

# Le mécanisme de résolution en prolog

## I- L'unification

- ✓ Le fonctionnement de Prolog repose en partie sur le mécanisme d'unification qui permet d'apparier une question avec la tête d'une clause.
  
- ✓ L'unification est l'opération élémentaire que réalise Prolog pour rendre deux termes identiques.
  
- ✓ Trois cas sont possible pour que l'unification réussie :
  - 1- Deux termes atomiques s'unifient s'ils sont identiques (comme les constantes).
  - 2- Une variable s'unifie avec tout type de terme.
  - 3- Un terme composé s'unifie avec un terme composé de même foncteur et même nombre d'arguments, à condition que ces arguments s'unifient.
  
- ✓ En voici un exemple, les deux prédicats suivants sont appariables (l'opérateur d'unification est "=") :

?-  $p(X, b(Z,a), X) = p(Y, Y, b(V,a))$ .

$$X = b(V, a),$$

$$Z = V,$$

$$Y = b(V, a).$$

✓ Les atomes logiques  $P(X,a,Y)$  et  $P(c,a,Z)$ , où  $a$  et  $c$  sont des constantes, sont unifiables  $\{X=c, Y=Z\}$ . Par contre  $P(X,a,Y)$  et  $P(c,b,Z)$  ne sont pas unifiables car les constantes ne peuvent être remplacées.

✓ Prévoyez les réponses fournies par PROLOG pour ces requêtes :

?-  $k(s(g), Y) = k(X, t(f))$ .

$$Y = t(f),$$

$$X = s(g).$$

$$?- p(f(Y), W, g(Z)) = p(U, U, V).$$

$$W = f(Y),$$

$$U = f(Y),$$

$$V = g(Z).$$

$$?- p(f(Y), W, g(Z)) = p(V, U, V) .$$

false.

$$?- p(a, X, f(g(Y))) = p(Z, h(Z, W), f(W)).$$

$$X = h(a, g(Y)),$$

$$Z = a,$$

$$W = g(Y).$$

# II- Principe de résolution

- Différentes stratégies ont été développées pour guider le processus de résolution.
- 
- Le mécanisme de résolution de Prolog consiste à parcourir un arbre de gauche à droite et en profondeur d'abord. Chaque appel de prédicat constitue un nœud de cet arbre, et les branches qui en partent correspondent aux possibilités d'appariement avec des têtes de clauses.
- 
- L'ensemble des solutions d'un programme prolog peut être calculé par une approche ascendante, dite en chaînage avant: on part des faits, et on applique itérativement toutes les règles pour déduire de nouveaux faits ... jusqu'à ce qu'on ait tout déduit.
- 
- 
- Considérons par exemple le programme Prolog suivant:

parent(ali,said).  
parent(said,amina).  
parent(amina,marwa).

homme(ali).  
homme(said).

pere(X,Y) :- parent(X,Y), homme(X).

grand\_pere(X,Y) :- pere(X,Z), parent(Z,Y).

✓ A partir de l'ensemble des faits  $E_0$ :

$E_0 = \{ \text{parent(ali,said), parent(said,amina), parent(amina,marwa), homme(ali), homme(said)} \}$

✓ Et en appliquant les règles du programme, on obtient l'ensemble  $E_1$ :

$E_1 = \{ \text{pere(ali,said), pere(said,amina)} \}$

✓ Et à partir de  $E_0$ ,  $E_1$  et des règles, on déduit l'ensemble  $E_2$ :

$E_2 = \{ \text{grand\_pere}(\text{ali}, \text{amina}), \text{grand\_pere}(\text{said}, \text{marwa}) \}$

- ✓ À partir de  $E_0$ ,  $E_1$ ,  $E_2$  et des règles, on ne peut plus rien déduire de nouveau.
- ✓ L'union de  $E_0$ ,  $E_1$  et  $E_2$  constitue l'ensemble des conséquences logiques du programme (La dénotation du programme).
- ✓ D'une façon générale, on ne peut pas calculer l'ensemble des conséquences logiques d'un programme par l'approche ascendante: ce calcul serait trop coûteux, voir infini.
- ✓ En revanche, on peut démontrer qu'un but composé d'une suite d'atomes logiques est une conséquence logique du programme, en utilisant l'approche descendante, dite en chaînage arrière:
- ✓ Pour prouver un but composé d'une suite d'atomes logiques :  
?- A1, A2, ..., An.

Prolog commence par prouver le premier atome logique  $A1$ . Pour cela, il cherche une clause dans le programme dont l'atome de tête s'unifie avec cet atome logique. Par exemple la clause :

$$A1 :- A11, A12, \dots, A1n.$$

✓ Puis Prolog remplace l'atome logique  $A1$  dans le but par les atomes logiques du corps de la clause, et on aura un nouveau but à prouver :

$$A11, A12, \dots, A1n, A2, \dots, An.$$

✓ Prolog recommence alors ce processus, avec toutes les clauses qui s'unifient avec les atomes logiques du but, jusqu'à ce qu'il n'y ait plus rien à prouver. A ce moment, Prolog affiche yes or no ou bien les valeurs de variables.

✓ Exemple : Soit le programme prolog suivant :

s(a).

s(b).

r(a,b).

r(b,c).

r(c,b).

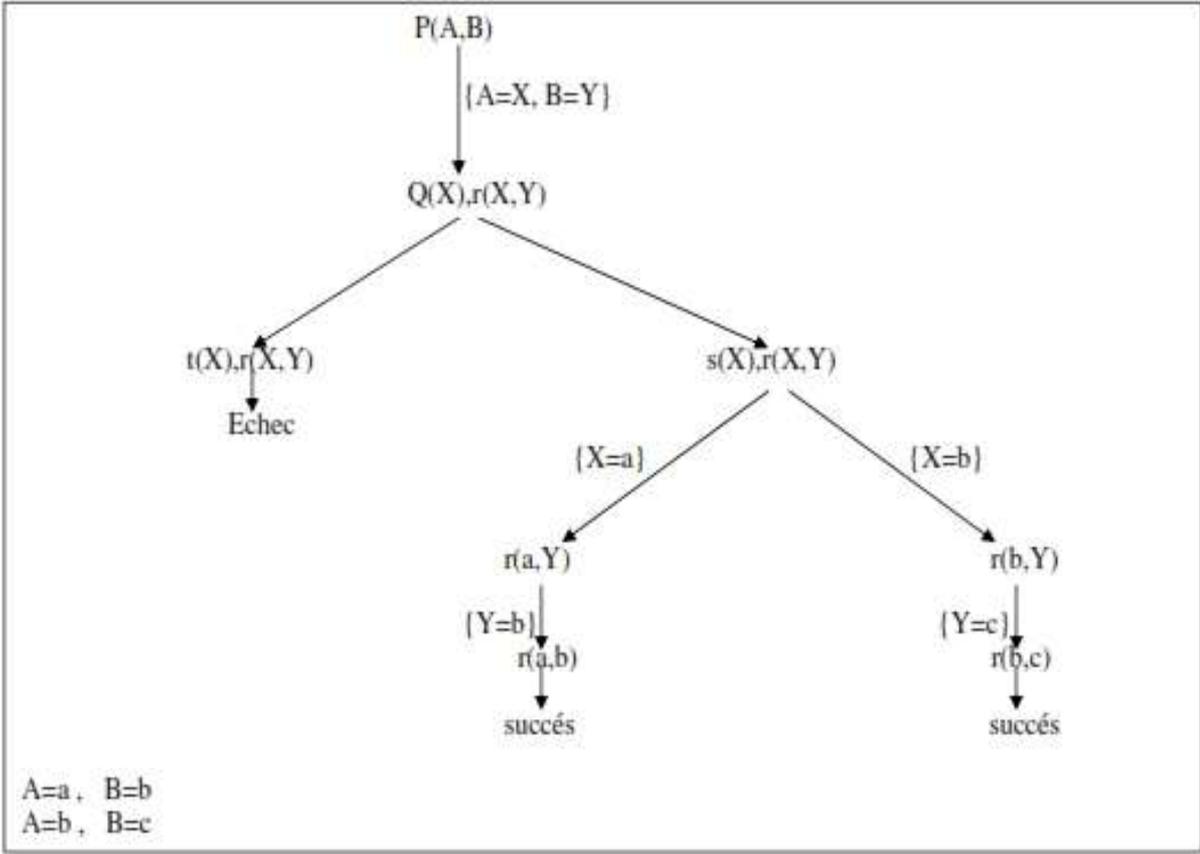
$p(X,Y) :- q(X),r(X,Y).$

$q(X) :- t(X).$

$q(X) :- s(X).$

✓ Soit la requête suivante :  $?- p(A,B).$

✓ L'arbre de recherche du but  $p(A,B)$  est le suivant :



Retrouvez La dénotation de ce programme (l'ensemble des solutions) en utilisant l'approche ascendante.

$$E_0 = \{ s(a), s(b), r(a,b), r(b,c), r(c,b) \}$$
$$E_1 = \{ p(a,b), p(b,c) \}$$
$$E_2 = \{ q(a), q(b) \}$$
$$E = \{ E_0 + E_1 + E_2 \}$$

✓ Considérons le programme prolog suivant :

f(a).

f(b).

g(b).

h(b).

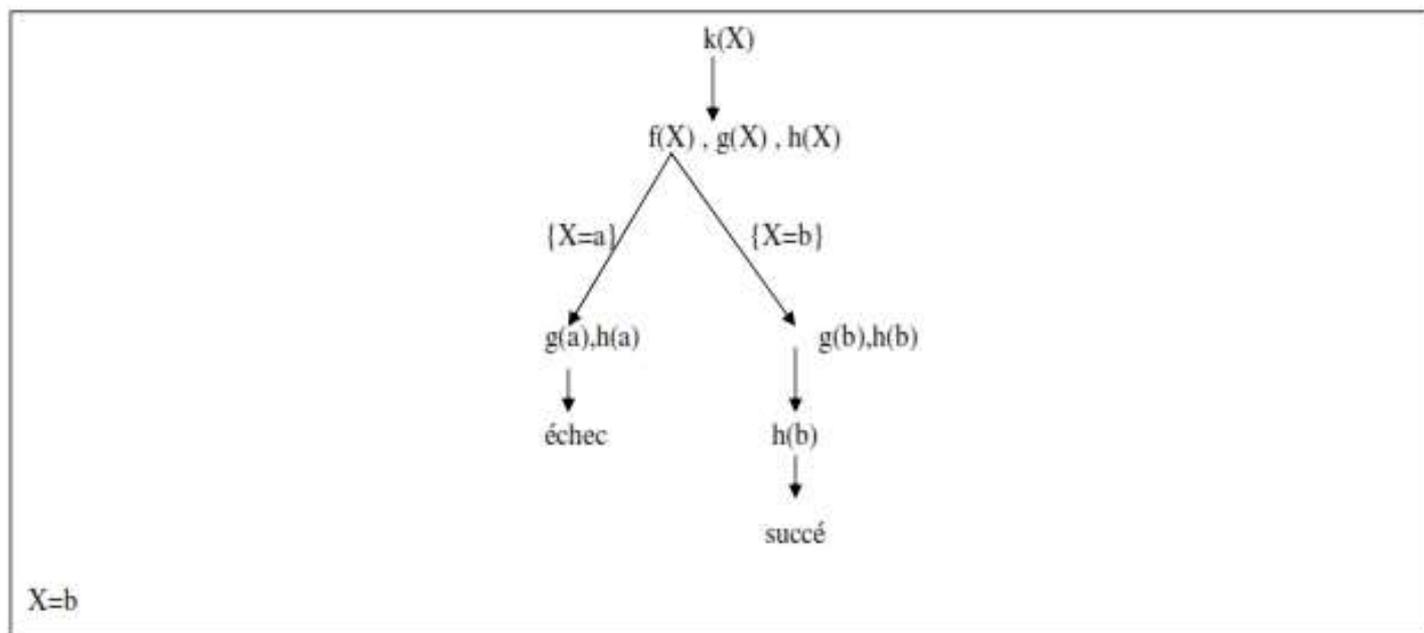
k(X) :- f(X), g(X), h(X).

Et soit la requête suivante :

?- k(X).

La seule réponse de prolog est : X=b.

Comment prolog a-t-il trouvé cette réponse ? Dessinez l'arbre de résolution (l'arbre de recherche).



$E = \{f(a), f(b), g(b), h(b), k(b)\}$

# Exemple

- Soit le programme
- $p(a).$
- $p(b).$
- $p(c).$
- $q(c).$
- $q(d).$
- $r(a).$
- $p(X) \leftarrow -q(X).$
- $q(X) \leftarrow -r(X).$
- Soit le but  $?-p(X).$

# Stratégie de Prolog (1/2)

---

- Pour résoudre un but, Prolog construit l'arbre de recherche du but et le parcourt en profondeur d'abord
  - **noeud feuille de succès** : c'est une solution, Prolog l'affiche et peut chercher d'autres solutions en remontant au dernier *point de choix*
  - **noeud feuille d'échec** : remontée dans l'arbre jusqu'à un point de choix possédant des branches non explorées
- Prolog ne trouve pas toujours de solution
  - il faut des faits et règles correspondant au but
  - il faut pouvoir unifier
- Exemples :
  - $p(X, X)$  et  $p(t1t1, toto)$  ne peuvent être unifiés
  - $q(X, Y)$  et  $q(p(T), Y)$  peuvent être unifiés

# Stratégie de Prolog (2/2)

---

- Si l'unification échoue : situation d'échec sur la règle considérée pour démontrer la formule.
- Si l'unification réussit : substitution des variables présentes dans la queue de la clause par les valeurs correspondantes des variables de l'unificateur.
- A la fin, l'ensemble des couples valeur-variable des variables présentes dans la question initiale forme la **solution** affichée par Prolog.

# Graphe ET/OU

