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_b = 15 \text{ MPa} \quad \Rightarrow OK$$

$$\sigma_a = 165.56 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_a = 240 \text{ MPa} \quad \Rightarrow OK$$

**b. Vérification de la condition de non fragilité**

$$A_s \geq A_s^{\min} = 0,23 b d \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_s = \min \{A_s^t; A_s^a\} = A_s^a = 6.15 \text{ cm}^2$$

$A_s^t$  : Sections des armatures en travées.

$A_s^a$  : Sections des armatures en appuis.

$$A_s^{\min} = 0,23 \times 40 \times 36 \frac{2,1}{400} = 1.73 \text{ cm}^2 < A_s = 6.15 \text{ cm}^2 \quad \Rightarrow Ok$$

**c. Vérification de la flèche**

On doit vérifier dans les deux sens

Remarque :  $M_t$  (Moment en travées a l'ELS).

$$\frac{h}{L} \geq \frac{1}{16} \quad \Rightarrow \frac{0,40}{4,05} = 0,098 > \frac{1}{16} = 0,0625 \quad \Rightarrow Ok$$

$$\frac{A_s}{b_0 d} \leq \frac{4,2}{f_e} \quad \Rightarrow \frac{9,24}{40 \times 36} = 0,00641 < \frac{4,2}{f_e} = 0,0105 \quad \Rightarrow OK$$

$$\frac{h}{L} \geq \frac{M_{t-ser}}{10M_{0-ser}} \quad \Rightarrow \frac{h}{L} = 0,098 > \frac{M_{t-ser}}{10M_{0-ser}} = \frac{56,083}{10 \times 65,98} = 0,085 \quad \Rightarrow Ok$$

**d. Vérification de la contrainte de cisaillement (effort tranchant)**

Il faut vérifier que :

$$\tau_u = \frac{T_u}{b.d} \leq \bar{\tau}_u = \min \left\{ 0,2 \times \frac{f_{c28}}{\gamma_b}; 5 \text{ MPa} \right\} = \min \{3,33 \text{ MPa}; 5 \text{ MPa}\} = 3,33 \text{ MPa}$$

$$T_u = 89.69 \text{ kN}; b = 40 \text{ cm}; d = 36 \text{ cm}$$

$$\tau_u = \frac{89.69 \cdot 10^3}{400 \times 360} = 0.622 \text{ MPa} < 3.33 \text{ MPa} \Rightarrow \text{Ok}$$

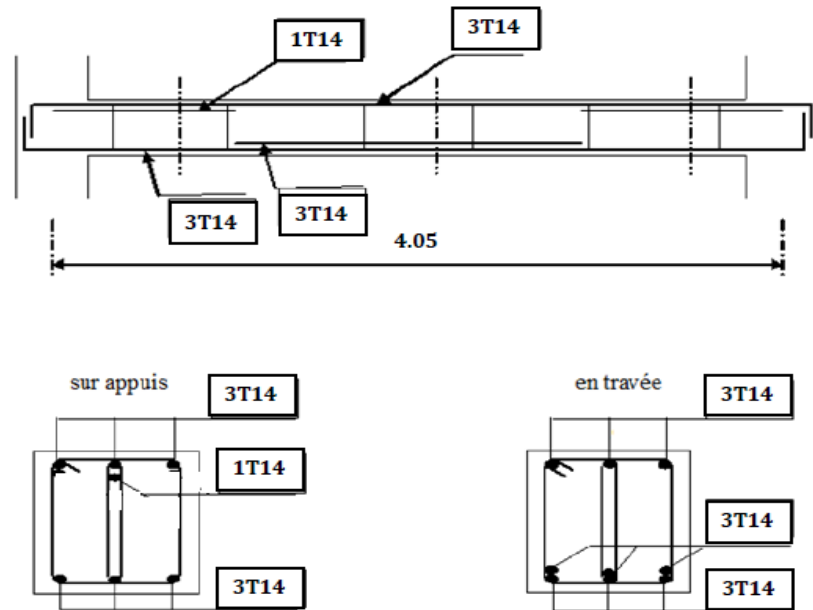


Figure III.11: Ferrailage de poutre palière.

### III.6 Calcul du plancher :

#### III.6.1 Définition :

Les planchers sont des éléments plans horizontaux supposés infiniment rigides leur plan. Ils ont pour rôle.

- Cheminement des charges aux éléments porteurs.
- Assure l'isolation des différents étages des points de la vue thermique et acoustique.

#### III.6.2 Calcul des planchers (poutrelles):

**Pour le calcul des moments et d'efforts tranchants:** On utilise les méthodes suivantes :

##### III.6.2.1 Méthode FORFAITAIRE :

###### Domaine d'application:

- Fissuration n'est pas préjudiciable
- Les portées successives des travées dans un rapport 0.8 à 1.25 ;  $(0.8 \leq \frac{L_i}{L_{i+1}} \leq 1.25)$
- Les éléments d'inertie dans les sections transversales sont les mêmes.
- La charge d'exploitation est au plus égale à deux fois la charge permanente ou à 5 KN/m<sup>2</sup>.

###### Application de la méthode :

Soit :  $M_0 = \frac{qL^2}{8}$  : Moment fléchissant de la poutre isostatique.

$$\alpha = \frac{Q_B}{Q_B + G}$$

Les moments :

• **Les moments en travées :**

➤ Pour les travées de rive :

$$M_t + \left( \frac{M_w + M_e}{2} \right) \geq \max \left[ (1 + 0.3\alpha) M_0; 1.05 M_0 \right]$$

$$M_t \geq \frac{1.2 + 0.3\alpha}{2} M_0$$

➤ Pour les travées intermédiaires :

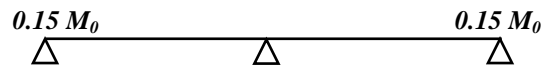
$$M_t + \left( \frac{M_w + M_e}{2} \right) \geq \max \left[ (1 + 0.3\alpha) M_0; 1.05 M_0 \right]$$

$$M_t \geq \frac{1 + 0.3\alpha}{2} M_0$$

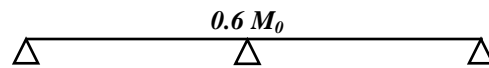
• **Les moments en appuis :**

Pour une poutre à deux travées.

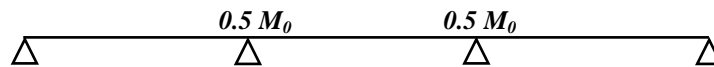
$0.15 M_0$  : Pour les appuis de rive.



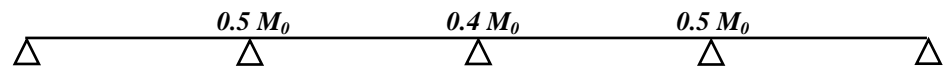
$0.6 M_0$  : Pour une poutre à deux travées



$0.5 M_0$  : Pour les appuis de rive pour une poutre > 2 travées.



$0.4 M_0$  : Pour les appuis intermédiaires pour une poutre > 3 travées.



**L'effort tranchant :**

$$T_w = \frac{qL}{2} + \left| \frac{M_w - M_e}{L} \right|$$

$$T_e = \frac{-qL}{2} + \left| \frac{M_w - M_e}{L} \right|$$

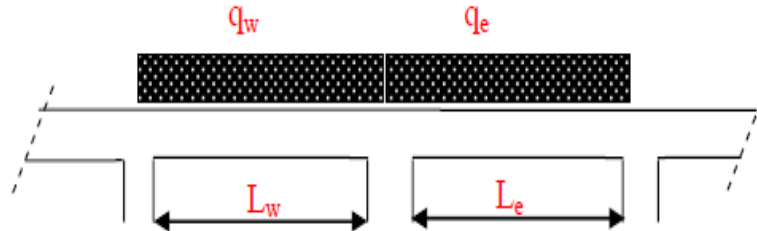
**3.6.2.2. Méthode CAQUOT :**

Pour une poutre continue sur (n) appuis la méthode des trois moments aboutit un système de (n-1) équations à (n-1) inconnues qui sont les moments sur appuis. La méthode de

calcul proposée par *Albert Caquot* part du postulat que les moments sur appuis sont provoqués par les charges se trouvant sur les travées adjacentes à l'appui considéré [7].

Portées de calcul (selon Caquot).

- ✓ Les moments aux nus des appuis sont calculés en tenant en compte uniquement des charges appliquées sur les travées voisines à gauche (w) et à droite (e).
  - ✓ On détache de chaque côté des appuis des travées fictives de longueur  $l'_w$  et  $l'_e$ .
- $l'_w$  ou  $l'_e = 0.8.l_i$  : pour les travées intermédiaires ;  
 $l'_w$  ou  $l'_e = l_i$  : pour les travées les travées de rives.



• **Calcul des moments en appuis et effort tranchant**

✓ Charge répartie

Le moment sur l'appui (calculer en valeur absolue) est exprimé par l'expression suivante :

**Application de la méthode :**

**Les moments :**

• Les moments en appuis :

- Appuis de rive :  $M_A = M_H = 0$  ( $M_A$  et  $M_H$  : le moment de première et dernière appuis).

- Appuis intermédiaires :  $M_{appuis} = \frac{q_w l_w'^3 + q_e l_e'^3}{8.5(l_w' + l_e')}$  Eq (3.11)

Avec :  $l' = l$  Pour les deux travées de rive.

$l' = 0.8l$  Pour les travées d'intermédiaires.

• Les moments en travée :

$$\begin{cases} x_0 = \frac{-T_w}{q} \\ M_t = M_w - T_w \cdot x_0 - \frac{q \cdot x_0^2}{2} \end{cases} \quad \text{Eq (3.12)}$$

**Les efforts tranchants :**

L'effort tranchant est calculé en considérant la travée réelle (de portée  $l$  et non  $l'$ )

$$\begin{cases} T_w = \frac{M_w - M_e}{l} - \frac{ql}{2} \\ T_e = T_w + ql \end{cases} \quad \text{Eq (3.13)}$$

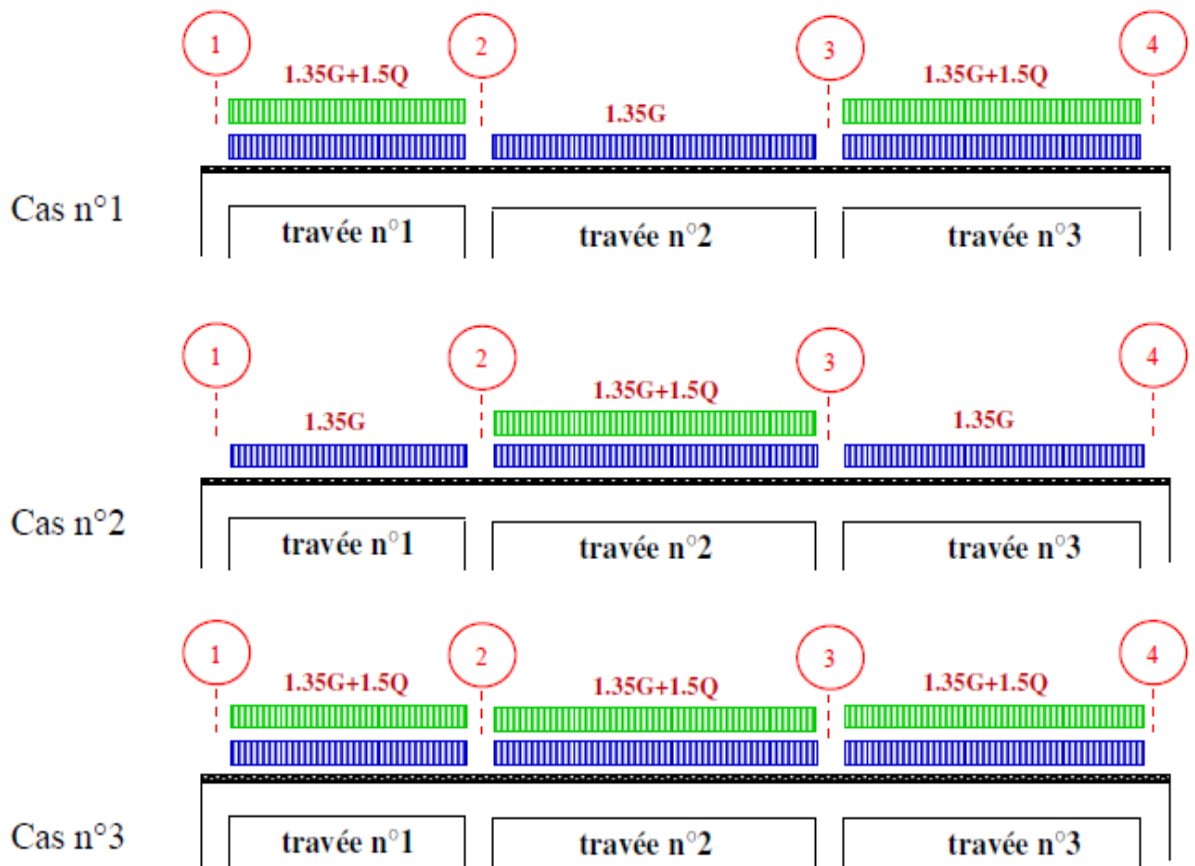
$M_e; M_w$  : Sont des moments des appuis à droite et à gauche de la travée considérée.

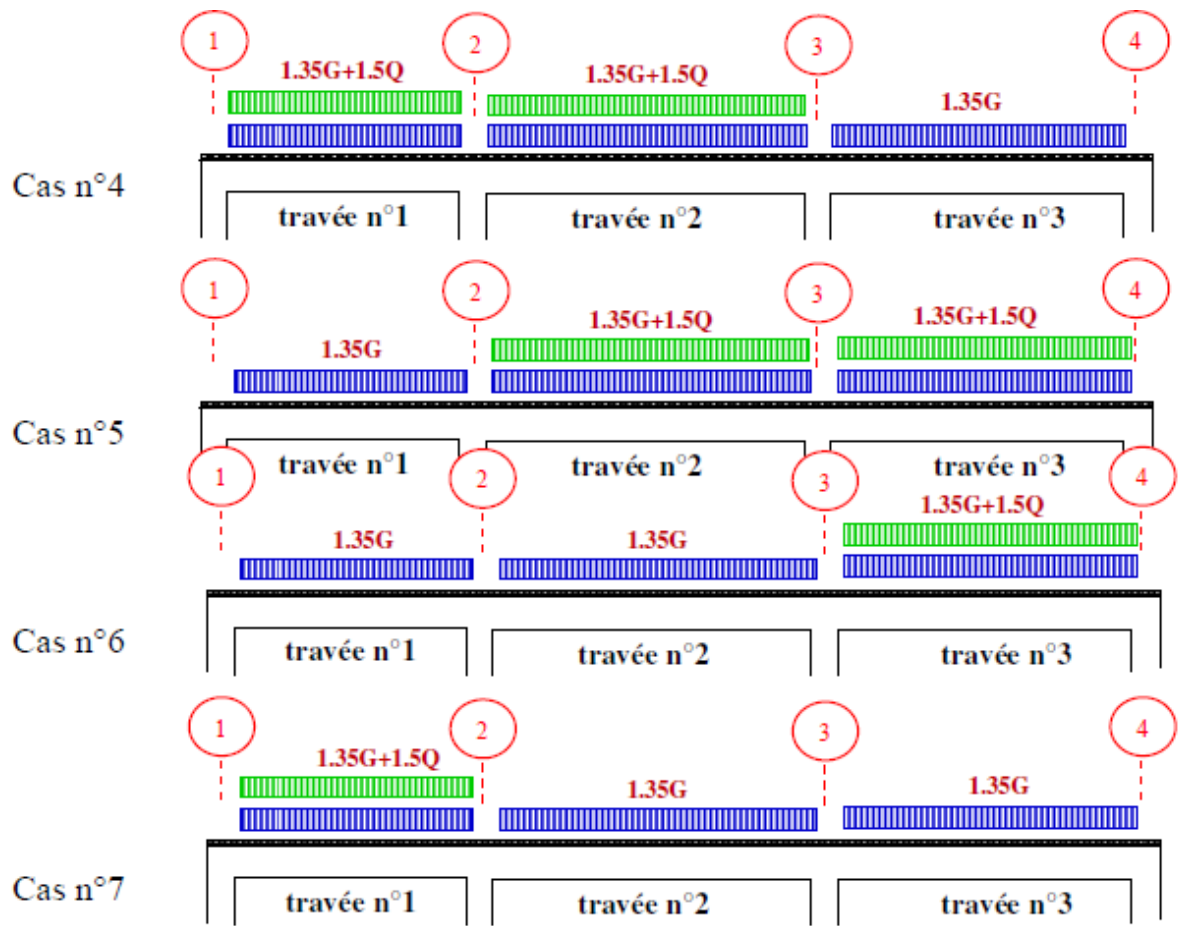
## ❖ Exemple des différentes charges à envisager à l'ELU (G et Q uniquement)

Les différents cas de charges à considérer doivent permettre de déterminer les valeurs maximales des moments en travée et sur appuis.

Le chargement des travées dépend également de la nature des charges (voir la figure 3.6).

- Charge permanente (toutes travées chargées).
- Charge d'exploitation :
  - les travées paires chargées ;
  - les travées impaires chargées ;
  - deux travées adjacentes quelconques chargées.





**Figure 3.6 :** Cas de charges à prendre compte pour une poutrelle sur quatre appuis.

**III.6.2.3 Ferrailage :**

Les poutrelles sont ferrillées à la flexion simple, avec une fissuration peu nuisible organigramme de la flexion simple (section en T):

Organigramme de calcul de la poutrelle à la flexion simple avec FPN -section en T e-

Données :

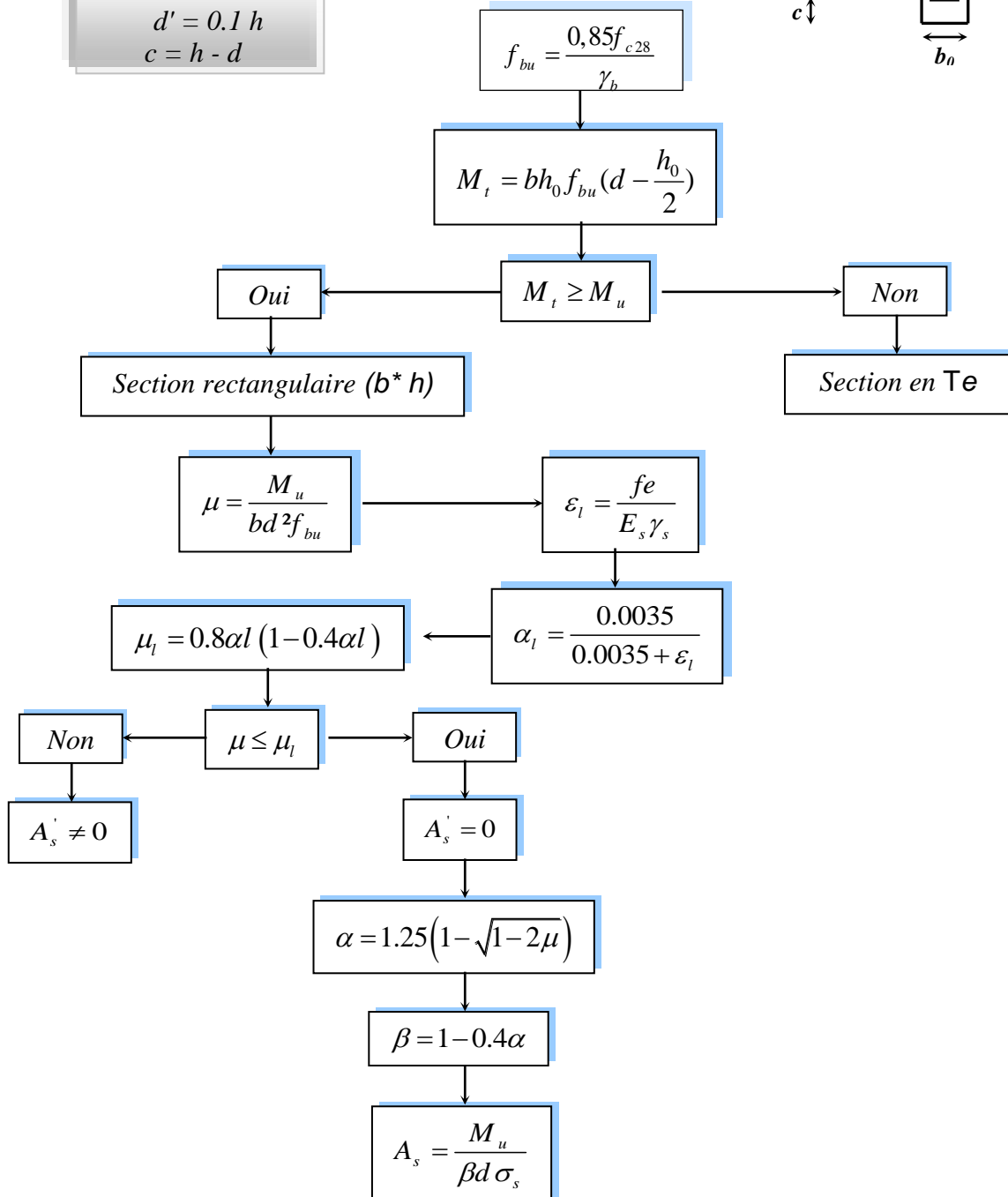
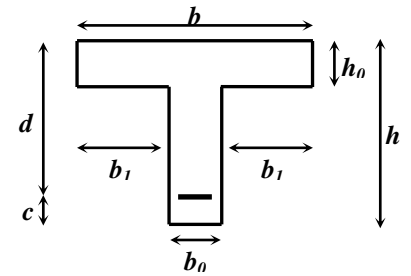
$$b, h, h_0$$

$$f_{c28}, f_e$$

$$d = 0.9 h$$

$$d' = 0.1 h$$

$$c = h - d$$



**a. Condition de non fragilité :**

$$A_s \geq A_{\min} = \frac{0,23 \times b d f_{t28}}{f_e}$$

**b. Vérification de contrainte :**

$$\sigma_{bc} \leq \bar{\sigma}_{bc}$$

$$\text{Avec : } \sigma_{bc} = \frac{M_{ser}}{I} y \quad \text{et} \quad \bar{\sigma}_{bc} = 0.6 f_{c28}$$

$$b y^2 + 30(A_s + A'_s) y - 30(d A_s + d' A'_s) = 0$$

$$I = \frac{b}{3} y^3 + 15 \left[ A_s (d - y)^2 + A'_s (y - d')^2 \right]$$

**c. Condition de cisaillement :**

Pour éviter le risque de cisaillement il faut que :

$$\tau_u \leq \bar{\tau}_u$$

$$\text{Avec : } \tau_u = \frac{V_u}{b d}$$

$$\bar{\tau}_u = \min(0.13 f_{c28}, 4 \text{MPa})$$

**d. Espacement :**

$$S_t \leq S_t^{\max}$$

$$\text{Avec : } S_t^{\max} \leq \min(0.9d, 40 \text{cm})$$

**e. Vérification de flèche :**

$$\frac{h}{L} \geq \frac{1}{16}$$

$$\frac{A}{b d} \leq \frac{4,2}{f_e}$$

$$\frac{h}{L} \geq \frac{M_t}{10 \times M_0}$$

Si les trois conditions ne sont pas vérifiées la flèche est nécessaire d'après le BAEL 91 :  
Pour les flèches dues aux charges instantanées :

$$f_i = \frac{M L^2}{10 E_i I_{fi}} \quad \text{où} \quad I_{fi} = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda_i \mu} \quad \text{et} \quad \lambda_i = \frac{0.05 \times f_{t28}}{\rho \left( 2 + 3 \frac{b_0}{b} \right)} \quad \text{et} \quad \mu = 1 - \frac{1.75 f_{t28}}{4 \rho \sigma_s + f_{t28}}$$

Pour les flèches dues aux charges de longue durée :

$$f_v = \frac{M L^2}{10 E_v I_{fv}} \quad \text{où} \quad I_{fv} = \frac{1.1 I_0}{1 + \lambda_v \mu} \quad \text{et} \quad \lambda_v = \frac{0.02 f_{t28}}{\rho \left( 2 + 3 \frac{b_0}{b} \right)} = 0.4 \lambda_i \quad \text{avec} \quad \rho = \frac{A_s}{b_0 d}$$



La flèche totale à comparer aux valeurs admissible vaut :

$$\Delta f_i = f_{gv} - f_{ji} + f_{pi} - f_{gi}$$

La flèche admissible est :

$$\bar{f} = \frac{L}{500} \quad \text{si } L < 5m$$

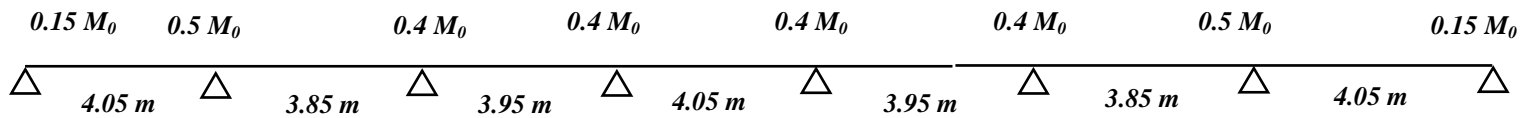
$$\bar{f} = 0.5 + \frac{L}{1000} \quad \text{si } L > 5m$$

### III.6.2.4 Vérification des conditions de la méthode forfaitaire

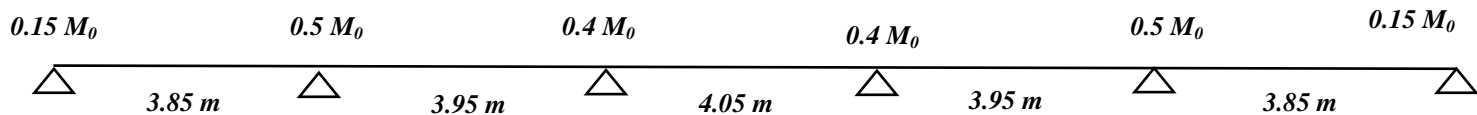
- Types des planchers :

#### a. Terrasse :

##### Type 1 :

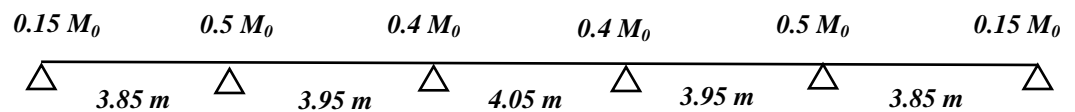


##### Type 2 :



#### b. Etage courant + RDC :

##### Type 1 :



##### Type 2 :

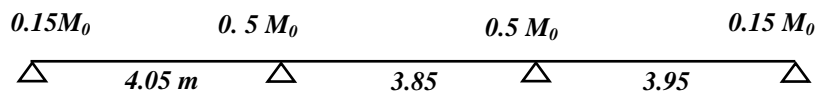


Figure III.12: Evaluation des moments fléchissant.

#### Exemple de calcul :

On prend comme un exemple de calcul le **type 1** de plancher **terrasse**.

- **Evaluation des efforts tranchants** : Les efforts tranchants sont évalués soit forfaitairement en supposant la discontinuité entre les travées, dans ce cas les efforts tranchants hyperstatiques sont confondue même avec les efforts tranchants isostatiques sauf pour les premiers appuis intermédiaires (voisin de rive).

- **L'effort tranchant isostatique doit être majoré de :**

\* (15 %) s'il s'agit d'une poutre deux travées.

\* 10 % s'il s'agit d'une poutre plus de deux travées.

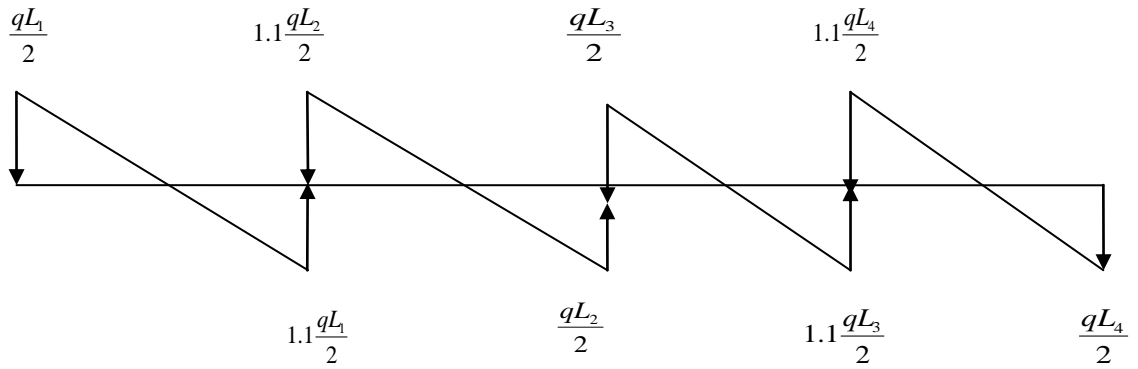


Figure III.13: Evaluation des efforts tranchants.

$$Q = 1.5 \text{ KN/m}^2 \leq \{2G = 10.28 \text{ KN/m}^2, 5 \text{ KN/m}^2\} \dots \text{CV}$$

Les moments d'inertie constante ..... CV.

$$0.8 \leq \frac{L_i}{L_{i+1}} \leq 1.25 \dots \dots \dots \text{CV.}$$

Fissurations sont considérées comme peu préjudiciables puisque les planches sont protégées ..... CV.

Absence de charge rapidement variable dans le temps et de position ..... CV

$$0.8 \leq \frac{4.05}{3.85} = 1.05 \leq 1.25$$

$$0.8 \leq \frac{3.85}{3.95} = 0.97 \leq 1.25$$

$$0.8 \leq \frac{3.95}{4.05} = 0.97 \leq 1.25$$

$$0.8 \leq \frac{4.05}{3.95} = 0.97 \leq 1.25$$

$$0.8 \leq \frac{3.95}{3.85} = 1.05 \leq 1.25$$

$$0.8 \leq \frac{3.85}{4.05} = 0.95 \leq 1.25$$

**Plancher terrasse :**

$$\alpha = \frac{Q}{Q+G} = \frac{1}{1+6.72} = 0.13$$

$$1+0.3\alpha = 1+(0.3 \times 0.13) = 1.04$$

$$\frac{(1.2+0.3\alpha)}{2} = \frac{(1.2+(0.3 \times 0.13))}{2} = 0.62$$

$$\frac{(1+0.3\alpha)}{2} = \frac{(1+(0.3 \times 0.13))}{2} = 0.52$$

**Plancher étage :**

$$\alpha = \frac{Q}{Q+G} = \frac{1.5}{1.5+5.14} = 0.22$$

$$1 + 0.3\alpha = 1 + (0.3 \times 0.22) = 1.066$$

$$\frac{(1.2 + 0.3\alpha)}{2} = \frac{(1.2 + (0.3 \times 0.22))}{2} = 0.633$$

$$\frac{(1 + 0.3\alpha)}{2} = \frac{(1 + (0.3 \times 0.22))}{2} = 0.533$$

**III.6.2.5 Evaluation des charges :**

**a) Plancher terrasse :**

$$G = 6.72 \text{ KN} / \text{m}^2$$

$$Q = 1 \text{ KN} / \text{m}^2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} g = 6.72 \times 0.65 = 4.37 \text{ KN} / \text{ml} \\ q = 1 \times 0.65 = 0.65 \text{ KN} / \text{ml} \end{array} \right\}$$

**b) Plancher étage :**

$$G = 5.14 \text{ KN} / \text{m}^2$$

$$Q = 1.5 \text{ KN} / \text{m}^2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} g = 5.14 \times 0.65 = 3.341 \text{ KN} / \text{ml} \\ q = 1.5 \times 0.65 = 0.98 \text{ KN} / \text{ml} \end{array} \right\}$$

**III.6.2.6 Combinaisons d'action :**

ELU :  $P_u = 1.35g + 1.5q$

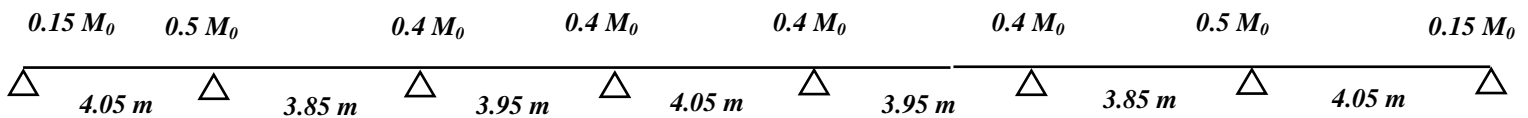
ELS :  $P_s = g + q$

Désignations	Terrasse	étage
ELU	6.87	5.98
ELS	5.02	5.32

**III.6.3 Détermination des sollicitations des planchées :**

**III.6.3.1 Plancher terrasse :**

**Type 1 :**



**ELU :**

Travée	L(m)	P <sub>U</sub> (KN)	M <sub>0</sub>	M <sub>g</sub>	M <sub>d</sub>	M <sub>t</sub>	T <sub>g</sub>	T <sub>d</sub>
1	4.05	6.87	14.08	2.11	7.04	10.20	13.91	15.30
2	3.85	6.87	12.72	6.36	5.08	7.636	14.54	13.22
3	3.95	6.87	13.39	5.35	5.35	8.7	13.56	13.56
4	4.05	6.87	14.08	5.63	5.63	9.15	13.91	13.91
5	3.95	6.87	13.39	5.35	5.35	8.7	13.56	13.56
6	3.85	6.87	12.72	5.08	6.36	7.636	13.22	14.54
7	4.05	6.87	14.08	7.04	2.11	10.20	15.30	13.91

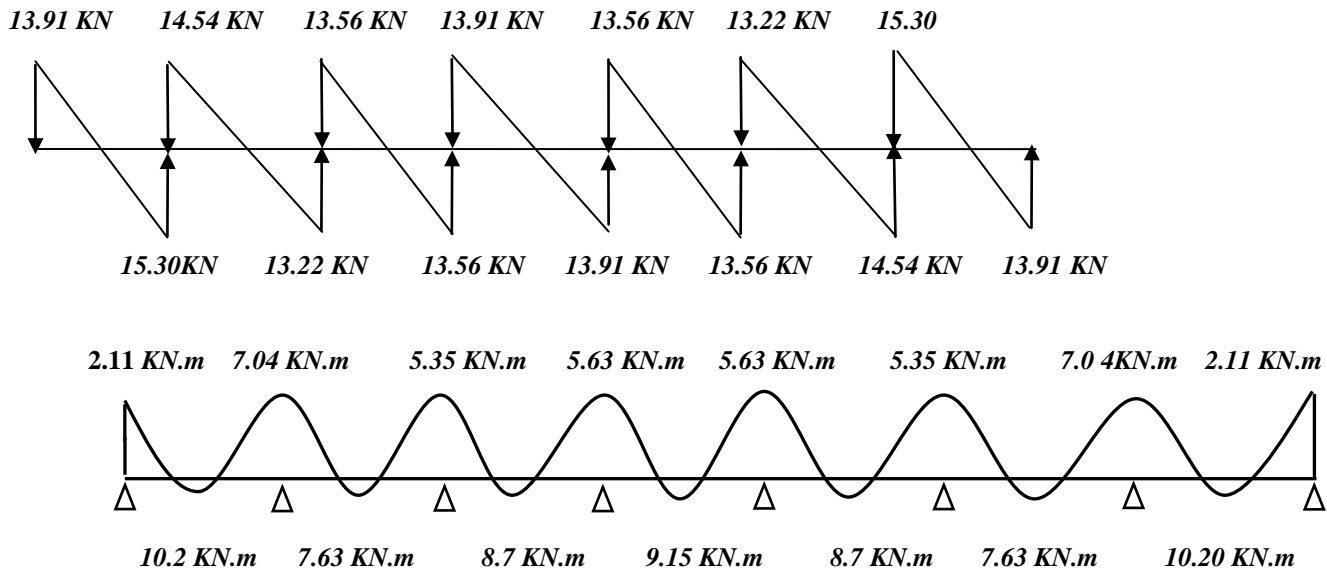


Figure III.14: Evaluation des moments et efforts tranchants type 01 (plancher terrasse).

**ELS:**

Travée	L(m)	P <sub>s</sub> (KN)	M <sub>0</sub>	M <sub>g</sub>	M <sub>d</sub>	M <sub>t</sub>
1	4.05	5.02	10.29	1.54	5.14	7.46
2	3.85	5.02	9.30	4.65	3.72	5.76
3	3.95	5.02	9.79	3.91	3.91	6.36
4	4.05	5.02	10.29	4.11	4.11	6.69
5	3.95	5.02	9.79	3.91	3.91	6.36
6	3.85	5.02	9.30	3.72	4.65	5.76
7	4.05	5.02	10.29	5.14	1.54	7.46

**III.6.4 Ferrailage des poutrelles :**

Les armatures seront calculées sous les sollicitations les plus défavorables et le calcul est conduit pour une section en T soumise à la flexion simple.

**ELU :**

Calcul de moment résistant de la section en T:

$$M_o = f_{bu} \times b \times h_o \left( d - \frac{h_o}{2} \right) = 14.2 \times 65 \times 4 \times \left( 18 - \frac{4}{2} \right) = 59072 N.m$$

$$M_{t \max} = 10200 < 59072 N.m$$

Par conséquent, seule une partie de la table est comprimée et la section en T sera calculée comme une section rectangulaire de largeur b= 65cm et de hauteur d= 18 cm.

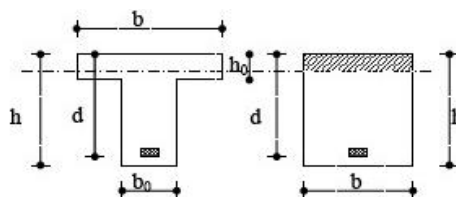


Figure III.15: Coupe de Section Rectangulaire et Section en T.

**Travée :**

$$\mu = \frac{M_t}{\delta_b \times b \times d^2} = \frac{10.20 \times 10^6}{14.2 \times 650 \times 180^2} = 0.034 < 0.392$$

Donc les armatures comprimées sont pas nécessaire  $A' = 0$

$$\alpha = 1.25(1 - \sqrt{1 - 2\mu}) = 0.043$$

$$Z = d(1 - 0.4\alpha) = 18(1 - 0.4 \times 0.043) = 17.77 \text{ cm} = 17.69 \text{ cm}$$

$$A_u = \frac{10.20 \times 10^3}{17.69 \times 348} = 1.65 \text{ cm}^2$$

$M_t(\text{N.m})$	$\mu$	$\mu_l$	$\alpha$	$Z$	$A(\text{cm}^2)$
10.20	0.034	0.392	0.043	17.69	<b>1.65</b>

**Sur appuis :**

Le moment sur appui est négatif, donc le béton de la dalle se trouve dans la zone tendue, alors nous considérons une section de largeur  $b_0 = 10 \text{ cm}$ .

$$\mu = \frac{M_a}{\delta_b \times b \times d^2} = \frac{7.04 \times 10^6}{14.2 \times 100 \times 180^2} = 0.153$$

$$\alpha = 0.208$$

$$Z = 16.50 \text{ cm}$$

$$A = \frac{7.04 \times 10^6}{348 \times 165} = 1.22 \text{ cm}^2$$

$M_a(\text{N.m})$	$\mu$	$\mu_l$	$\alpha$	$Z$	$A(\text{cm}^2)$
7.04	0.153	0.392	0.208	16.50	<b>1.22</b>

**Condition de fragilité**

$$A_{\min} = \max \left\{ \frac{b \times h}{1000}; 0.23 * b * d * \frac{f_{t28}}{f_e} \right\}$$

	$A_c$	$A_{\min}$	$A_{\max}$	$A_d$
<b>Travée</b>	1.65	1.41	1.65	<b>3HA10=2.36</b>
<b>Appui</b>	1.22	0.21	1.22	<b>2HA10=1.57</b>

❖ **Vérification de la l'effort tranchant :**

$$\tau_\mu = \frac{T_u}{d \times b_0} = \frac{15.30 \times 10^3}{180 \times 100} = 0.85$$

$$\bar{\tau}_u = 3.3$$

$$\tau_\mu < \bar{\tau}_u$$

❖ **Armature de répartition :**

$$\phi_t \leq \min \left( \frac{h}{35}, \frac{b_0}{10}, \phi_{t \min} \right)$$

$$\phi_t = 6 \text{ mm}$$

**Travée :**

$$A_t = \frac{A_{\max}}{4} = \frac{2.36}{4} = 0.59 \text{ cm}^2$$

**Appui :**

$$\frac{1.57}{4} = 0.39 \text{ cm}^2$$

On adopte : **2HA6.**

❖ **Vérification des armatures longitudinales en partie basses de l'appui :**

L'effort de traction dans ces aciers équilibre l'effort tranchant  $T_u$ , diminué de l'effet du moment qui vient les comprimer.

$$\text{Donc } F_{st} = |T_u| - \frac{M_u}{Z} \text{ avec } z = 0.9d.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} F_{st} = |T_u| - \frac{M_u}{0.9d} \text{ donc : si } |M_u| \geq 0.9d \times T_u \text{ (les efforts } T_u \text{ sont négligeable)} \\ \text{Si } |M_u| < 0.9d \times T_u : A_s \geq \frac{\gamma_s \cdot (|T_u| - |M_u|) \cdot 0.9d}{f_e} \\ 10.20 > 0.9 \times 0.18 \times 15.30 = 2.47 \text{ donc les efforts } T_u \text{ sont négligeables.} \end{array} \right.$$

❖ **Vérification de la profondeur minimale d'appui :**

La bielle d'about a une largeur  $a$  qui vérifie  $a \leq 0.9d \rightarrow a \leq 16.2$ .

❖ **Vérification de la bielle de béton : (BAEL A.5.1, 313)**

$$T_u \leq 0.26 \times b \times a \times f_{c28} \Rightarrow a \geq \frac{3.75 T_u}{b \times f_{c28}}$$

$$\Rightarrow a \geq \frac{3.75 \times 15.3 \times 10^3}{100 \times 25} = 2.29 \text{ cm} < 16.2 \text{ cm}$$

❖ **Condition de non fragilité : (BAEL 91 A.4.2.1)**

$$A_{\min} = \frac{I_{Gt}}{(d - \frac{h_0}{3})v} \times \frac{f_{t28}}{f_e} =$$

$$I_{Gt} = b \times \frac{h^3}{3} + (b - b_0) \frac{h^3}{3} - [b_0 + (b - b_0) \times h_0] v^2 =$$

$$v = h - v' = 20 - 9.38 = 10.62$$

$$v' = \frac{b_0 \times h^2 + (b - b_0) \times h_0^2}{2(b_0 + (b - b_0) \times h_0)} = \frac{10 \times 20^2 + (65 - 10) \times 4^2}{2[10 + (65 - 10)] \times 4^2} = 9.38$$

**ELS**

❖ **Vérification des contraintes :**

$$\delta_b = \frac{M_{ser}}{I} \times y \leq \overline{\delta_{bc}} = 15 \text{ MPa}$$

❖ Détermination de la valeur de « y » :

Travée

$$\frac{b}{2} \times y^2 + h \times A'_s (y - c') - n \times A_s (d - y) = 0$$

Avec  $\rightarrow n = 15$

$$h \times A'_s (y - c') = 0$$

Travée:

$$\frac{65}{2} y^2 - 15 \times 2.36(18 - y) = 0$$

$$y = 3.91$$

appui :

$$\frac{10}{2} y^2 - 15 \times 1.57(18 - y) = 0$$

$$y^2 + 3y - 84.78 = 0$$

$$y = 7.82$$

❖ Moment d'inertie:

$$I = \frac{b \times y^3}{3} + n \times A_s (d - y)^2$$

$$I_t = \frac{65 \times 3.91^3}{3} + 15 \times 2.36 \times (18 - 3.91)^2 = 8323.04 \text{ cm}^4$$

$$I_a = \frac{10 \times 7.82^3}{3} + 15 \times 1.57 \times (18 - 7.82)^2 = 2600 \text{ cm}^4$$

	M <sub>ser</sub>	A <sub>s</sub>	y	I	δ <sub>bc</sub>	δ <sub>bc</sub> ≤ δ <sub>bc</sub> <sup>max</sup>
<b>Travée</b>	7.46	2.36	3.91	8323.04	3.50	CV
<b>Appuis</b>	5.14	1.57	7.82	2600	1.50	CV

❖ Ferrailage transversale :

$$\varphi_t \leq \min \left[ \frac{h}{35} ; \varphi_{t \min} ; \frac{b_o}{10} \right]$$

$$\varphi_t \leq \min \left[ \frac{20}{35} ; 10 ; \frac{10}{10} \right]$$

$$\varphi_t \leq 0.57 \text{ cm}$$

$$\varphi_t = \phi 6$$

❖ Espacement :

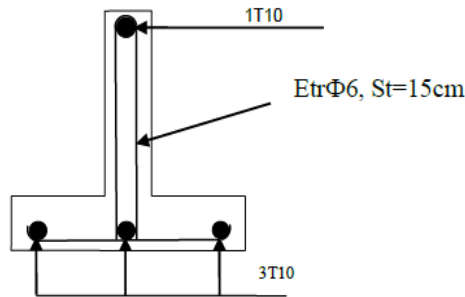
$$s_{t1} \leq \min(0.9d, 40 \text{ cm})$$

$$s_{t1} \leq 18 \text{ cm}$$

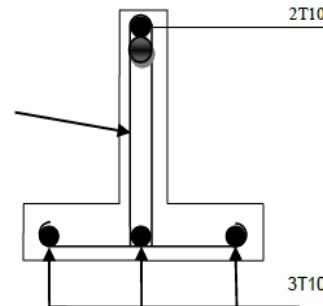
$$S_t = 15 \text{ cm}$$

**Schéma de ferrailage :**

En travées :



sur appui :

**Figure III.16:** Ferrailage de poutrelle.**III.7 Etude de la table de compression**

La dalle doit avoir une épaisseur minimale de **4 cm**, elle est armée d'un quadrillage de barres, les dimensions de la maille ne doivent pas dépasser :

**20cm** (5.par m) pour les armatures perpendiculaires aux poutrelles.

**33cm** (3.par m) pour les armatures parallèles aux poutrelles.

❖ **section minimale des armatures perpendiculaires aux poutrelles :**

$$A_{\perp} \geq 200/f_e \quad (\text{cm}^2/\text{ml}) \quad \text{si} \quad L \leq 50\text{cm} ;$$

$$A_{\perp} \geq 4L/f_e \quad (\text{cm}^2/\text{ml}) \quad \text{si} \quad 50\text{cm} \leq L \leq 80\text{cm} ;$$

Avec (L: l'écartement entre axe des nervures).

❖ **section minimale des armatures parallèles aux poutrelles :**

$$A_{//} \geq A_{\perp}/2 ;$$

$$L = 0,65 \text{ m} ;$$

$$f_e = 215 \text{ MPa} ;$$

$$50\text{cm} \leq L = 65 \text{ cm} \leq 80 \text{ cm} \rightarrow A_{\perp} \geq 4 \times 65 / 215 = 1,21 \text{ cm}^2/\text{ml}.$$

$$\text{On prend : } A_{\perp} = 5\phi 8 = 2,51 \text{ cm}^2/\text{ml} ;$$

$$A_{//} \geq 2,51/2 = 1,26 \text{ cm}^2/\text{ml} \text{ on prend : } A_{//} = 4\phi 8 = 2,01 \text{ cm}^2/\text{ml} ;$$

On prend un quadrillage de section  $5\phi 8$  avec un espacement de 20.

- 33 cm (3 par mètre) pour les armatures parallèles aux poutrelles.



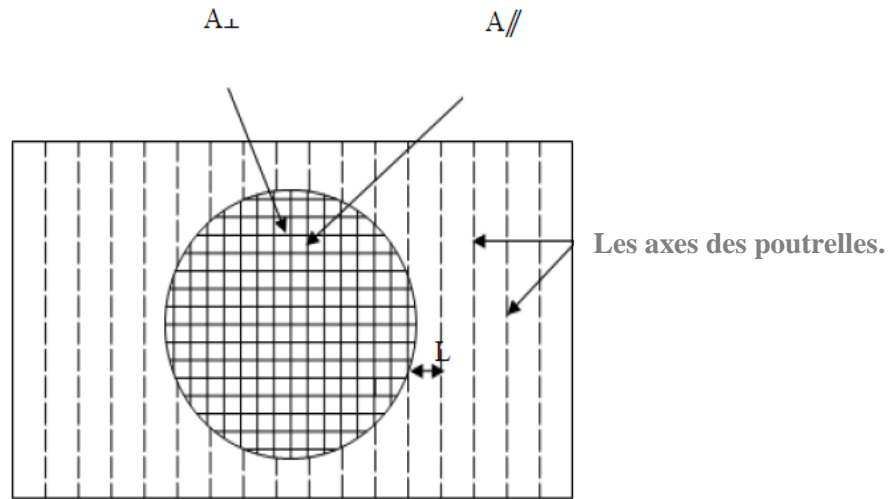


Figure III.17: Ferrailage de la table de compression

### III.8 Conclusion

Dans ce chapitre, on a pour déterminer le ferrailage des éléments secondaires de notre structure, et ceci on répond à toutes les exigences du RPA99 version 2003, BAEL 91 modifié en 99, et le CBA 93.

1. Acrotère :
  - Les armatures longitudinales : **4HA8.**
  - Les armatures transversales : **4 HA6.**
2. Balcons :
  - Les armatures longitudinales : **3HA12**
  - Les armatures transversales : **3 HA8.**
3. Escaliers :
  - Les armatures longitudinales :
    - Travée : **5 HA14.**
    - Appui : **4 HA10.**
  - Les armatures transversales
    - Travée : **4 HA8.**
    - Appui : **3 HA8.**
4. Poutre palière :
  - Les armatures longitudinales :
    - Appui : **4HA14.**
    - Travée : **6HA14.**
  - Les armatures transversales : **1cadre HA 8+1étrier Φ8.**
5. Planchers :
  - Les armatures longitudinales :
    - Appui : **2 HA10.**
    - Travée : **3 HA10.**
  - Les armatures transversales : **2étrier Φ6.**
6. Table de compression :
  - $A_{\perp} = 5\phi 8 = 2,51 \text{ cm}^2/\text{ml}$**  (Espacement de **20cm**)
  - $A_{//} = 4\phi 8 = 2,01 \text{ cm}^2/\text{ml}$**  (Espacement de **33cm**)