تحليل العلاقة بين العائد والمخاطرة لمحفظة الأوراق المالية

نادرًا ما يحتفظ المستثمرون بورقة مالية واحدة، فهم عادة يحملون مجموعة من الأوراق (إثنين أو أكثر)، والتي سميناها سابقا محفظة مالية، والأكيد أن هدف كل مستثمر هو الحصول عبلة أفضل محفظة أو ما يعرف بالمحفظة المثلى، وهذا ما تهتم له نظرية المحفظة من خلال البحث عن تلك المحفظة التي تحقق أعلى عائد عند مستوى معين من المخاطرة، أو أدنى مستوى من المخاطرة عند مستوى معين من العائد المتوقع.

وبالتالي فالمر يتطلب حساب كل من عائد ومخاطر المحفظة وهو ما سنحاول التطرق إليه فيما يلي:

1. **معدل العائد الفعلي للمحفظة (المحقق)**: هو ذلك المعدل من العائد المحقق فعلا، والذي حققه المستثمر من امتلاك محفظته، ويمثل **مجموع** العوائد الفعلية لكل **مكونات** المحفظة مرجحة **بأوزان** مساهمتها في رأسمال المحفظة، وبذلك يطلق عليه العائد المتحقق **الموزون**، ويمكن حسابه عن طريق الصيغة التالية:

$$\textbf{\textit{معدل العائد الفعلي للمحفظة}} = \frac{\text{القيمة النهائية للمحفظة} + \text{التوزيعات} - \text{القيمة الأولية للمحفظة}}{\text{القيمة الأولية للمحفظة}}$$

يساوي العائد المحقق على المحفظة لأي فترة تقييم (أي سنة أو شهر أو أسبوع) مجموع:

1. الفرق بين القيمة السوقية للمحفظة في نهاية فترة التقييم والقيمة السوقية في بداية فترة التقييم **(الأولية)**.
2. أي توزيعات تحصل عليها المحفظة.

من المهم أن تؤخذ في الاعتبار أي توزيعات رأسمالية أو دخل يحصل عليه المستثمر أو المستفيد من المحفظة.

العائد (***return***)، يعبر عنه استنادا الى القيمة السوقية للمحفظة في بداية فترة التقييم، وبالتالي يمكن النظر إلى العائد على أنه المبلغ (المعبر عنه كجزء من قيمة المحفظة **الأولية**) الذي يمكن سحبه في نهاية فترة **التقييم** مع الحفاظ على **نفس** القيمة السوقية **الأولية** للمحفظة.

ويمكن التعبير عن عائد المحفظة صيغة في المعادلة على النحو التالي:

$$R_P = \frac{\mathbf{MV_1} - \mathbf{MV_0} + D}{\mathbf{MV_0}}$$

R_P: عائد المحفظة.

MV_0 : القيمة السوقية للمحفظة في فترة بداية التقييم.

MV_1: القيمة السوقية (***Market value***) للمحفظة في نهاية فترة التقييم.

D: التوزيعات النقدية التي حصل عليها صاحب المحفظة (المستثمر) خلال فترة التقييم.

هناك ثلاث افتراضات في قياس العائد **للمحفظة**[*].

✐ **الافتراض الأول** هو أن التدفقات النقدية (أي الأرباح والفوائد) في المحفظة خلال فترة التقييم لا يتم توزيعها بل يعاد استثمارها في المحفظة، على سبيل المثال نفترض أنه خلال فترة التقييم تم استلام 4 مليون سنتيم كأرباح أسهم، **سينعكس** هذا المبلغ في القيمة السوقية للمحفظة في **نهاية** الفترة.

✐ **الافتراض الثاني** هو أنه إذا كانت هناك توزيعات حصلت عليها المحفظة، فإنها تحدث في **نهاية** فترة التقييم، (في مثالنا تم توزيع 4 مليون سنتيم على العميل) ولكن متى حدث هذا التوزيع **بالفعل**؟ قد يتم إما في **نهاية** فترة التقييم أو في **بدايتها** ويتم **الاحتفاظ** بها في شكل نقدي حتى **نهاية** فترة التقييم، ولفهم سبب أهمية **توقيت** التوزيع، ضع في الاعتبار حالتين متطرفتين:

❶ يتم التوزيع في **نهاية** فترة التقييم، كما هو مفترض في حساب العائد (سيتمكن مدير المحفظة من **استخدم** مبلغ 4 ملايين سنتيم للاستثمار **طوال** فترة التقييم بأكملها).

❷ يتم التوزيع في **بداية** فترة التقييم، (**سيفقد** مدير المحفظة فرصة **استخدم** مبلغ 4 ملايين سنتيم للاستثمار حتى نهاية فترة التقييم).

وبالتالي سيؤثر **توقيت** التوزيع على العائد، لكن لا يتم أخذ ذلك بعين **الاعتبار** في حساب العائد **أعلاه**.

✐ **الافتراض الثالث** هو أنه **لا يوجد** إضافة نقدية للمحفظة من قبل العميل، على سبيل المثال، نفترض أنه في وقت ما خلال فترة التقييم، **يضيف** العميل مبلغ 30 مليون سنتيم لمدير المحفظة لاستثماره، وبالتالي، فإن **القيمة** السوقية للمحفظة في نهاية فترة التقييم (56 مليون سنتيم في مثالنا)، **ستزيد** بمبلغ 30 مليون سنتيم، إلا أن حساب العائد لا يأخذ بعين الاعتبار تأثير النقد الذي ساهم به العميل على القيمة السوقية النهائية للمحفظة، كما أن توقيت هذه المساهمة سيؤثر على العائد المحسوب.

وبالتالي، من **الممكن** عمليا حساب عائد لمحفظة **لأي** فترة زمنية (مثل يوم واحد أو شهر واحد أو خمس سنوات)، **إلا** أن الافتراضات السابقة تحد من تطبيقه، بسبب أن **طول** فترة التقييم يزيد من احتمال خرق تلك **الافتراضات** (من

---

[*] Frank J. Fabozzi, Harry M. Markowitz, **The Theory and Practice of Investment Management**, Second Edition, John Wiley & Sons, Inc, 2011, p11.

المحتمل جدًا أن يكون هناك أكثر من **توزيع** واحد للعميل وأكثر من **مساهمة** واحدة من العميل إذا كانت فترة التقييم **خمس** سنوات مثلا).

ما يعني أن حساب العائد الذي يتم إجراؤه على مدى فترة **طويلة** من الوقت (أطول من بضعة أشهر) لن يكون **موثوقًا** به للغاية بسبب **الافتراضات** التي يقوم عليها الحساب والقائلة بأن جميع المدفوعات النقدية والتدفقات الداخلة تتم وتستلم في **نهاية** الفترة.

خرق الافتراضات يجعل من الصعب **مقارنة** عوائد **مديري** المحافظ (أيهم أفضل) خلال فترة تقييم معينة، ويفقد مصداقية تقييم الأداء خلال فترات **مختلفة** (لن يعطي حساب العائد معلومات موثوقة لمقارنة أداء فترة تقييم مدتها شهر واحد وفترة تقييم مدتها 3 سنوات).

ولإجراء مثل هذه المقارنة، يجب التعبير عن العائد لكل وحدة زمنية، على سبيل المثال سنة أو شهر أو ربع، ويسمى العائد المحسوب (عائد الفترة الفرعية ***subperiod return***)، وللحصول على عائد فترة التقييم، يتم حساب متوسط عوائد الفترة الفرعية.

❶ إذا كانت فترة التقييم سنة واحدة، وتم حساب 12 عائدًا **شهريًا**، فإن العوائد الشهرية هي عوائد الفترة الفرعية، ويتم حساب متوسطها للحصول على عائد **عام** واحد.

❷ إذا كانت فترة التقييم 3 سنوات، يمكن حساب 12 عائدًا **ربع سنوي** (3 أشهر)، فتكون العوائد الفصلية هي عوائد الفترة الفرعية (3 أشهر)، ويتم حساب متوسطها للحصول على عائد لمدة 3 **سنوات**، يمكن بعد ذلك تحويل عائد 3 سنوات إلى عائد سنوي.

☺ **مثال 1**: **حساب العائد الفعلي للمحفظة**: لتوضيح حساب العائد، نفترض المعلومات التالية لمدير محفظة أسهم عادية:

القيمة السوقية للمحفظة في بداية ونهاية فترة التقييم هي 35 مليون سنتيم و42 مليون سنتيم على التوالي، وخلال فترة التقييم يتم توزيع 3 مليون سنتيم على العميل (دخل الاستثمار) وبالتالي يكون:

$$MV_1 = 420\,000\ D_A$$

$$MV_0 = 350\,000\ D_A$$

$$D = 30\,000\ D_A$$

$$R_P = \frac{\mathrm{MV}_1 + D - \mathrm{MV}_0}{\mathrm{MV}_0}$$

$$R_P = \frac{420{،}000 + 30{،}000 - 350{،}000}{350{،}000} = 0.2857 = 28.57\ \%$$

2. **معدل العائد المطلوب للمحفظة**: هو ذلك المعدل الذي يطلبه المستثمر أو مدير المحفظة تعويضا عن المخاطر المحتملة ونحسب هذا المعدل على أساس معدل العائد المطلوب لكل ورقة من أوراق المحفظة مرجحا بوزن مساهمته في المبلغ الكلي للحفظة، ويحسب وفقا للصيغة التالية:

y *معدل العائد المطلوب* للمحفظة = معدل العائد الخالي من المخاطر + نسبة التضخم المتوقعة+ علاوة المخاطرة

ثالثا التنويع الأمثل ونظرية ماركويتز

التنويع هو تلك العملية التي تهدف الى التخصيص الأمثل لمختلف أنواع الأوراق المالية بما يضمن تقليل التقلبات في العائد الإجمالي للمحفظة في كل الظروف وأثناء مختلف التحركات السوقية، ويعمل التنويع انطلاق من المقولة الشهيرة: لا تضع كل البيض في سلة واحدة (***do not put all eggs in one basket***)، وهذا يعني ضرورة اختيار الأصول المشكلة للمحفظة بطريقة تمنع وقوع خسائر في جميع تلك الأصول في نفس الوقت واستجابة لنفس الظروف والتحركات السوقية.

وأبسط مثال يعطى هو الفرق بين قيام مستثمر بشراء حصص في شركة واحدة فقط، ما قد يتسبب في خسارته لكل ماله في حالة إفلاس تلك الشركة، وبين أن يقوم بشراء حصص في العديد من الشركات في قطاعات مختلفة ما قد يمنع خسارته لكل ماله بسبب تضاءل احتمال إفلاس جميع تلك الشركات دفعة واحدة، والأمر ينطبق على الأشكال الأخرى من المخاطر.

وتختلف وسائل تلك العملية واستراتيجياتها، كما تختلف نتائجها بطبيعة الحال وهنا نجد الفرق بين التنويع الساذج والتنويع العلمي الذي جاء به ماركويتز، وسنتطرق للنوعين كما يلي:

أ- التنويع الساذج *naive diversification*:

، غير أن بعض المستثمرين يعتقدون أن الاستثمار في عدة أنواع من الأوراق المختلفة من حيث القطاع أو الصناعة أو الشركات، أو حتى المناطق الجغرافية قد يحقق ذلك الهدف ويجعل المحفظة منوعة بشكل جيد، إلا أن الحقيقة هي بقاء

المحفظة عرضة للتقلبات والخسائر في عوائد جميع أوراقها نتيجة حساسيتها المتشابهة (الاستجابة بنفس الطريقة) تجاه ظروف وتحركات السوق والدورات الاقتصادية بصفة عامة.

ب- تنويع ماركويتز ***Markowitz diversification***:

قبل الحديث عن تنويع ماركويتز سنتطرق الى مسيرة هذا المنظر الكبير الذي يجادل البعض بأن عالم التمويل يمكن تقسيمه إلى حقبتين ***BM*** و***PM*** (***before and post Markowitz***) (قبل ماركويتز وبعده).

في 24 أوت 1927 في شيكاغو ولد هارولد ماكسويل ماركويتز ***Harold Maxwell Markowitz*** طالب الدراسات العليا الشاب الذي جمع أفكاره العظيمة لتطوير نظرية المحفظة الحديثة ***Modern Portfolio Theory*** ، في أواخر الأربعينيات من القرن الماضي وبالضبط عام 1950 حصل على الماجستير في الاقتصاد، ثم حصل ماركويتز على الدكتوراه عام 1954وشكلت نظرية المحفظة التي طورها في مؤسسة راند أساسًا لتلك الدرجة، أخيرًا حصل هاري في 1990 على جائزة نوبل في الاقتصاد (بالاشتراك مع ويليام شارب وميرتون ميلر).

، في عام 1952 نشر هاري ماركويتز وهو في 24 من العمر الكالب في جامعة شيكاغو، مقالًا قصيرًا بعنوان "**اختيار المحفظة**" في المجلد السابع من مجلة المالية التي أحدثت ثورة في التمويل الشخصي ونظرية المحفظة. 184 في ذلك الوقت لم يكن ماركويتز يتخيل أن مقالته ستذهب الى أبعد مدى وتعمر لأمد طويل، فبعد ما يقرب من ستة عقود يقدر البعض أنه تم استثمار 7 تريليون دولار بناءً على نظرية المحفظة الحديثة التي طورها.

واستخدم ماركويتز قياسات إحصائية (التوقع والتباين في العائد) للتعبير على التوالي عن المنافع (***Benefits***) والمخاطر (**risks**) المرتبطة بالاستثمار، لذلك يسمى نموذجه ***mean-variance model*** أو ***approach*** (***MV***)، ولا يزال نموذج (***MV***) إلى اليوم يشكل أساس الكثير من التحليل الكمي لاختيار المحفظة في الصناعة المالية.

ويعتبر نموذج اختيار المحفظة لماركويتز أساس نظرية المحفظة الحديثة، وهو نموذج متعدد (ثنائي)، ويعتبر نموذج موضوعي للتحسين يستخدم لتحقيق التوازن بين العائد المتوقع والتباين للمحفظة، ويوضح ماركويتز كيف يمكن للمستثمرين العقلانيين بناء محافظ مثالية في ظل ظروف عدم اليقين، فبالنسبة للمستثمر عوائد (محفظة معينة) واستقرار (عدم وجود تقلب) تلك العوائد هي الجوانب الحاسمة في اختيار المحفظة.

الهدف في هذا النموذج هو إما تقليل مخاطر المحفظة عند مستوى **عائد** معين، أو تعظيم العائد عند مستوى **مخاطر** معين.

1. افتراضات النموذج ***Assumptions***:

بدأ ماركويتز بالافتراضات التالية: 186

1. **يتجنب المستثمرون المخاطرة:** أي أن المستثمر على استعداد لتحمل مخاطر إضافية فقط إذا تم تعويضه بعائد إضافي مناسب، وكلما زادت المخاطر (زادت درجة النفور من المخاطرة) زاد العائد التعويضي الضروري لإبقاء المستثمر حيادي أو غير مبال للزيادة في المخاطرة.
2. تتبع عوائد الأصول التوزيع الطبيعي (قد لا يكون هذا الافتراض دائمًا منطقيًا).
3. كل أصل $\boldsymbol{i}$ في المحفظة له وزن $\boldsymbol{w_i}$، يمثل نسبة مشاركته (حصته) في جميع أصول المحفظة.

2. **معدل العائد المتوقع للمحفظة:** يمثل العائد المتوقع للمحفظة العائد المتوقع لكل مكون من مكوناتها مرجحا بأوزان مساهمتها في رأسمال المحفظة ويحسب وفقا للصيغة التالية:

معدل العائد المتوقع للمحفظة = مجموع (العائد المتوقع لكل ورقة x وزنه)

$$E(R_p) = \sum_{i=1}^{n} W_i \times E(R_i)$$

3. **الانحراف المعياري للمحفظة:**

لنفترض أن $\boldsymbol{\rho_{ij}}$ هو معامل الارتباط بين الأصل $\boldsymbol{i}$ والأصل $\boldsymbol{j}$، و $\boldsymbol{\sigma_i}$ هو الانحراف المعياري، و $\boldsymbol{\sigma^2_i}$ هو التباين، و $\boldsymbol{\sigma_i \sigma_j}$ هو التغاير (التباين المشترك)، من هذه الافتراضات والتعريفات، يمكننا أن نجد العائد المتوقع $\boldsymbol{E(R_p)}$ للمحفظة كمجموع مرجح من العائدات الفردية $\boldsymbol{R_i}$:

$$E(R_p) = \sum_{i=1}^{n} R_i \times w(R_i)$$

كما يمكننا أيضًا حساب تباين عائد المحفظة كما يلي:

$$\sigma_p^2 = \sum_{i=1}^{n} w_i^2 \sigma_i^2 + \sum_{i} \sum_{j \neq i} w_i w_j \, \sigma_i \sigma_j \rho_{ij}$$

$\boldsymbol{\rho_{ij}}$ هو معامل الارتباط بين الأصل $\boldsymbol{i}$ والأصل $\boldsymbol{j}$.

فإذا كان هناك أصلين **A** و**B** في المحفظة بأوزان x و y (**y= 1−x**) على التوالي، فيتم حساب عائد المحفظة كما يلي:

$$\boldsymbol{E(R_p) = w_A\, E(R_A)\ + w_B\, E(R_B) = x\, E(R_A)\ + (1-x)E(R_B)}$$

وتباين المحفظة كما يلي:

$$\boldsymbol{\sigma_p^2 = w_A^2\sigma_A^2 + w_B^2\sigma_B^2 + w_A w_B \sigma_A \sigma_B \rho_{AB}}$$

لاحظ أن تباين المحفظة $\boldsymbol{\sigma_p^2}$ محصور بين قيمتين متطرفتين حسب قيمة معامل الارتباط $\boldsymbol{\rho_{AB}}$ الذي يمتد في المجال:

$$\boldsymbol{-1 \le \rho_{AB} \le 1}$$

فيكون:

$$\boldsymbol{(w_A\sigma_A - w_B\sigma_B)^2 \le \sigma_p^2 \le (w_A\sigma_A + w_B\sigma_B)^2}$$

وبالتالي يمكن تقليل التباين إلى أدنى حد نظريا من خلال الجمع بين أصلين **A** و**B** يرتبطان ارتباطًا سلبيًا تمامًا، أي معامل الارتباط.

$$\boldsymbol{\rho_{AB} = -1}$$

☺مثال18: إذا أتيحت لك البيانات التالية المتعلقة بعائد سهمين:

- (**A**) عائده المتوقع 8٪ سنويًا مع انحراف معياري 15٪.
- (**B**) عائده المتوقع 5٪ مع انحراف معياري 6.5٪.
- معامل الارتباط بينهما هو −20٪.

المطلوب: حساب معدل العائد المتوقع والانحراف المعياري لمحفظة تتكون من 20٪ من الأصل (**A**) و80٪ من الأصل (**B**)؟

✎ حساب العائد المتوقع للمحفظة

$$\boldsymbol{E(R_p) = \sum_{i=1}^{2} W_i \times E(R_i) = W_A \times E(R_A) + W_B \times E(R_B)}$$

$$\boldsymbol{E(R_p) = (0.2 \times 0.08) + (0.8 \times 0.05)}$$

$$\boldsymbol{E(R_p) = 0.056}$$

حساب الانحراف المعياري للمحفظة

$$\sigma_p^2 = \sum_{i=1}^{2} w_i^2 \sigma_i^2 + \sum_{i} \sum_{j \neq i} w_i w_j \, \sigma_i \sigma_j \rho_{ij}$$

أي باعتبار السهمين (**A**) و(**B**) فالصيغة تكون:

$$\sigma_p^2 = w_A^2 \sigma_A^2 + w_B^2 \sigma_B^2 + 2 w_A w_B \sigma_A \sigma_B \rho_{AB}$$

$$\sigma_p^2 = (0.2 \times 0.15)^2 + (0.8 \times 0.065)^2 + (2 \times 0.2 \times 0.8 \times 0.15 \times 0.065 \times -0.2)$$

$$\sigma_p^2 = 0.00298$$

$$\sigma_p = \sqrt{0.00298} = 0.0545$$

☺**مثال19**: أعد الحساب مع تخصيص وزن:

- 19٪ للسهم (**A**) ووزن 81٪ للسهم (**B**) .
- 21٪ للسهم (**A**) ووزن 79٪ للسهم (**B**).

حساب الانحراف المعياري للمحفظة في الحالة الأولى

$$\sigma_p = 5.463\%$$

حساب الانحراف المعياري للمحفظة في الحالة الثانية

$$\sigma_p = 5.461\%$$

نظرًا لأن الانحراف المعياري في كلتا الحالتين أعلى من 5.459٪ (**في المثال 18**)، فإن تخصيص 20٪ للسهم (A) و80٪ للسهم (B) يحقق أدنى حد لمخاطر الأصول في المحفظة.

وفي حالة محفظة مالية مكونة من ثلاثة أصول 3،2،1 تكتب العلاقة كما يلي:

$$\sigma_p^2 = w_A^2\sigma_A^2 + w_B^2\sigma_B^2 + w_C^2\sigma_C^2 + 2w_Aw_Bcov_{AB} + 2w_Aw_Ccov_{AC} + 2w_Bw_Ccov_{BC}$$

يتطلب التنويع الكامل للمخاطر محفظة تستخدم أصلين (يحققان متوسط عائد يمثل مجموع عوائد الأصول مرجحة بالأوزان)، شريطة أن تدعم تقلبات كل منهما الآخر جزئيًا (كل منهما يخفض تقلبات الآخر)، أي أن ***Markowitz*** اعتمد على فكرة التباين بين المخاطر الخاصة بالأصول لجعل بعض عدم اليقين في أحد الأصول يلغي بعض عدم اليقين من أصل آخر يتحرك عكس الأصل الأول.

أي أن المحفظة الفعالة (**المثلى**) هي التي تنشأ من أفضل تحسين للمتوسط والتباين، ولفهم السبب نفترض وجود أصل **خال** من المخاطر له عائد **ثابت** R_f خلال الفترة المدروسة،

فالأكيد أن المحفظة التي تتكون من أصول خطرة **X** وزنها α والأصل الخالي من المخاطر الذي وزنه (1−α) سيكون لها عائد متوقع قدره:

$$E(R_p) = \mathrm{w}_X\, E(R_X) + W_f\, E(R_f)$$

أي

$$E(R_p) = \alpha\, E(R_X) + (1-\alpha)\, E(R_f)$$

ويكون لها انحراف معياري قدره:

$$\sigma_p^2 = w_X^2\sigma_X^2 + w_f^2\sigma_f^2 + w_Xw_f\sigma_X\sigma_f\rho_{Xf}$$

أصل **خال** من المخاطر له انحراف معياري **صفر** أي:

$$\sigma_p^2 = w_X^2\sigma_X^2 + w_f^2 0 + w_Xw_f\sigma_X 0\rho_{Xf}$$

$$\sigma_p^2 = w_X^2\sigma_X^2$$

أي:

$$\sigma_p^2 = \alpha^2\sigma_X^2$$

ببساطة الانحراف المعياري للأصل المحفوف بالمخاطر مضروب في α.

هذا يعني أن أكثر المحافظ كفاءة هي تلك التي تتكون من محفظة خطرة فعالة وأصول خالية من المخاطر.

يمكن أن يكون $1 <\alpha$ مما يعني $(1-\alpha)$ **سالب**، والذي يعني أنه تم **اقتراض** أموال **إضافية** بسعر فائدة **خالٍ** من المخاطر للاستثمار في هذه المحفظة.

تُعرَّف المحفظة الفعالة بأنها المحفظة التي يكون فيها الخط المرسوم من نقطة الاستثمار الكامل في الأصل الخالي من المخاطر مماسًا للحدود الفعالة، كما هو موضح في الشكل 15.9.

من خلال تحليل العائد المتوقع والانحراف المعياري، كما تم قياسه يمكننا تحديد جميع التوليفات (انحراف معياري-عائد) الممكنة، وقبل نظرية المحفظة الحديثة كان المستثمر يختار الأفضل من بين هذه التوليفات حسب ما يتوافق مع رغبته في تحقيق العوائد دون الاهتمام بالمخاطر.

☺ **تمرين**: تتكون محفظة من 300 سهم للشركة A بقيمة 10 دولارات للسهم الواحد و50 سهم لشركة B بقيمة 40 دولار للسهم، ونتوقع عائد بنسبة 8٪ لأسهم A وعائد بنسبة 13٪ لأسهم B.

(أ) ما هي القيمة الإجمالية للمحفظة؟ وما هي أوزان المحفظة؟ ما هو عائدها المتوقع؟

(ب) نفترض أن سعر سهم الشركة A ارتفع إلى 12 دولارًا وانخفض سعر سهم الشركة B بـ 36 دولارًا.

ما هي القيمة الجديدة للمحفظة؟ ما العائد الذي كسبته؟ بعد تغير الأسعار، ما هي أوزان المحفظة الجديدة؟

2. تتكون محفظة من 250 سهماً للشركة A بقيمة 30 دولاراً للسهم و1500 سهم للشركة B بقيمة 20 دولاراً للسهم.

تتوقع عائد بنسبة 4٪ لأسهم A وعائد بنسبة 9٪ لأسهم B.

(أ) ما هي القيمة الإجمالية للمحفظة؟ وما هي أوزان المحفظة؟ ما هو عائدها المتوقع؟

(ب) نفترض أن سعر سهم الشركة A انخفض إلى 24 دولارًا وارتفع سعر سهم الشركة B بـ 22 دولارًا.

ما هي القيمة الجديدة للمحفظة؟ ما العائد الذي كسبته؟ بعد تغير الأسعار، ما هي أوزان المحفظة الجديدة؟

✎ **الحل:**

1/ القيمة الإجمالية للمحفظة

Portfolio value = 300($10) + 50($40) = **$5,000.**

أوزان المحفظة

W_A = 300($10) /**$5, 000** = 60%

Portfolio weights are

W_B = 50($40)/$**5, 000** = 40%

عائدها المتوقع

E(Rp) = 0.60(8%) + 0.40(13%) = 10%

القيمة الجديدة للمحفظة

New portfolio value = 300($12) + 50($36) = $**5,400**.

العائد الذي كسبته

Return = ($5,400 - $5,000)/$5,000 = 8% or,

Return = 0.60[($12 - $10)/$10] + 0.40[($36 - $40)/$40]

= 0.60(20%) + 0.40(-10%) = 8%.

أوزان المحفظة الجديدة

New portfolio weights are

W_A = 300($12) /$5, 400 = 66.6%

W_B = 50($36)/$5, 400 = 33.3%.

2/ القيمة الإجمالية للمحفظة

Portfolio value = 250($30) + 1500($20) = $37,500.

أوزان المحفظة **Portfolio weights are**

W_A = 250($30)/$37, 500 = 20%

W_B = 1500($20)/$37, 500 = 80%.

عائدها المتوقع

E(Rp) = 0.20(4%) + 0.80(9%) = 8%.

القيمة الجديدة للمحفظة

New portfolio value = 250($24) + 1500($22) = $**39,000**.

العائد الذي كسبته

Return = ($39,000 - $37,500)/$37,500 = 4% or,

Return = 0.20[($24 - $30)/$30] + 0.80[($22 - $20)/$20]

= 0.20(-20%) + 0.80(10%) = 4%.

أوزان المحفظة الجديدة

New portfolio weights are

W_A = 250($24) /$**39, 000** = 15.38%

W_B = 1500($22)/$**39, 000** = 84.62%.