

التمرين 01: المؤسسة "X" تريد المفاضلة بين المشروعين الاستثماريين التاليين (القيم بملايين الوحدات النقدية)

التدفقات النقدية الصافية					تكلفة الاستثمار المبدئية			المشروع
N+3	N+2	N+1	N	N-1	3	1	0	
0	0	300	0	0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{2}$	100	A
0	0	0	292	0	50	95	50	B

المطلوب:

1. عند معدل خصم يقدر بـ: 9% للمشروع الأول و 11% للمشروع الثاني:
- أحسب صافي القيمة الحالية لكلا المشروعين، وما هو أفضل مشروع وفقا لهذا المعيار؟
- أحسب معدل العائد الداخلي لكلا المشروعين، وما هو أفضل مشروع وفقا لهذا المعيار؟

التمرين 02: المؤسسة "X" تريد المفاضلة بين ثلاثة مشاريع استثمارية، وقدمت لك المعلومات الخاصة بالمشاريع الثلاثة كما هو مبين في الجدول التالي:

العمر الاقتصادي				التكلفة المبدئية			المشروع
5	4	3	2	1	$\frac{3}{4}$	0	
250	356	480	300	400	250	300	A
	620	450	550	280	330	500	B
560	560	560	560	550	440	320	C

المطلوب: علما أنّ معدل الخصم للمشروعين A و B هو 10%، والمشروع C معدل خصمه مساوٍ لـ: 12%.

- ما هو أفضل مشروع وفقا لمعيار صافي القيمة الحالية؟
- أي المشاريع تقترح على المؤسسة باستخدام معيار معدل العائد الداخلي، علما أنّ $t_1 = 10\%$ و $t_2 = 45\%$ بالنسبة للمشروعين A و B و $t_1 = 12\%$ و $t_2 = 47\%$ للمشروع C؟

حل المسألة رقم 2

الخطوة 1

حساب القيمة الحالية لتدفقات الأرباح المستقبلية (I_0)

* $t = 9\% = A$

$$VA(I_0) = \sum I_0 \times (1+t)^{-i} = 100 \times (1+0.09)^{-0} + 100 \times (1+0.09)^{-\frac{1}{2}} + 25 \times (1+0.09)^{-\frac{3}{4}}$$

$$= 100 + 100 \times (1.09)^{-0.5} + 25 \times (1.09)^{-0.75}$$

$VA(I_0) = 219,22$

* $t = 11\% = B$

$$VA(I_0) = \sum I_0 \times (1+t)^{-i} = 50 \times (1+0.11)^{-0} + 95 \times (1+0.11)^{-\frac{1}{2}} + 50 \times (1+0.11)^{-\frac{3}{4}}$$

$$= 50 + [95 \times (1.11)^{-0.5}] + 50 \times (1.11)^{-0.75}$$

$VA(I_0) = 186,49$

حساب صافي القيمة الحالية (VAN)

* $t = 9\% = A$

$$VAN_A = \left[\sum C F_i \times (1+t)^{-i} \right] - VA(I_0)$$

$$= \left[0 \times (1+0.09)^{-1} \right] + \left[0 \times (1+0.09)^{-2} \right] + \left[300 \times (1.09)^{-3} \right] + \left[0 \times (1.09)^{-4} \right] + \left[0 \times (1.09)^{-5} \right] - 219,22$$

$NVAN_A = 12,44 > 0$

المشروع مقبول للمساهمة لأن صافي قيمة الحالية موجبة.

$$VAN_B = \left[\sum CF_t \times (1+t)^{-t} \right] - VA_B(I_0) = (0 \times (1,11)^{-1}) + (292 \times (1,11)^{-2}) + 1 \times (1,11)^{-3} + (0 \times (1,11)^{-4}) + (1 \times (1,11)^{-5}) - 186,42$$

$t = 11\%$ المستوى B

$$VAN_B = 50,58 > 0$$

المشروع B مقبول للمفاضلة
 يتم اللجوء إلى مؤشر الربحية، لأن تكلفة الاستثمار للمشروع غير متساوية
 حساب مؤشر الربحية = لأن تكلفة الاستثمار المتساوية للمشروع غير متساوية

$$IP_A = \frac{VAN_A}{VA_A(I_0)} + 1 = \frac{12,44}{219,22} + 1$$

$$IP_A = 1,06$$

$$IP_B = \frac{VAN_B}{VA_B(I_0)} + 1 = \frac{50,58}{186,42} + 1 = 1,27$$

منه أفضل مشروع هو المشروع B لأن مؤشر الربحية هو الأكبر.

(3) حساب معدل العائد الداخلي للمشروع (TRI) المشروع A

لدينا: $t = 9\%$ غير متساوية، ومنه 2

$$VAN_A = 0 \Rightarrow \left[\sum CF_t \times (1+TRI)^{-t} \right] - VA_A(I_0) = 0$$

$$\left[300 \times (1+TRI)^{-3} \right] - 219,22 = 0 \Rightarrow 300 \times (1+TRI)^{-3} = 219,22$$

$$\Rightarrow (1+TRI)^{-3} = \frac{219,22}{300} \Rightarrow \frac{1}{(1+TRI)^3} = \frac{219,22}{300} \Rightarrow (1+TRI)^3 = \frac{300}{219,22}$$

$$\Rightarrow (1+TRI) = \left(\frac{300}{219,22} \right)^{\frac{1}{3}} \Rightarrow TRI = \left(\frac{300}{219,22} \right)^{\frac{1}{3}} - 1 = 1,1102 - 1 = 0,1102$$

$$TRI_A = 11,02\%$$

$\rightarrow k_{10}, TRI_A = 11,02\% \rightarrow t = 9\%$

لدينا =
المشروع مقبول للمفاضلة

لدينا = 6 مع B = $t = 11\%$ \rightarrow CF غير Q_1, Q_2, k_{10}
 $VAN_B = 0 \Rightarrow \left[\sum CF_i \times (1 + TRI)^{-i} \right] - VA_B(I_0) = 0$

$\Rightarrow \left[292 \times (1 + TRI)^{-2} \right] - 186,41 = 0 \Rightarrow 292 \times (1 + TRI)^{-2} = 186,41$

$\Rightarrow (1 + TRI)^{-2} = \frac{186,41}{292} \Rightarrow \frac{1}{(1 + TRI)^2} = \frac{186,41}{292} \Rightarrow (1 + TRI)^2 = \frac{292}{186,41}$

$\Rightarrow 1 + TRI = \left(\frac{292}{186,41} \right)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow TRI = \left(\frac{292}{186,41} \right)^{\frac{1}{2}} - 1 = 1,2515 - 1$

$TRI = 0,2515 = 25,15\%$ $\rightarrow t = 11\%$

المشروع B مقبول للمفاضلة

* أفضل مشروع وفقاً لمعيار معدل العائد الداخلي هو المشروع B لأن معدل عائده الداخلي هو الأعلى

المترين (2)

(I) حساب القيمة الحالية لتكلفة الاستثمار، المترين (I)

المشروع A = $t = 10\%$

$VA(I_0) = \sum I_0 \times (1 + t)^{-i} = 300 \times (1,1)^{-0} + 250 \times (1,1)^{-\frac{3}{4}} + 400 \times (1,1)^{-1}$

$VA(I_0) = 896,39$

المشروع B = $t = 8\%$
 $VA(I_0) = \sum I_0 \times (1 + t)^{-i} = 500 \times (1,1)^{-0} + 330 \times (1,1)^{-\frac{3}{4}} + 280 \times (1,1)^{-2}$

$VA(I_0) = 1061,78$

$$VA(I) = 320 \times (1,112)^{-0} + 440 \times (1,112)^{-1} + 150 \times (1,112)^{-2}$$

$$\frac{1}{1,112} = 0,900$$

$$VA(I) = 1215,22$$

4 حساب معيار صافي القيمة الحالية:

المخارج $A = 0,9$ CF_i قيم متساوية -

بيان القيمة الحقيقى للمشاريع CF_i قيم متساوية يجب ان يتعمد ان صافي القيمة الحالية المرجح بالازمنة، وفضا للمرحلة التالية:

1 البحث عن الصافي للملك الاصغر بين $N_A = 4, N_B = 3, N_C = 4$
 $N_A = 4, N_B = 3, N_C = 4$ - هذه العمر الافتراضى الجيد للمشاريع الثلاثة

2 تحديد عدد الدورات الاضافية:

- العورة الاساسية للمستروع A هي 4 سنوات.

- العمر الافتراضى الاضافى = العمر الافتراضى الجيد - العمر الحقيقى = $4 - 12 = 8$

عدد الدورات الاضافية: $\frac{\text{العمر الافتراضى الاضافى}}{\text{العمر الحقيقى}} = \frac{8}{4} = 2$ دور اضافة

3 حساب صافي القيمة الحالية $(VAN)_A$:

$$VAN_A = \left[\sum_{t=2}^5 CF_t \times (1,112)^{-t} \right] - VA(I)$$

$$= [300 \times (1,112)^{-2} + 470 \times (1,112)^{-3} + 360 \times (1,112)^{-4} + 250 \times (1,112)^{-5}] - 896,39$$

$$VAN_A = 110,56 > 0$$

4 حساب صافي القيمة الحالية للمرجح بالازمنة:

$$VAN_{\text{مجموع}} = VAN_A + \frac{VAN_A}{(1,112)^4} + \frac{VAN_A}{(1,112)^8} = 110,56 + \frac{110,56}{(1,112)^4} + \frac{110,56}{(1,112)^8}$$

$$VAN_{\text{مجموع}} = 237,65 > 0$$

المجموع B: CF غير متساوية

1- الخصائص المتك هو 12 سنة

2- عدد المددات الإضافية = الدورة الأصلية هي 3 سنوات

الكم الإستم (في الجنيه) = $3 - 12 = 9$ سنوات

عدد المددات الإضافية = $\frac{9}{3} = 3$ سنوات إضافية
 = VAN_B حساب

$$VAN_B = \left(\sum CF_i \times (1+i)^{-t} \right) - VA(I_0)$$

$$= (550 \times (1,1)^{-1}) + (450 \times (1,1)^{-2}) + (620 \times (1,1)^{-3}) - 1061,78$$

$VAN_B = 154,33 > 0$

4- حساب VAN_B المرجع بالاضافة:

$$VAN_B = VAN_B + \frac{VAN_B}{(1+i)^1} + \frac{VAN_B}{(1+i)^2} + \frac{VAN_B}{(1+i)^3} = 154,33 + \frac{154,33}{(1,1)^1} + \frac{154,33}{(1,1)^2} + \frac{154,33}{(1,1)^3}$$

$VAN_B = 422,85 > 0$

المجموع C: CF متساوية

1- الخصائص المتك الاصح هو 12 سنة

2- عدد المددات الإضافية =

الدورة الاصلية = 4 سنوات

الكم الإستم (في الجنيه) = $4 - 12 = 8$ سنوات

عدد المددات الإضافية = $\frac{8}{4} = 2$ سنوات إضافية

3- حساب VAN_C

$$VAN_C = \left(CF \times \frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right) - VA(I_0)$$

$$VAN_C = \left(60 \times \frac{1 - (1,1)^{-4}}{0,112} \right) - 1215,22$$

$VAN_C = 485,69 > 0$

$$VAN_{\text{ع}} = VAN_{\text{ع}} + \frac{VAN_{\text{ع}}}{(1+t)^n} + \frac{VAN_{\text{ع}}}{(1+t)^{2n}} = 485,69 + \frac{485,69}{(1,14)^4} + \frac{485,69}{(1,14)^8}$$

$$VAN_{\text{ع}} = 990,52$$

أفضل مشروع هو **ع** لأن صافي قيمته الحالية المرجح هو الأكبر

(III) حساب معدل العائد الداخلي = يتم استبدال صافي القيمة الحالية بالـ 0

$$\% 25 = t_2, \quad \% 10 = t_1 = A$$

$$VAN_{\text{ع}} = 237,67$$

$$\leftarrow t_1 = 10\%$$

$$\% 25 = t_2$$

$$VAN_{\text{ع}} = VAN_{\text{ع}} + \frac{VAN_{\text{ع}}}{(1+t)^n} + \frac{VAN_{\text{ع}}}{(1+t)^{2n}}$$

$$= VAN_{\text{ع}}$$

$$VAN_{\text{ع}} = [300 \times (1,14)^{-2}] + (480 \times (1,14)^{-3}) + (356 \times (1,14)^{-4}) + (260 \times (1,14)^{-5})$$

$$-896,39$$

$$VAN_{\text{ع}} = -476,72$$

2 Chos

$$VAN_{\text{ع}} = (-476,72) + \frac{(-476,72)}{(1,14)^4} + \frac{(-476,72)}{(1,14)^8}$$

$$VAN_{\text{ع}} = -608,91$$

$$TRI_A = t_1 + \frac{VAN_{\text{ع}}}{VAN_{\text{ع}} - VAN_{\text{ع}}} \times (t_2 - t_1)$$

$$= 0,1 + \frac{237,67}{237,67 - (-608,91)} \times (0,25 - 0,1)$$

$$= 0,1982 \Rightarrow TRI_A = 19,82\% > t = 10\%$$

المشروع B

$\%45 = t_2$, $\%10 = t_1$

$\Leftarrow \%10 = t_1$ \checkmark

$\%48 = t_2$ \checkmark

$VAN_{t_1} = 422,85$

$VAN_{\sum t_2} = VAN_{t_2} + \frac{VAN_{t_2}}{(1+t)^4} + \frac{VAN_{t_2}}{(1+t)^2n} + \frac{VAN_{t_2}}{(1+t)^{3n}}$

$VAN_{t_2} = \left[(550 \times (1,45)^{-2}) + (450 \times (1,45)^{-3}) + (620 \times (1,45)^{-4}) \right] = 1061,78$

$VAN_{t_2} = -512,32$

$VAN_{\sum t_2} = (-512,32) + \frac{(-512,32)}{(1,45)^3} + \frac{(-512,32)}{(1,45)^6} + \frac{(-512,32)}{(1,45)^9} = 0$

$VAN_B = -753,57$

$TRI_B = t_1 + \frac{VAN_{\sum t_2}}{VAN_{t_1} - VAN_{t_2}} \times (t_2 - t_1)$

$= 0,1 + \frac{422,85}{422,85 - (-753,57)} \times (0,45 - 0,1)$

$= 0,2258 \Rightarrow TRI_B = 22,58\% > t = 10\%$

• $\frac{C}{1+r} + \frac{C}{(1+r)^2} + \dots$

• $\%47 = k_2$, $\%12 = k_1 = \underline{\underline{C}}$

$VAN_{C, k_1} = 990,52$

$\%12 = k_1$

$VAN_{C, k_2} = VAN_{C, k_1} + \frac{VAN_{C, k_2}}{(1+k)^4} + \frac{VAN_{C, k_2}}{(1+k)^8}$ $\%47 = k_2$

- VAN_{C, k_2} \rightarrow Δ

$VAN_{C, k_2} = \left(560 \times \frac{1 - (1,47)^{-4}}{0,47} \right) - 1215,22$

$VAN_{C, k_2} = -252,29$

$VAN_{C, k_2} = -252,29 + \frac{(-252,29)}{(1,47)^4} + \frac{(-252,29)}{(1,47)^8} = 0$

$VAN_{C, k_2} = -265,20$

$TRI_C = k_1 + \frac{VAN_{C, k_1}}{VAN_{C, k_1} - VAN_{C, k_2}} \times (k_2 - k_1) = 0$

$= 0,12 + \frac{990,52}{990,52 - (-265,20)} \times (0,47 - 0,12)$

$$TR I_c = 0,276 \Rightarrow TR I_c = 27,61\% > t.1e$$

وهذا المشروع C مقبول للمفاضلة.

يتم اختيار المشروع C لأن معدل عائده الداخلي هو الأكبر.