

**Série TD N° 01**

**Exercice 01 :**

Soit le bobinage ci-contre.

La phase (a) est alimentée par le courant  $i_a(t)=I_m \cos(\omega t)$ .

La phase (b) est alimentée par le courant  $i_b(t)=I_m \cos(\omega t - 2\pi/3)$ .

La phase (c) est alimentée par le courant  $i_c(t)=I_m \cos(\omega t - 4\pi/3)$ .

Les courants  $(i_a, i_b, i_c)$  forment un système triphasé équilibré direct.

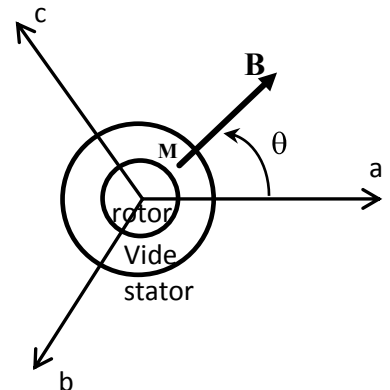
Ces courants créent en un point M les inductions :

$$B_a = k \cdot i_a(t) \cdot \cos\theta,$$

$$B_b = k \cdot i_b(t) \cdot \cos(\theta - 2\pi/3) \text{ et}$$

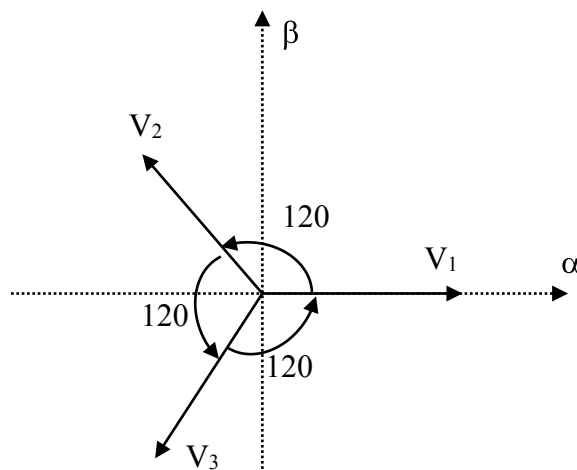
$$B_c = k \cdot i_c(t) \cdot \cos(\theta - 4\pi/3).$$

Calculer en ce point (M) de l'entrefer le champ résultant :  $\mathbf{B} = \mathbf{B}_a + \mathbf{B}_b + \mathbf{B}_c$



**Exercice N° 02 :**

Trois vecteurs  $(V_1, V_2, V_3)$  composent un système en 3D équilibré, espacé de  $120^\circ$  de chaque axe ( $0^\circ, 120^\circ=2\pi/3, 240^\circ=4\pi/3$ ). Projeter ces vecteurs d'une manière à passer d'un repère à trois dimensions en deux dimensions  $(V_\alpha, V_\beta)$ . En déduire la matrice de ce passage.



**Exercice N° 03 :**

On donne les équations du flux de la machine à courant alternatif :

$$\begin{cases} \bar{\varphi}_s = L_s \cdot \bar{I}_s + M \bar{I}_r \\ \bar{\varphi}_r = L_r \cdot \bar{I}_r + M \bar{I}_s \end{cases}$$

Donner les six formules du couple électromagnétique sur les axes (d,q) en fonction de

$(I_s, \varphi_r), (I_s, I_r), (\varphi_s, \varphi_r), (\varphi_s, I_r), (I_s, \varphi_r), (I_r, \varphi_r)$  en appliquant  $C_e = p \cdot \text{Im}(I_s \cdot \varphi_s)$

**Exercice N° 04 :**

Soit un système triphasé équilibré représenté par les trois axes (a,b,c) décalé de  $120^\circ$ .

Avec :  $v_a(t) = \sqrt{2} \cdot v \cdot \cos(\omega t)$ ,

$$v_b(t) = \sqrt{2} \cdot v \cdot \cos(\omega t - 2\pi/3), \quad v_c(t) = \sqrt{2} \cdot v \cdot \cos(\omega t + 2\pi/3),$$

Et :  $i_a(t) = \sqrt{2} \cdot i \cdot \cos(\omega t - \varphi)$ ,  $i_b(t) = \sqrt{2} \cdot i \cdot \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{3} - \varphi\right)$

$$i_c(t) = \sqrt{2} \cdot i \cdot \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{3} - \varphi\right).$$

$v$  et  $i$  : Valeurs efficaces.

Montrer que la puissance instantanée en régime équilibré est donnée par :  $P = 3v \cdot i \cdot \cos(\varphi)$ .  
en déduire Q.

**Exercice N° 05 :**

On se donne les équations d'une machine à champ tournant dans le repère de Park.

$$v_d = R i_d + \frac{d\Phi_d}{dt} - \omega \Phi_q$$

$$v_q = R i_q + \frac{d\Phi_q}{dt} + \omega \Phi_d$$

Donner l'expression du couple électromagnétique, à partir de ces deux équations, sachant que :

$\omega = p\Omega$ , et  $C_e = \frac{P_e}{\Omega}$  et la quantité  $\frac{d\Phi_d}{dt} i_d + \frac{d\Phi_q}{dt} i_q$  une puissance réactive n'entrant pas dans le calcul du couple  $C_e$ .