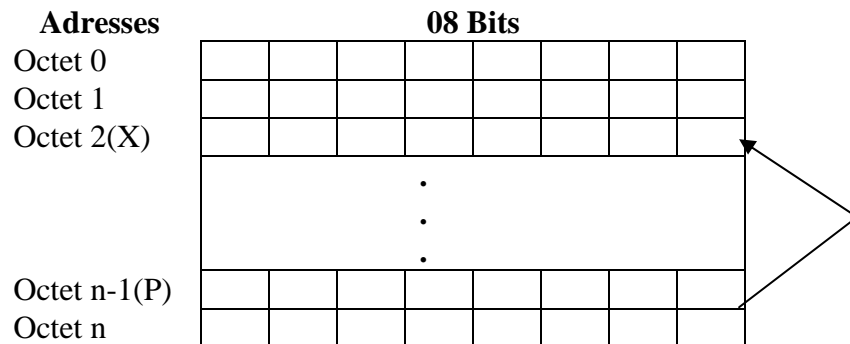


Chapitre 3: Les listes

1. Introduction

- La mémoire centrale est composée d'un très grand nombre d'octets.
- Chaque octet est repéré par un numéro appelé adresse de l'octet.



- Chaque variable dans la mémoire occupe des octets contigus, c'est-à-dire des octets qui se suivent.

Exemple :

float x ;

En C++ :

- Un float occupe 4 octets qui se suivent. L'adresse de la variable est l'adresse **de son premier octet**.

- On peut connaître l'adresse de la variable x par l'opérateur **&**.

float x ;

p = &x ; //adresse de la variable x : adresse de son premier octet

La variable **p** contient une valeur qui est l'**adresse** de la variable **x**

2. Allocation de la mémoire

- Les algorithmes (programmes) consomment essentiellement deux ressources :
 - ✓ Le temps d'exécution.
 - ✓ L'espace mémoire réservé.
- On distingue deux types d'allocation ou la réservation de l'espace mémoire:
 - ✓ Allocation statique.
 - ✓ Allocation dynamique.

2.1. Allocation statique :

- L'allocation de l'espace mémoire se fait **avant l'exécution** du programme, c'est-à-dire **après la compilation**.
- C'est donc, le cas de variable de type simples et de type tableau.

Exemple :

X : réel ;

A : entier ;

T[50] : tableau d'entier ;

Liste_Etudiants[1500] : Tableau d'Etudiant ;

X, A, T, Liste_Etudiants sont des *variables statiques*

2.2. Allocation dynamique :

- L'allocation de l'espace se fait au fur et à mesure de l'exécution du programme.
- Pour pouvoir faire ce type d'allocation, l'utilisateur doit disposer des deux opérations : **allocation** et **libération** de l'espace.
- La majorité des langages de programmation offre cette possibilité.

Le système d'exploitation prévoit une partie de la MC à cet effet appelée le TAS (table allocation system).

Exemple :

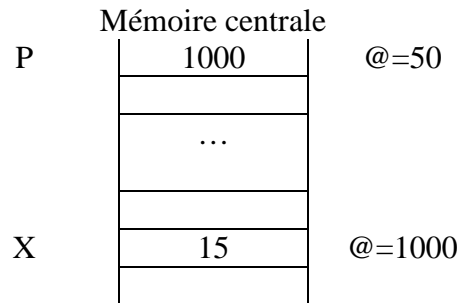
int X ;
 P=&X ;
 X est une variable dynamique

3. Le type pointeur

3.1. Définition :

➤ En programmation, Un **pointeur** est une variable contenant une adresse mémoire.

Exemple :



x= 15
 P un pointeur contient l'adresse de x dans la mémoire
 P= 1000

Symbole (*) pour le type pointeur

3.2. Déclaration d'un pointeur :

En algorithmique	En langage C++
<Nom de la variable> : * Type de la variable ;	Type de la variable * <Nom de la variable> ;
Exemples : p : *entier; Q : *réel ;	Exemples : int * P ; float * Q ;

Exemple 1:

```
#include <iostream>
int main ( )
{
    int x=4 ;           //déclaration d'une variable entier x
    int *p ;           //déclaration d'une variable pointeur p
    p=&x ;             //p pointe x ( p contient l'adresse de x)
    cout<<*p ;       // affiche le contenu de x
    getchar();
    return 0;
}
```

Résultat : 4

Exemple 2:

```
#include <iostream>
int main ( )
{
    int x=4 ;           //déclaration d'une variable x
    int *p ;           //déclaration d'un pointeur p
    P=&x ;             //p pointe x ( p contient l'adresse de x)
    *p=15 ;            // la valeur 4 de x est remplacée par 15
    cout<< x ;         // imprime le contenu de x
    Return 0 ;
}
```

Résultat : 15

Exemple 3:

```
#include <iostream>
int main ( )
{
int x=4 ;           //déclaration d'une variable x
int *p ;           //déclaration d'un pointeur p
P=&x ;             //p pointe x ( p contient l'adresse de x)
*p= -3 ;          // la valeur 4 de x est remplacée par -3
X = X*3 ;
cout<< X ;        // imprime le contenu de x
Return 0 ;
}
```

Résultat : -9

3.3.Opération sur les pointeurs

a) Allocation dynamique :

Syntaxe :

En algorithmique	En C++
P= Allouer (type)	P = new type;

- Allocation d'un espace de taille spécifiée par le type de P.
- L'adresse de cet espace est rendue dans la variable de type Pointeur P.

Exemples :

- Allocation d'une zone mémoire pour un entier :

```
int * p;
P = new int;
```

- Allocation d'une zone mémoire pour un tableau de 10 entiers :

```
int * tab;
tab = new int [10];
```

- Pour accéder aux trois cases de notre tableau on peut faire comme suit :
/* La première case */

```
(*tab)= 16;
/* La deuxième case */
*(tab + 1) = 12;
/* La troisième case */
*(tab + 2) = 11;
```

b) Libération d'un pointeur:

Syntaxe :

En algorithmique	En C++
Libérer (p)	delete (P);

- libération de l'espace mémoire pointé par P

c) Pointeur et enregistrement :

- Pour Accéder a un champ d'un enregistrement pointé par un pointeur P, On utilise la notation « -> » :

Syntaxe : P -> « champ »

Exemple:

Algorithme exp_PE

Type

Structure point
x: réel;
y: réel;
Finstructure

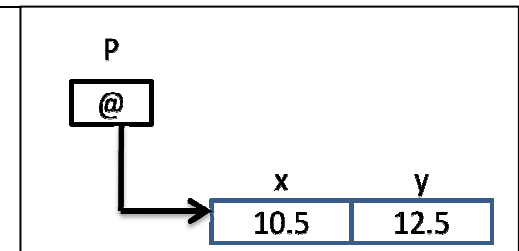
P: * point;

Début

```
P= Allouer (point); // allocation de l'espace mémoire
P-> x ← 10.8;
P -> y ← 12.5;
Ecrire (p -> x); // affiche 10.8
```

Libérer(p);//libération de l'espace mémoire

Fin.



4. Structure de données « Liste »

4.1. Définition

- Une liste est une structure de données constituée d'une suite finie (éventuellement vide) *d'éléments de même type*.
- Chaque élément de la liste est *repéré* selon leur *rang* dans la liste.

Exemple :

une liste d'entiers $L = \{11, -5, 6, 0\}$

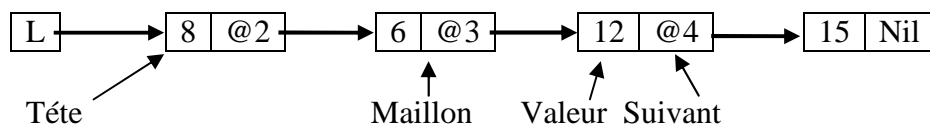
le rang de l'élément **6** est **3**.

4.2. Représentation des listes

- Deux solutions possibles :
 - 1) **Représentation contiguë** : on utilise des cellules contiguës en plaçant des éléments dans un tableau.
 - 2) **Représentation chaînée** : elle consiste à utiliser des pointeurs pour relier les éléments.

4.3. listes chaînées

- Une liste linéaire chaînée **Llc** est un ensemble de maillons (cases mémoire alloués dynamiquement) chaînés entre eux.
- Schématiquement, on peut la représenter comme suit :



- Un **Maillon** est une structure avec deux champs :
 - ✓ Champ **Valeur** contenant l'information.
 - ✓ Champ **Suivant** donnant l'adresse du prochain maillon.
- L'adresse de premier élément d'une LLC est souvent appelé *tête de la liste*.
- A chaque maillon est associée une adresse. Cette adresse est stockée dans le champ suivant du Maillon précédent.

- Le champs suivant du dernier maillon pointe vers Nil (constitue l'adresse qui ne pointe aucun maillon).

4.4. Déclaration :

- En langage algorithmique :

```

Type
Structure Nom_Type_Maillon
Elément: Typeqq ;
Suivant : * Nom_Type_Maillon;
FinStructure ;

Type
Liste :*Nom_Type_Maillon; // le type liste qui désigne tout
                                Pointeur vers un maillon

L : Liste; // équivalent à L: * Maillon;
L, P, Q : Liste ;
  
```

Typeqq : désigne un type quelconque(int, float, personne, étudiant, Produit ...etc).

Les déclarations :

L, P, Q : Liste ; // signifie que L, P, Q sont des pointeurs vers des maillons

- En langage C ++:

```

TypeDef
struct Nom_Type_Maillon
{
  Typeqq Elément;
  Nom_Type_Maillon * Suivant;
};

typedef
Nom_Type_Maillon*Liste;
Liste L, Q, tete; // équivalent à Nom_Type_Maillon * L, Q, tete;
  
```

Exemple 1: liste chaînée d'entiers

```
Type
Structure Maillon
Ele : entier;
suivant: * Maillon;
finstructure

Type Liste : * Maillon;
LE : Liste ;
```

Exemple 2: liste chaînée d'étudiant

```
Type
Structure étudiant
...
fin structure
Type
Structure Maillon
Ele : étudiant;
suivant: * Maillon;
fin structure
TypeListe : * Maillon;
Ou :
L :liste ;
```

Exemple 3: liste chaînée de personnes

```
Type
Structure Personne
nom: chaine de caractères
prénom: chaine de caractères
```

```
âge : entier
fin structure
```

```
Type
Structure Maillon
Ele : personne;
suivant: * Maillon;
fin structure
Type Liste : * Maillon;
```

Remarque :

- L'accès à un champ d'une structure se fait par le biais du point pour les variables ordinaires et par le biais du -> pour les variables de type pointeur.

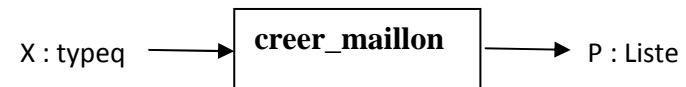
Exemple :

X : Etudiant ; alors X.nom

Y : *Etudiant ;alors Y->nom.

4.5.Opérations sur les listes :

- a) **creer_maillon**: crée un nouveau maillon contient comme valeur x et retourne un pointeur contenant son adresse.

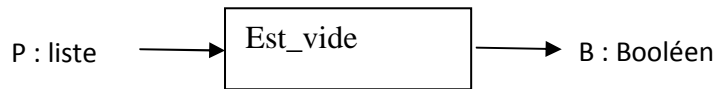


Rôle : créer un nouveau maillon

Fonction creer_maillon (x : typeq): Liste
 P: Liste // ou P: *Maillon
Début
 P ← Allouer (Maillon);(1)
 P -> Élément ← x;.....(2)
 P -> suivant ← Nil;(3)
 Retourne (P);
Fi n



b) **Est_vide** : teste si la liste est vide ou non



Rôle : teste si la liste est vide ou non

Fonction Est_vide(L : Liste) : Booléen
Début
Si (L=Nil) **alors**
 Retourner (vrai);
Sinon
 Retourner (faux);
Finsi
Fin.

c) **Premier** : retourne le premier élément de la liste L



Rôle : retourne le premier élément de la liste L

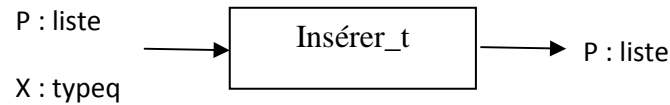
Fonction Premier (L: liste): typeq ;
Début
Si (L== Nil) **alors**
 Ecrire (« la liste est vide ») ;
Sinon
 Retourne (L ->ele);
Finsi
Fin

d) **Insertion d'un élément** : l'insertion d'un nouvel élément dans la liste Llc consiste en :

- 1) Création d'abord du maillon correspondant,
- 2) Affectation de la valeur a l'élément,
- 3) Puis le chaînage du nouvel élément avec la liste Llcsoit :
 - ✓ **En tête de la liste** : Pour le rajout du nouveau maillon au début de la liste on doit changer à chaque fois l'adresse de la tête.
 - ✓ **En fin de liste** : Pour le rajout du nouveau maillon à la fin de la liste on doit garder toujours deux pointeurs : la tête de la liste et la queue (adresse du dernier élément) de la liste.
 - ✓ **Au milieu de la liste** : Pour le rajout du nouveau maillon au milieu de la liste on doit d'abord
 - Rechercher sa position (l'adresse du maillon qui va le précéder p et celle du maillon qui va le suivre)

- Puis tranché le chaînage entre p et s.
- Désormais p point vers le nouveau maillon et le nouveau maillon pointe vers s.

Insertion d'un élément en tête de la liste :



Rôle : Insérer un élément en tête de la liste

Fonction Insérer (x : typeq, L: Liste): Liste.

P: Liste ; // ou P: *Maillon ;

Début

P ← créer_maillon (x);

P -> suivant ← L;

Retourne (P);

Fin ;

Procédure Insérer (x : Élément, var L: Liste)

P: Liste ;

Début

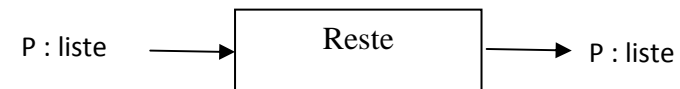
P ← créer_maillon (x);

P -> suivant ← L;

L ← P;

Fin ;

- e) **reste (L: Liste):** retourne la liste L sans le premier élément. Elle retourne l'adresse de l'élément (maillon) suivant de la liste.



Rôle : retourne la liste L sans le premier élément

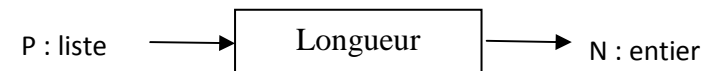
Fonction Reste (L: Liste): Liste

Début

Retourne (L -> suivant);

Fin

- f) **Longueur de la liste:** retourne le nombre des éléments de la liste L.



Rôle : retourne le nombre des éléments de la liste L

Fonction Longueur (L: Liste): entier // version récursive.

Début

Si (L=Nil) **alors**

Retourne (0);

Sinon

Retourne (1 + longueur (Reste (L)));

Finsi

Fin

Fonction Longueur (L: Liste): entier // **version itérative.**

Courant : Liste ; // courant : *maillon ;

Nb: entier ;

Début

Nb ← 0; courant ← L;

Tantque courant != Nil **faire**

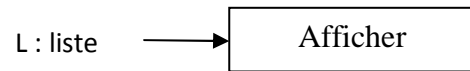
Nb ← Nb+1;

```

courant ← courant -> suivant ;
Fintantque
Retourner (Nb);
Fi n.

```

g) **Affichage** : afficher les éléments d'une liste.



Rôle : afficher les éléments d'une liste.

```

Procédure afficher (L: Liste) // version récursive.
Début
  Si (L!=Nil) alors
    Écrire (premier (L)) ;
  Sinon
    Écrire (premier(L)) ;
    Afficher (reste (L)) ;
  Finsi
Fin ;

```

```

Procédure afficher (L: Liste): entier // version itérative.
  Courant : Liste ; // courant : *maillon
  Nb: entier ;
Début
  Tantque (courant != Nil) faire
    Écrire (courant -> Ele);
    Courant ← courant -> suivant ;
  Fintantque
Fin ;

```

h) **Suppression d'un élément** : La suppression consiste d'abord en la rupture du chaînage du maillon concerné depuis la liste, selon l'un des trois cas, puis la libération de ce maillon :

- ✓ **Supprimer le premier élément de la liste** : Changement de la tête de la liste pour qu'elle pointe l'élément suivant de la tête actuelle.
- ✓ **Supprimer un élément au milieu de la liste** : Soit X l'élément à supprimer et soit p l'élément qui le précède et v l'élément qui le suit alors dorénavant v sera le suivant de p.
- ✓ **Supprimer le dernier élément de la liste** : l'avant dernier éléments de la queue pointeront Null.

```

Procédure supprimer (Var L : Liste)
  P : Liste ;
Début
  P ← L ;
  L ← L->suivant ;
  Libérer (P) ;
Fin.

```

NB : Ce cas peut être intégré dans le cas $N=0$ en supposant que le suivant de la queue est l'élément Null.

2.6. Types de listes chaînées

- a) Simple
- b) Symétrique ou doublement chaînée
- c) Circulaire simple