

سلسلة تمارين رقم 4

التمرين الأول

1- أحسب المحددات

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 1 & 6 & 3 \\ 2 & -4 & 0 \end{vmatrix}, \Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{vmatrix}, \Delta_3 = \begin{vmatrix} 2 & 1 & -3 \\ 3 & -2 & 2 \\ 5 & -3 & -1 \end{vmatrix}$$

2- إستنتج المحددات التالية:

$$\Delta_4 = \begin{vmatrix} 1 & 6 & 3 \\ 3 & 2 & -1 \\ 2 & -4 & 0 \end{vmatrix}, \Delta_5 = \begin{vmatrix} 5 & -3 & -1 \\ 3 & -2 & 2 \\ 2 & 1 & -3 \end{vmatrix}, \Delta_1 = \begin{vmatrix} 3 & 0 & 6 \\ 3 & 3 & 3 \\ 0 & 3 & 3 \end{vmatrix}$$

التمرين الثاني

لتكن الجمل التالية:

$$(2) \begin{cases} x_1 + x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 2 \\ x_2 + x_3 = 3 \end{cases}, \quad (1) \begin{cases} 2x + y - 3z = 5 \\ 3x - 2y + 2z = 5 \\ 5x - 3y - z = 16 \end{cases}$$

1- أكتب الشكل المصفوفي للجمل ثم أوجد الحلول بطريقة كرامر (طريقة المحددات)

التمرين الثالث

لتكن المصفوفة A :

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 1 & 6 & 3 \\ 2 & -4 & 0 \end{pmatrix}$$

1- برهن أن A قابلة للقلب

2- أحسب A^{-1}

3- بإستعمال A^{-1} أوجد حلا للجمل $AX = b$ حيث $X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$, $b = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}$

ملاحظة: يمنع إستعمال الآلة الحاسبة في إمتحان الرياضيات 2