

EX06

1. Un des résultats est 6 :

$$P(1) = P(4) = P(3) = \frac{1}{8} = P(5)$$

$$P(2) = P(6) = \frac{1}{4}$$

$$\text{On a } \sum p_i = 1 \Rightarrow$$

$$P(5) = 1 - [P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(6)]$$

$$P(5) = 1 - \left[\frac{3}{8} + \frac{2}{4} \right] = 1 - \frac{3+4}{8} \\ = 1 - \frac{7}{8} = \frac{8-7}{8} = \frac{1}{8}$$

pour que la somme des points obtenus soit strictement supérieur à 10, sachant qu'un des résultats est 6, il faut avoir des résultats de la forme $(x, 6)$ ou $(6, x)$ avec : $x = 5, 6$.

$$P(x, 6) \cup (6, x) = P(x, 6) + P(6, x) - P((x, 6) \cap (6, x))$$

$$= (P(5) + P(6)) + (P(5) + P(6)) - P(6) \\ = \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{4} \right) + \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{4} \right) - \frac{1}{4}$$

$$P((x, 6) \cup (6, x)) = \frac{2}{4}$$

Le premier résultat est 6.

Si le 1^{er} résultat est 6, on obtient des résultats de la forme $(6, x)$

où : $x = 5$ ou 6 .

$$P(6, x) = P(5) + P(6) \\ = \frac{1}{8} + \frac{1}{4} \Rightarrow P(6, x) = \frac{3}{8}$$

EX07

B : Boule est Blanche.

N : la Boule est noire

R : la Boule est Rouge.

A : Les deux boules sont blanches

$$P(A) = P(B, B) = \frac{\text{Card}(A)}{\text{Card}(\Omega)}$$

$$P(A) = \frac{C_2^7}{C_2^{16}}$$

$$\text{Card}(\Omega) = C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

$$= \frac{16!}{2!(16-2)!} = \frac{16 \times 15 \times 14!}{2 \times 14!}$$

$$C_{16}^2 = 120$$

$$\text{Card}(A) = C_7^2 = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7 \times 6 \times 5!}{2 \times 5!}$$

$$C_7^2 = 21$$

$$P(B, B) = \frac{21}{120}$$

T : Les 2 boules sont de même couleur :

$$P(T) = P(B, B) \cup P(R, R) \cup P(N, N)$$

$$P(T) = \frac{C_7^2 + C_5^2 + C_4^2}{C_{16}^2}$$

$$C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = 10$$