

## الفصل السادس: الكهرباء المتحركة

### Electrocinétique

#### 1. مقدمة:

تهتم الكهرباء المتحركة بدراسة الشحنات الكهربائية في حالة الحركة في أوساط مادية أي في النواقل المرتبطة مع بعضها و هذا يؤدي إلى إدخال مفهوم الدارات و الشبكات الكهربائية التي سننتقل إلى تعريفها لاحقا.

#### 2. التيار الكهربائي: *courant électrique*

##### 1.2 مفهوم التيار الكهربائي:

التيار الكهربائي هو سريان (انتقال) منتظم لمجموعة من الشحن الكهربائية (أيونات، الكترولونات....). قد يحدث هذا الانتقال في الفراغ (حزمة الكترولونات في أنبوب مهبطي..) أو في المادة الناقلة (الكترولونات في المعادن أو الشوارد المحاليل المائية...).

➤ حتى يسري تيار كهربائي عبر ناقل يجب أن يوجد فرق في الكمون بين طرفيه.

➤ يصطلح أن اتجاه سريان التيار هو جهة سريان الشحن الموجبة (عكس حركة الشحن السالبة) أي في اتجاه شعاع الحقل الكهربائي و هذا يعني في الجهة المتناقصة للكمونات.

#### 2.2 شدة التيار الكهربائي: *Intensité du courant électrique*

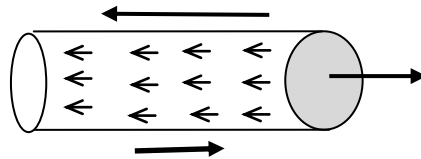
هي كمية الشحن الكهربائية التي تعبر الناقل خلال وحدة الزمن:

$$I = \frac{dq}{dt}$$

وحدتها في النظام الدولي الأمبير: A و هو شدة تيار كهربائي الموافق لمرور 1 كولومب عبر مقطع من الناقل خلال ثانية واحدة.

#### 3.2 كثافة التيار: *Densité du courant*

هي كمية الشحن الكهربائية التي تعبر مقطع  $S$  من الناقل خلال وحدة الزمن نعتبر ناقلا مقطعه  $dS$  ليكن  $n$  عدد الشحنات  $q$  المتحركة و المحصورة داخل وحدة الحجم و تتحرك  $\vec{v}$  بسرعة ثابتة.



تتقدم الشحنات خلال المدة  $dt$  الوجيزة بمسافة  $d\vec{l} = \vec{v}.dt$

خلال نفس المدة ، الشحنة المحصورة داخل حجم عنصري من الناقل هي إذن:  $dQ = n.q.dV$

$$dV = d\vec{l} \cdot d\vec{S}$$

$$dQ = n.q.\vec{v}.dt.d\vec{S}$$

فكثافة التيار الكهربائي هي المقدار الشعاعي  $\vec{J}$  المساوي للشحنة المارة خلال واحدة الزمن عبر واحدة

$$\text{السطح: } \boxed{\vec{J} = n.q.\vec{v}}$$
 ومن ثمة فإن:  $dQ = \vec{J}.dt.dS$

في حالة بلورة متكون من شوارد ساكنة و الكترولونات حرة متحركة فإن:

$$\boxed{\vec{J} = -n.e.\vec{v}}$$

نلاحظ أن شعاع كثافة التيار يعاكس اتجاهه الحركة الحقيقية للالكترولونات، أي أن اتجاه التيار هو اتجاه

الشعاع  $\vec{J}$ .

إذا كان  $\vec{S}$  يمثل شعاع السطح للمقطع العرضي للناقل، و المنطبق على الشعاع فإن شدة التيار الكهربائي هي المقدار السلمي:

$$I = \frac{dQ}{dt} = \int_S \vec{J} \cdot d\vec{S}$$

$$\vec{I} = \vec{J} \cdot \vec{S} \quad \Rightarrow \quad \boxed{I = n.q.v.S}$$

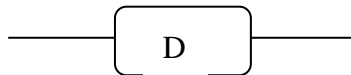
نعبر عن وحدة كثافة التيار الكهربائي بـ: الأمبير/المتر المربع ( $A/m^2$ )

### 3. الشبكات و الدارات: Réseaux et circuits

كل التطبيقات في الكهرباء تستغل السهولة التي يتم بها تحويل الطاقة الكهربائية من منبع كهربائي إلى جهاز مهما كان (مكواة، مصباح، جهاز التليفون...) هذا التحويل يتم بواسطة دائرة كهربائية تصل المنبع (المنابع الكهربائية متعددة: الأعمدة، البطاريات، الخلايا الشمسية، المولدات...) بالجهاز، و تسمح بانتقال الالكترولونات. تتكون الدارة الكهربائية من مجموعة عناصر لها قطبان على الأقل يسود بينها فرق في الكمون، تسمى ثنائيات القطب موصلة بينها بأسلاك ناقلية تشكل بنية مغلقة.

#### 3-1 ثنائيات القطب: Dipôles

هو جزء من الدارة الكهربائية محصورة بنقطتين يدخل التيار من احدهما ويخرج من الثانية.



A و B طرفي ثنائي القطب D الذي يعبره تيار كهربائي  $I$  من A إلى B. بين اللحظة  $t$  و  $t+dt$  شحنة

$$(dq = I.dt) \text{ تدخل عبر المقطع } AB \text{ من } A \text{ و نفس الشحنة تخرج من } B.$$

➤ الشحنة الداخلة توفر طاقة كامنة:  $V_A.dq$

➤ الشحنة الخارجة تأخذ طاقة كامنة:  $V_B.dq$

$$\text{المحصلة الطاقوية الموفرة للمقطع } AB \text{ هي: } dW = (V_A - V_B).I.dt$$

إذا كان:

➤  $V_A > V_B$  فإن:  $dW > 0$  نقول أن ثنائي القطب عبارة عن مستقبل (*Récepteur*)

يحوّل الطاقة الكهربائية الموفّرة إلى طاقة ميكانيكية، حرارية، شعاعية...

➤  $V_A < V_B$  فإن:  $dW < 0$  ثنائي القطب عبارة عن مولد يوفر لبقية الدارة الكهربائية التي

طاقة كهربائية التي ينتجها من تحويل طاقة ميكانيكية، حرارية، اشعاعية...

و منه نميز نوعين من ثنائيات القطب:

### 3 ± ± ثنائيات القطب الخاملة: *Dipôles passifs*

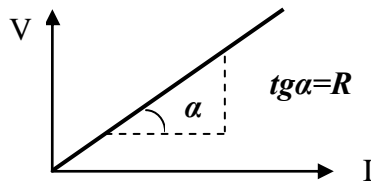
وهي تلك المستهلكة للطاقة.

إن السهولة التي تتدفق بها الشحنات بين قطبين تتعلق بالطريقة التي يربط بها القطبين. إذا وصلناهما بسلك توصيل، فإن الشحنات لا تواجه أي صعوبات تذكر للانتقال، أما إذا وصلناهما بعازل، فإن كل انتقال للشحنات يصبح صعبا جدا، إن لم يكن مستحيلا. هذه الخاصية التي تميز المادة، بالسماح أو بمنع الشحنات الكهربائية من المرور، تسمى بمقاومة المادة و تمثل المعارضة التي تتلقها للإلكترونات عند عبورها الناقل نتيجة اصطدامه مع بعضها البعض و مع ذرات و أيونات الوسط. تكون مقاومة المعادن ضعيفة، فإن مقاومة العوازل كبيرة جدا ولا متناهية. بالنسبة لناقل أومي، تحت درجة حرارة ثابتة، فإن النسبة بين فرق الكمون بين طرفيه، وشدة التيار الكهربائي الذي يجتازه، ثابتة و تساوي مقاومة الناقل:

$$R = \frac{V}{I} = Cte$$

و هو ما يعرف بقانون أوم

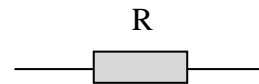
تتميز خاصية فرق الكمون- تيار للمقاومة بأنها خطية و متناظرة تمر من المبدأ و ميل المنحى يعطي قيمة المقاومة.



من أجل سلك ناقل ذو مقطع  $S$  و طول  $l$  فالمقاومة  $R$  تعطى:  $R = \rho \frac{l}{S}$

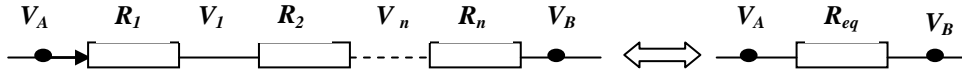
$\rho$ : المقاومة وحدتها:  $m.\Omega$

نمثل الناقل الأومي (المقاومة) بأحد الرسمين:



➤ ربط المقاومات:➤ الربط على التسلسل: *groupement en série*

كل المقاومات يعبرها نفس التيار  $I$ . التوتر  $U_{AB} = U$  يساوي مجموع التوترات بين طرفي كل مقاومة.



$$V = V_1 + V_2 + \dots + V_n = R_{eq} \cdot I$$

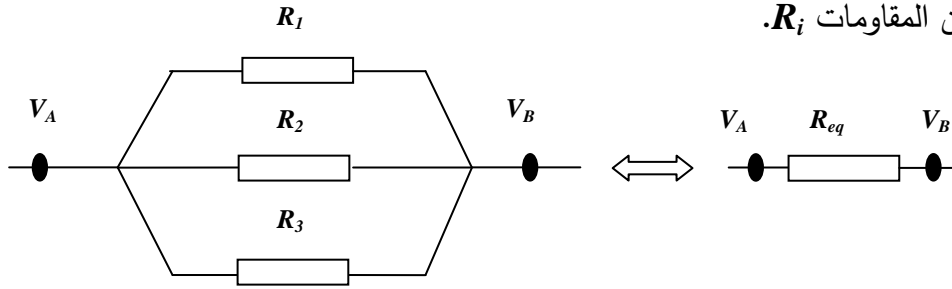
$$V = R_1 \cdot I + R_2 \cdot I + \dots + R_n \cdot I = R_{eq} \cdot I$$

ومنه المقاومة المكافئة لمجموع مقاومات مربوطة على تسلسل:

$$R_{eq} = \sum_{i=1}^n R_i$$

➤ الربط على التفرع: *groupement en parallèle*

يتميز الربط هنا بكون كل ثنائيات القطب أطرفها مشتركة مثلى مثلى، فالتوتر هو نفسه بين طرفي أي من المقاومات  $R_i$ .



التيار الكهربائي يتفرع على المقاومات حيث:

$$I = I_1 + I_2 + \dots + I_n$$

$$I = \frac{V}{R_1} + \frac{V}{R_2} + \dots + \frac{V}{R_n} \Rightarrow \frac{V}{R_{eq}} = \left[ \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n} \right] \cdot V$$

و منه المقاومة المكافئة لمقاومات مربوطة على التفرع (أو التوازي):

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}$$

$$\frac{1}{R_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}$$

➤ ثنائيات القطب النشيطة: *dipôles actifs*

تولد (تنتج) تيارا كهربائيا و منه تسميتها بالمولدات. يجب على المولد بذل عمل كهربائي على الشحنات لتمريها من خلاله من القطب المنخفض إلى القطب ذي الكمون العالي. فعمل المولد يشبه عمل مضخة تضخ الماء من مستوى منخفض إلى مستوى أعلى. لفهم ظاهرة التيار الكهربائي يمكن مقارنتها مع التيار المائي.

يجري الماء من منطقة مرتفعة نحو منطقة منخفضة بفضل الجاذبية، لكن إذا أردنا سحب الماء إلى ارتفاع أعلى فلا بد من توفير طاقة أي وجوب استعمال مضخة.

فالحصول على تيار كهربائي متواصل في دارة كهربائية لا بد من تغطية الدارة بطاقة أي نحتج إلى مولد (بطارية، مولد كهربائي، خلية شمسية...). و يمكن تمييز نوعين من المولدات:

➤ **مولد الجهد  $g\acute{e}n\acute{e}r\acute{a}t\acute{e}u\acute{r}$  de tension**: هو ثنائي قطب يتميز بتوتر ثابت بين طرفيه مهما كانت شدة التيار الذي يجتازه. سوف نهتم فيما يأتي بمولدات التوتر المستمر فقط. تتميز هذه المولدات بـ:

➤ **القوة المحركة الكهربائية:  $\mathcal{E}$**  و تمثل العمل المبذول على واحدة الشحنة لنقلها عبر دارة مغلقة.

$$\mathcal{E} = \frac{dW}{dq}$$

➤ **المقاومة الداخلية:  $r$**  و هي المقاومة التي يلقها التيار عند مروره داخل المولد. فالقوة المحركة للمولد ليست كلها متاحة للدارة الخارجية بل جزء منها يستنزف في المقاومة الداخلية و هو ما يسمى هبوط الجهد الداخلي:  $V = rI$  و منه :

$$\mathcal{E} = (V_A - V_B) + r.I$$

$$(V_A - V_B) = \mathcal{E} - r.I$$

( $V_A - V_B$ ): فرق الجهد (الكمون) المتاح للدارة الخارجية

➤ **الإستطاعة:**

$$\mathcal{E}I = rI^2 + (V_A - V_B).I$$

$\mathcal{E}I$ : استطاعة يوفزها المولد

$rI^2$ : استطاعة مصروفة داخل المولد

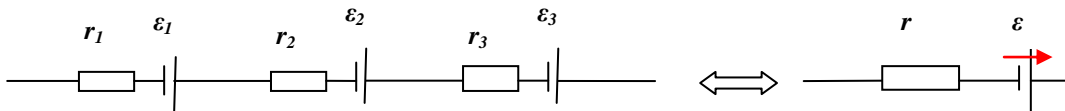
$V_A - V_B$ : استطاعة مصروفة خارج المولد

$$\mathcal{R} = \frac{(V_A - V_B).I}{\mathcal{E}.I} = \frac{V_A - V_B}{\mathcal{E}}$$

➤ **مردود المولد:**

➤ **ربط المولدات:**

• **على التسلسل:**



$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2 + \mathcal{E}_3$$

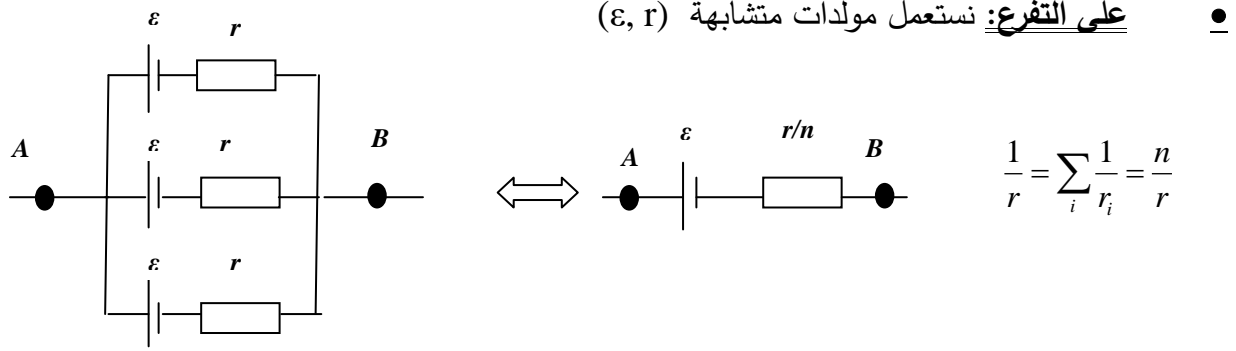
↔

$$\mathcal{E} = \sum_i \mathcal{E}_i$$

$$r = r_1 + r_2 + r_3$$

↔

$$r = \sum_i r_i$$



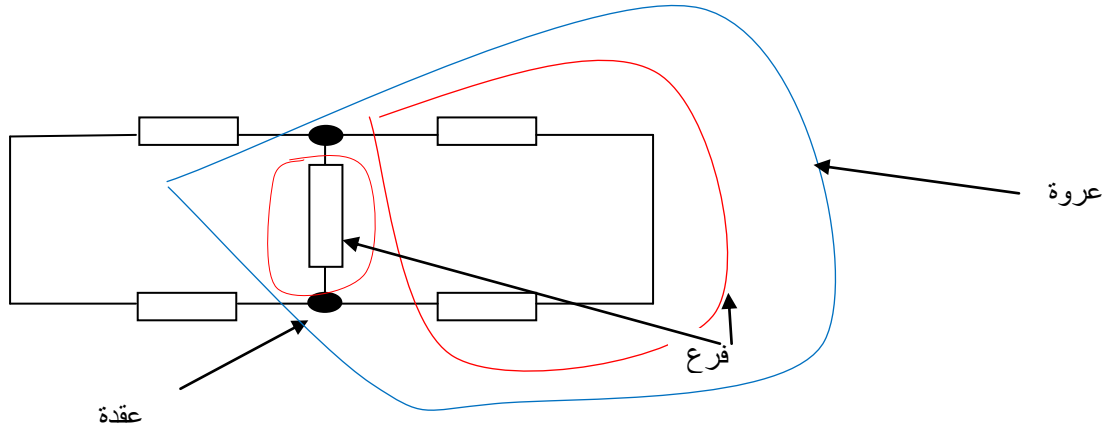
### ➤ مولدات التيار : *Générateurs de courant*

نعرف المولد الذي يمتلك مقاومة داخلية عالية جدا مقارنة مع الدارة الخارجية بمولد التيار، حيث أن التيار يبقى ثابت تقريبا في الدارة الخارجية رغم تغير قيمة المقاومة.

### 4- القوانين المسيرة للدارات الكهربائية:

تتكون الدارة من مجموعة ثنائيات قطب موصلة فيما بينها بأسلاك ناقلة، فتشكل بنية مغلقة. تتخلص عناصر الدارة في:

- **العقدة** : *nœud* : هي تقاطع ثلاث أسلاك أو أكثر.
- **الفرع** : *branche* : هو جزء من الدارة محصورة بين عقدتين.
- **العروة** : *maille* : هي مجموعة فروع على التسلسل تشكل حلقة مغلقة.



فرق الكمون (قانون أوم المعمم) بين نقطتين A و B من دارة يكتب:

$$\boxed{V_A - V_B = I \sum R - \sum \varepsilon}$$

➤  $\varepsilon > 0$  ← مولد

➤  $\varepsilon < 0$  ← مستقبل

➤  $V_A - V_B > 0$  ← التيار يمر من A ← B

بمعرفة التوزيع الهندسي للدارة الكهربائية: وضعية المقاومات المحركة الكهربائية... فإن مشكل حل الدارة الكهربائية هو حساب:

- شدة التيار في كل فرع

- الكون عند كل عقدة

#### 1-4 قوانين كيرشوف Lois de Kirchhoff

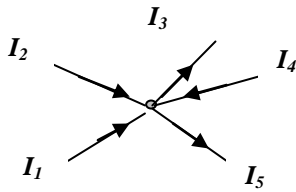
##### ❖ القانون الأول: قانون العقد:

" المجموع الجبري للتيارات عبر عقدة معدوم: مجموع التيارات الداخلة = مجموع التيارات الخارجة "

$$\sum_{i=1}^n I_i = 0$$

$$I_1 + I_2 + I_4 - I_3 - I_5 = 0$$

$$I_1 + I_2 + I_4 = I_3 + I_5$$



##### ❖ القانون الثاني: قانون العروات:

"المجموع الجبري للكمونات عبر عروة معدوم"

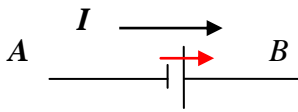
$$\sum_{i=1}^n U_i = 0$$

إذا احتوت عروة مجموعة من المولدات  $\sum \varepsilon$  و مجموعة مستقبيلات  $\sum e$  و مقاومات  $\sum R$  ، فإن تغير الكون عبر العروة معدوم.

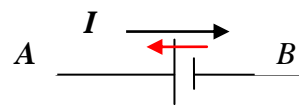
$$\sum_{i=1}^n \varepsilon_i = \sum_{i=1}^{n'} e_i + \sum_{i=1}^{n''} R_i I$$

نعتبر جزء  $AB$  من الدارة يعبره تيار  $I$  من  $A \leftarrow B$ ، إذا احتوى  $AB$ :

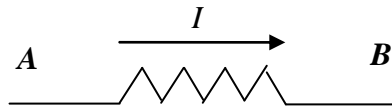
- مولد:



$$V_A - V_B = -\varepsilon$$

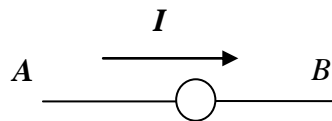


$$V_A - V_B = \varepsilon$$



$$V_A - V_B = RI$$

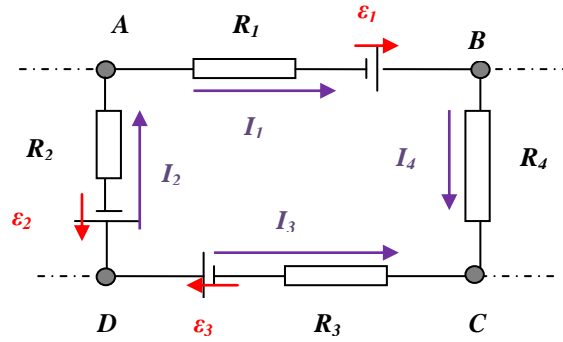
- مقاومة:



$$V_A - V_B = e$$

- مستقبل:

**مثال 1:** طبق قانون كيرشوف الثاني على جزء الدارة التالية:



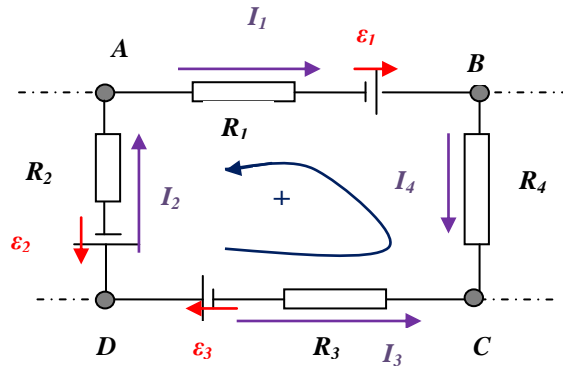
a. باستعمال الشكل:  $\sum U_i = 0$

نختار اتجاه عشوائي للتيار عبر كل فرع

$$\begin{aligned} V_A - V_A &= (V_A - V_B) + (V_B - V_C) + (V_C - V_D) + (V_D - V_A) = 0 \\ &= (V_A - V_B) - (V_C - V_B) - (V_D - V_C) + (V_D - V_A) = 0 \\ &= (R_1 I_1 - \varepsilon_1) - (R_4 I_4) - (R_3 I_3 + \varepsilon_3) + (R_2 I_2 + \varepsilon_2) = 0 \\ (R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_3 I_3 - R_4 I_4 - \varepsilon_1 + \varepsilon_2 - \varepsilon_3) &= 0 \\ \boxed{\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + \varepsilon_3 = R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_3 I_3 - R_4 I_4} \end{aligned}$$

b. باستعمال عبارة:  $\sum \varepsilon_i = \sum e_j + \sum R_k I_k$

نختار اتجاه عشوائي للتيار عبر كل فرع ثم نختار اتجاه للدوران عبر العروة: إذا كان الاتجاه المختار يوافق اتجاه التيار عبر الفرع نأخذه موجبا و سالبا في الحالة العكسية.

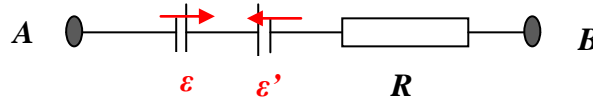


$$\begin{aligned} \sum \varepsilon_i &= \sum e_j + \sum R_k I_k \\ -\varepsilon_1 + \varepsilon_2 - \varepsilon_3 &= -R_1 I_1 - R_2 I_2 + R_3 I_3 + R_4 I_4 \\ \boxed{\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + \varepsilon_3 = R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_3 I_3 - R_4 I_4} \end{aligned}$$



**مثال 2:**

نفرض أن التيار الحقيقي  $I$  يمر من  $A \leftarrow B$  و أن الفرع  $AB$  يحتوي مقاومات و مولدات عكوسة:



a. إذا اختارنا الجهة العشوائية للتيار  $I_a$  من  $A \leftarrow B$  فإن :

$$V_A - V_B = -\varepsilon + \varepsilon' + RI_a \quad \Rightarrow \quad I_a = \frac{(V_A - V_B) + \varepsilon - \varepsilon'}{R}$$

b. إذا اختارنا الجهة العشوائية للتيار  $I_b$  من  $A \leftarrow B$  فإن :

$$V_B - V_A = RI_b - \varepsilon' + \varepsilon = -(V_A - V_B) \quad \Rightarrow \quad I_b = \frac{-(V_A - V_B) + \varepsilon' - \varepsilon}{R}$$

$$I_b = \frac{-(V_A - V_B) + \varepsilon' - \varepsilon}{R} = -\frac{(V_A - V_B) + \varepsilon - \varepsilon'}{R} = -I_a = -I$$

نلاحظ أن:

$$I = I_a = -I_b$$

**الخلاصة:**

التياران العشوائيان المختاران لهما نفس القيمة لكن مختلفين في الاتجاه:

- إذا كان  $I > 0$  فالإتجاه المختار صحيح و قيمة التيار هي نفسها .

- إذا كان  $I < 0$  قيمة التيار هي نفسها نعكس فقط الإتجاه.

**4 2 بعض الطرق لحل الدارات الكهربائية:****4 2 1 التحليل بالفروع:**

نستعمل هذه الطريقة لحساب التيارات المارة عبر كل فرع. الخطوات التي يجب إتباعها:

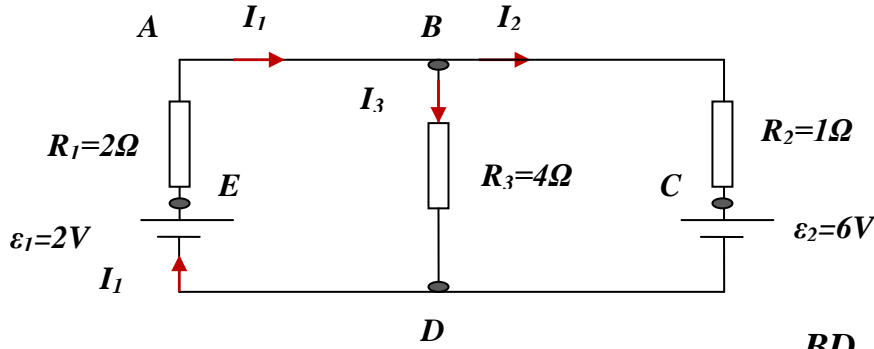
1 - تعيين بطريقة عشوائية جهة التيارات عبر كل فرع

2 - تطبيق قانونا كيرشوف على العقد و العروات

3 - حل جملة المعادلات

**Exo2 TD6**

احسب التيارات المارة في كل فرع للدارة التالية:



الحل:

لدينا ثلاث فروع :  $BD, BCD, DEAB$ و عقدتين :  $B, D$ العروة  $ABDEA$ 

$$\begin{aligned}
 V_A - V_A &= (V_A - V_B) + (V_B - V_D) + (V_D - V_E) + (V_E - V_A) = 0 \\
 &= 0 + R_3 I_3 - \varepsilon_1 + R_1 I_1 = 0 \\
 \boxed{R_1 I_1 + R_3 I_3 = \varepsilon_1} &\rightarrow (1)
 \end{aligned}$$

العروة  $BCDB$ :

$$\begin{aligned}
 V_B - V_B &= (V_B - V_C) + (V_C - V_D) + (V_D - V_B) = 0 \\
 &= R_2 I_2 + \varepsilon_2 - R_3 I_3 = 0 \\
 \boxed{R_2 I_2 - R_3 I_3 = -\varepsilon_2} &\rightarrow (2)
 \end{aligned}$$

العقدة  $B$ 

$$\boxed{I_1 = I_2 + I_3} \rightarrow (3)$$

جملة المعادلات:

$$\begin{cases}
 R_1 I_1 + R_3 I_3 = \varepsilon \\
 R_2 I_2 - R_3 I_3 = -\varepsilon_2 \\
 I_1 = I_2 + I_3
 \end{cases}$$

$$\begin{cases}
 2I_1 + 0I_2 + 4I_3 = 2 \\
 0I_1 + 1I_2 - 4I_3 = -6 \\
 1I_1 - 1I_2 - 1I_3 = 0
 \end{cases}$$

بالتعويض بالقيم العددية:

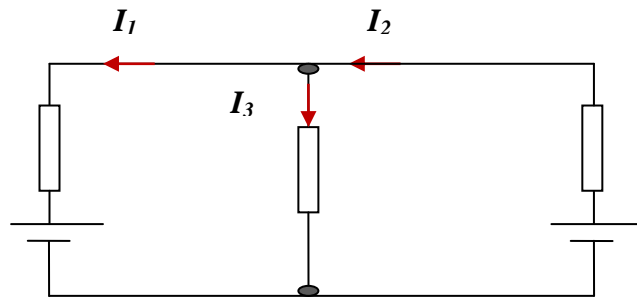
تحسب التيارات بطريقة المحدد بالشكل التالي:

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & 0 & 4 \\ -6 & 1 & -4 \\ 0 & -1 & -1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & -4 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}} = \frac{2(-5) + 4(6)}{2(-5) + 4(-1)} = \frac{14}{-14} = -1A$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & 2 & 4 \\ 0 & -6 & -4 \\ 1 & 0 & -1 \\ 2 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & -4 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & -4 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}} = \frac{2(6) + 2(4) + 4(6)}{14} = \frac{28}{-14} = -2A$$

$$I_3 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -6 \\ 1 & -1 & 0 \\ 2 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & -4 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & -4 \\ 1 & -1 & -1 \end{vmatrix}} = \frac{2(-6) + 2(-1)}{-14} = \frac{-14}{-14} = 1A$$

نلاحظ أن إشارة  $I_1, I_2$  فالاتجاه المختار لهما خاطئ يستوجب تصحيحهما كما يلي مع الاحتفاظ باتجاه  $I_3$  لأنه موجب.

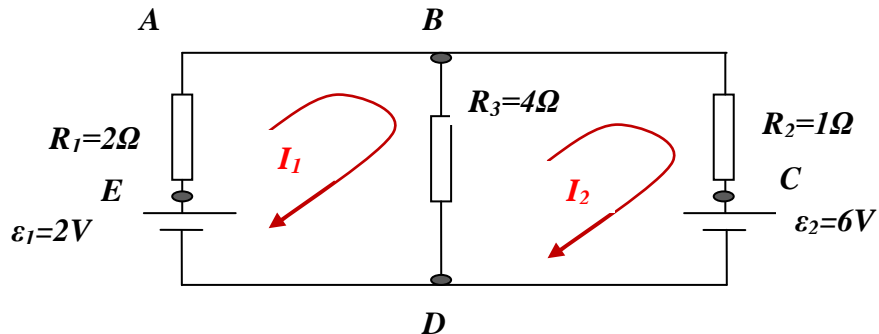


#### 4 2 2 طريقة التيارات الوهمية:

- نعين العروات و نختار اتجاهات التيارات بطريقة حرة (عشوائية). العروات يجب أن تكون مستقلة بحيث على الأقل فرع غير مشترك مع بقية العروات
- تطبيق قانونا كيرشوف
- ترتيب المعادلات و حلها.

#### Exo3 TD6

: خذ نفس الدارة السابقة و احسب التيارات بطريقة التيارات الوهمية



العروة  $ABCDEA$  :

$$\sum U_i = 0 \Leftrightarrow R_3(I_1 - I_2) - \varepsilon_1 + R_3 I_2 = 0$$

$$\boxed{\varepsilon_1 = (R_1 + R_3) - R_3 I_2 \rightarrow (1)}$$

العروة  $BCDB$  :

$$\sum \varepsilon_i = \sum R_j I_j$$

$$-\varepsilon_2 = R_2 I_2 + R_3 (I_2 - I_1)$$

$$\boxed{-\varepsilon_2 = -R_3 I_1 + (R_2 + R_3) I_2 \rightarrow (2)}$$

ترتيب المعادلات بعد التعويض العددي ثم الحل

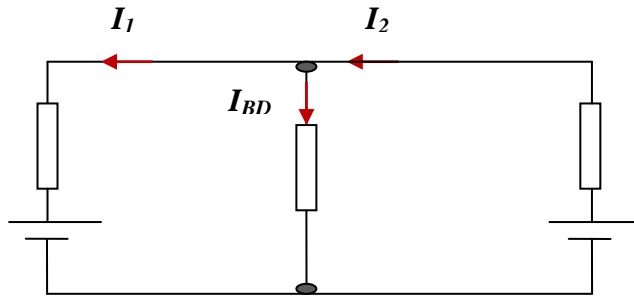
$$\begin{cases} 6I_1 - 4I_2 = 2 \\ -4I_1 + 5I_2 = -6 \end{cases}$$

بحل جملة المعادلتين نجد:  $I_1 = -1$  و  $I_2 = -2$ نلاحظ أن  $I_1 < 0$  و  $I_2 < 0$  فالاتجاهات الحقيقية عكس ما اختارناهحساب التيار المار في الفرع  $BD$ 

$$I_{BD} = I_1 - I_2 = -1 - (-2) = 1$$

فالاتجاه من  $D \leftarrow B$ 

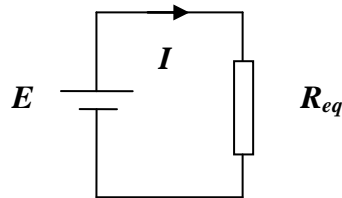
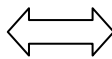
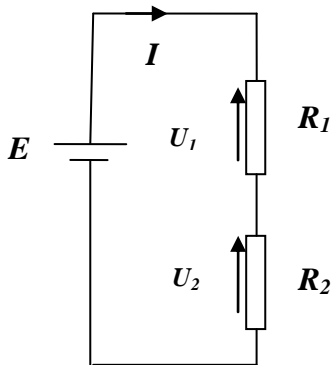
التصحيح:



5- طريقة ثيفنا: Méthode Thevenin

5-1 قاسم الجهد: Diviseur de tension

شروط تطبيقه مقاومات على التسلسل.



1 حالة مقاومتين:

$$E = R_{eq} I \Rightarrow I = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

$$U_1 = R_1 I = \frac{R_1}{R_1 + R_2} E$$

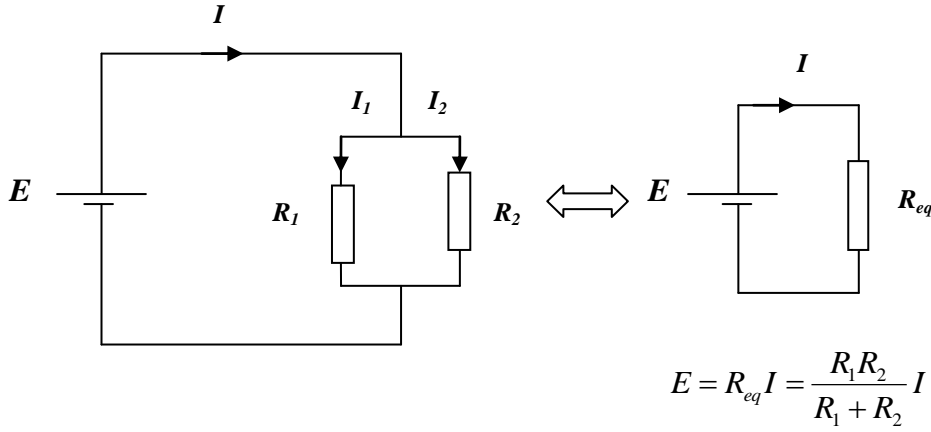
$$U_2 = R_2 I = \frac{R_2}{R_1 + R_2} E$$

في الحالة العامة

$$U_i = R_i I = \frac{R_i}{\sum R_i} E$$

### 2-5 قاسم التيار : Diviseur de courant

شرط تطبيقه مقاومات على التفرع



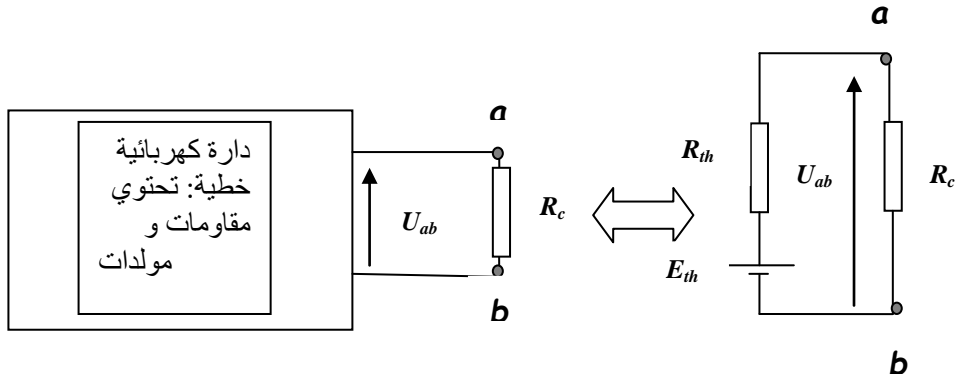
$$E = R_{eq} I = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} I$$

$$I_1 = \frac{U_1}{R_1} = \frac{E}{R_1} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I$$

$$I_2 = \frac{U_2}{R_2} = \frac{E}{R_2} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

### 3-5 طريقة ثيفينا: Méthode Thevenin

الطريقتين السابقتين تسمح بحساب كل التيارات في الدارة في حين هذا ليس ضروريا دائما. في بعض الأحيان نحتاج معرفة التيار في فرع واحد لهذا الغرض نلجأ إلى طريقة عملية: طريقة ثيفينا كل دارة كهربائية معقدة يمكن تبسيطها حسب ثيفينا إلى دارة مكونة مولد توتر  $E_{th}$  موصول على التسلسل مع مقاومة  $R_{th}$ .  
مقاومة الحمل:  $R_c$ .



ملاحظة:  $R_{th}$  ليست المقاومة الداخلية للمولد  $r$

• الخطوات المتبعة لحساب  $R_{th}$ :

1 خزع مقاومة الحمل  $R_c$  الموجدة بين النقطتين  $a$  و  $b$

2 تعويض مصادر التوتر ( الجهد ) بدارة قصيرة (سلك)

3 تعويض مصادر التيار بدارة مفتوحة (قاطعة)

4 حسب المقاومة المكافئة للدائرة بين  $a$  و  $b$  تكون بذلك :  $R_{ab} = R_{th}$

• الخطوات المتبعة لحساب  $E_{th}$ :

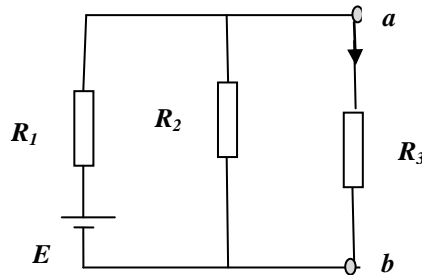
1 خزع مقاومة الحمل  $R_c$  الموجدة بين النقطتين  $a$  و  $b$

2 حسب توتر الدارة المفتوحة بين  $a$  و  $b$  و الذي يكافئ توتر تيفنا.

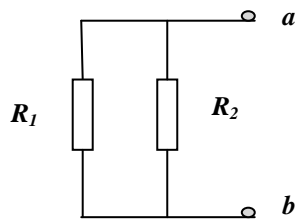
### تمرين 06 TD6

نعتبر الدارة الكهربائية للشكل التالي، حيث:  $E = 8V$ ,  $R_1 = 4\Omega$ ,  $R_2 = 12\Omega$ ,  $R_3 = 9\Omega$

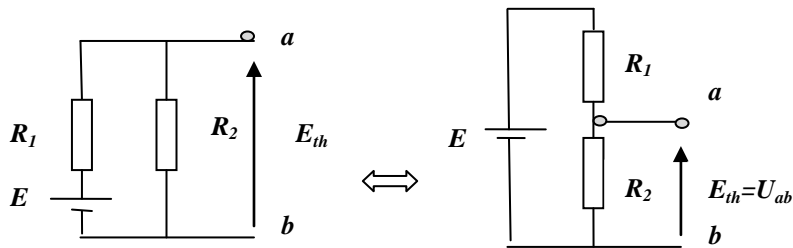
احسب التيار المار عبر المقاومة  $R_3$  بتطبيق تيفنا.



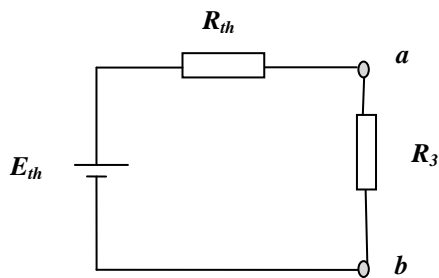
الحل:



$$R_{th} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{4 \times 12}{4 + 12} = 3\Omega$$



$$E_{th} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} E = \frac{12}{4 + 12} = 6V$$



$$I = \frac{E_{th}}{R_{th} + R_3} = \frac{6}{3 + 9} = 0.5A$$